

# UNIVERSIDADE FEDERAL DE PERNAMBUCO CENTRO ACADÊMICO DO AGRESTE NÚCLEO DE TECNOLOGIA CURSO DE GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA CIVIL

JOÃO VICTOR CORDEIRO BARROS

# PROJETO ESTRUTURAL DE UM GALPÃO EM AÇO COMPOSTO POR PÓRTICOS FORMADOS POR PERFIS LAMINADOS

Caruaru 2023

#### JOÃO VICTOR CORDEIRO BARROS

# PROJETO ESTRUTURAL DE UM GALPÃO EM AÇO COMPOSTO POR PÓRTICOS FORMADOS POR PERFIS LAMINADOS

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado à Coordenação do Curso de Engenharia Civil do Campus Agreste da Universidade Federal de Pernambuco – UFPE, na modalidade de artigo científico, como requisito parcial para obtenção do grau de Bacharel em Engenharia Civil.

Área de concentração: Estruturas

Orientador(a): Prof. Dr. Douglas Mateus de Lima

Caruaru 2023

## Projeto estrutural de um galpão em aço composto por pórticos formados por perfis laminados

Structural design of a steel shed composed of frames formed by laminated profiles

João Victor Cordeiro Barros<sup>1</sup>

#### **RESUMO**

No Brasil, é cada vez mais frequente a utilização do aço como elemento estrutural nos mais diversos seguimentos da construção civil, especialmente na área industrial, em que se observa um expressivo emprego deste material, sobretudo na construção de galpões. Não obstante, ainda neste segmento, quando se analisa a fabricação de galpões com pórticos estruturados em perfis laminados, nota-se que sua adoção é relativamente reduzida, ao passo que, em outros países, onde há uma maior consolidação da cultura do aço, a utilização dessa solução é amplamente difundida, sobretudo devido sua maior rapidez e praticidade na execução de projetos. Dessa forma, o presente trabalho tem como objetivo desenvolver o projeto estrutural de um galpão compostos por pórticos laminados, a ser executado no município de Belo Jardim, no agreste de Pernambuco, de modo a proporcionar uma maior possibilidade de soluções para esse segmento na região. Para tanto, inicialmente será efetuado o dimensionamento dos elementos estruturais, em forma unitária, através de cálculos manuais, e, posteriormente, será realizado sua modelagem e análise estrutural por meio do software SCIA Engineer 22.0 (versão estudantil), de acordo com as normas vigentes. Por fim, serão apresentados os resultados do dimensionamento, bem como a análise do quantitativo necessário para a execução da obra e o detalhamento do projeto.

Palavras-chave: galpão; estrutura de aço; perfis laminados; dimensionamento estrutural.

<sup>1</sup>Graduando em Engenharia Civil pela Universidade Federal de Pernambuco. E-mail: joao.cordeirobarros@ufpe.br

#### ABSTRACT

In Brazil, the use of steel as a structural element is increasingly common in the most diverse segments of civil construction, especially in the industrial area, where there is an expressive use of this material, especially in the construction of sheds. However, even in this segment, when analyzing the manufacture of sheds with gantries structured um laminated profiles, it is notable that its adoption is relatively low, while in other countries, where there is a greater consolidation of the steel culture, the use of this solutions is widespread, mainly due to its greater speed and practicality in the execution of projects. In this way, the present work aims to develop the structural project of a shed composed of laminated frames, to be executed in the municipality of Belo Jardim, in the countryside of Pernambuco, in order to provide a greater possibility of solutions for this segment in the region. Therefore, initially, the design of the structural elements will be carried out, in unitary form, through manual calculations, and later, their modeling and structural analysis will be carried out through the *SCIA Engineer 22.0 software*, according to the current standards. Finally, the results of dimensioning will be presented, as well as the analysis of the amount of steel necessary for the execution of the work and the detailing of the project.

Keywords: shed; steel structure; laminated profiles; structural dimensioning.

DATA DE APROVAÇÃO: 08 de maio de 2023.

### 1 INTRODUÇÃO

Apesar do predomínio das estruturas em concreto armado no Brasil, torna-se cada vez mais notável o emprego de estruturas de aço nas construções atuais, indo desde pequenas edificações residenciais até grandes obras como pontes e arranha-céus. Em seu emprego como elemento estruturante, o aço apresenta uma série de características que, relativamente a outros materiais de construção convencionais, constituem-se em vantagens cada vez mais aproveitadas. Dentre elas, de acordo com Fakury (2016), pode-se citar: elevada resistência, resultando em elementos com menores dimensões transversais; elevada ductilidade, apresentando alta resistência a impactos; alto grau de confiança, por ser um material isotrópico e homogêneo; assim como facilidade de reforço e ampliação, possibilitando uma maior flexibilidade nas construções.

Por consistir em um material com elevada relação resistência/peso próprio, o aço proporciona a concepção de estruturas cada vez mais leves e, consequentemente, possibilita a execução de vãos cada vez maiores. Dessa forma, favorece a execução de obras com uma grande área coberta e um amplo espaço interno, como os galpões, que são construções geralmente constituídas em aço ou em elementos pré-moldados de concreto armado, geralmente de um único pavimento, utilizadas para diversos fins em que essas características se tornam essenciais, como industriais, comerciais, esportivas etc.

De acordo com Silva (2021), os galpões são estruturas altamente competitivas na região do agreste pernambucano, onde, em se tratando da tipologia em aço, observa-se uma maior utilização dos treliçados constituídos por perfis formados a frio (chapas dobradas), o que está diretamente relacionado ao seu menor peso e, portanto, ao menor custo na obtenção do aço, relativamente à tipologia constituída por perfis laminados. Entretanto, em construções em que o fator tempo torna-se preponderante, como nos casos de centrais de distribuições e hospitais, por exemplo, a tipologia constituída por perfis laminados apresenta vantagem considerável. Isso porque apresenta como principal característica a rapidez na execução de montagem, além de proporcionar facilidade e um menor tempo de fabricação e transporte, assim como um menor custo de manutenção contra a oxidação dos elementos com pinturas, por exemplo, devido sua menor superfície de contato com o ambiente e menor quantidade de detalhes construtivos, ligações sobretudo, suscetíveis à corrosão.

Dessa forma, a justificativa do presente trabalho consiste exatamente em fornecer ao mercado de trabalho os resultados do projeto estrutural de um galpão composto por pórticos laminados, dimensionado de acordo com as normas ABNT NBR 8800:2008 e ABNT NBR

14762:2010, tendo como objetivo favorecer sua maior participação nas construções atuais e proporcionar um maior leque de possibilidades de soluções estruturais para galpões na região.

#### 1.1 Objetivos

#### 1.1.1 Objetivo Geral

O objetivo principal do presente trabalho consiste em desenvolver o procedimento adequado para o projeto estrutural de um galpão geminado com telhados duplos em duas águas, constituído em aço formado por perfis laminados.

#### 1.1.2 Objetivos Específicos

- Realizar a concepção estrutural de um galpão;
- Definir as ações atuantes com base nas normas vigentes;
- Definir e dimensionar os seguintes elementos de fechamento: telhas, placas de fechamento vertical e calhas;
- Executar o pré-dimensionamento, bem como efetuar a seleção e verificação dos elementos de alma cheia das vigas e dos pilares, das terças, dos pilares e travessas de fechamento e das correntes ou agulhas (barras de travamento lateral das terças), utilizando os *softwares Mathcad Prime 7.0* e *Ftool*;
- Realizar a modelagem, análise e dimensionamento da estrutura utilizando o software SCIA Engineer 22.0;
- Efetuar a seleção e verificação dos elementos utilizados nas ligações: soldas, parafusos, chumbadores (meios de ligação), chapas de ligação, suporte para a fixação das terças, placas de base etc. (elementos de ligação);
- Realizar o detalhamento do projeto, contendo o quantitativo de material utilizado.

#### **2 METODOLOGIA**

Na presente seção, será apresentada a caracterização inicial do projeto, com informações como a descrição da edificação, os materiais utilizados, o lançamento da estrutura, a determinação das ações atuantes e as combinações relativas aos estados limites analisados. Na

Figura 1 é mostrado um fluxograma das etapas a serem seguidas na elaboração do projeto.



#### 2.1 Descrição da edificação

A edificação consiste em um galpão industrial idealizado para ser construído às margens da BR-232, no município de Belo Jardim, no agreste de Pernambuco, conforme a marcação na Figura 2. Quanto às suas características, trata-se de um galpão geminado com telhados duplos em duas águas, possuindo um comprimento de 100 m, largura de 40 m e altura de pé-direito de 6 m, conforme é mostrado nas Figuras 3A e B.



Figura 2 - Imagem de satélite do local do galpão a ser construído

Fonte: Google Earth (2023)

Figura 3 – A. Vista superior do galpão. B. Vista frontal do galpão (dimensões em m)



Fonte: Autor (2023)

#### 2.2 Materiais utilizados

Para a cobertura e o fechamento lateral do galpão, serão utilizadas telhas termoacústicas ISOTELHA<sup>®</sup> ALUMÍNIO TRAPEZOIDAL PIR AP com 30 mm de espessura do material isolante, conforme o catálogo da KINGSPAN ISOESTE (2022). Com relação a cobertura, de acordo com o fabricante, sua inclinação mínima recomendada é de 6% para comprimentos de água de no máximo 20 m, conforme o presente caso, de modo que será adotada uma inclinação de 10%. Quanto aos materiais dos demais elementos, estão especificados na Tabela 1.

Tabela 1 – Materiais e suas especificações						
MATERIAIS	ESPECIFICAÇÃO	UTILIZAÇÃO				
Perfis laminados	ASTM A572 Gr. 50	Vigas, Pilares e Contraventamentos				
Perfis formados a frio	CF 26	Terças e Contraventamentos				
Chapas de ligação	MR 250	Ligações				
Parafusos e porcas	ASTM A325	Ligações				
Eletrodo	AWS E-7018	Ligações				
Concreto e graute	C-25	Fundação				
Fonte: Autor (2023)						

#### 2.3 Ações

Na análise estrutural, é necessário a definição das ações que atuarão na estrutura, de modo a se considerar suas influências na produção de efeitos significativos nos elementos estruturais, tendo como base os estados-limites últimos e de serviço. Dessa forma, são apresentadas, a seguir, as ações consideradas na análise e dimensionamento estrutural do galpão.

#### 2.3.1 Ações permanentes

São as ações que ocorrem com intensidades praticamente constantes ao longo de toda vida útil da estrutura. São constituídas pelo peso próprio dos elementos estruturais, cujos valores estão disponíveis nos catálogos dos fabricantes, telhas de cobertura, paredes de alvenaria para fechamento lateral, assim como por equipamentos fixos vinculados à estrutura.

#### 2.3.2 Ações variáveis

Consistem nas ações que apresentam significativas variações em seus valores durante a vida útil da construção. No presente trabalho, serão consideradas as seguintes ações variáveis para o dimensionamento da estrutura do galpão:

#### I – Sobrecarga na cobertura

De acordo com a ABNT NBR 8800:2008, em seu ANEXO B, mais especificamente no item B.5, nas coberturas comuns, quando da ausência de especificações mais rigorosas, deve ser prevista uma sobrecarga característica com valor mínimo de 0,25 kN·m<sup>-2</sup>, em projeção horizontal. Esse valor mínimo para a sobrecarga engloba as cargas decorrentes instalações elétricas e hidráulicas, de isolamento térmico e acústico, assim como pequenas peças que eventualmente são fixadas na estrutura, de modo que apresentem um valor até, no máximo, 0,05 kN·m<sup>-2</sup>. Nos casos especiais, a sobrecarga na cobertura deve ser definida em função de sua finalidade, atendendo, no entanto, o valor mínimo de 0,25 kN·m<sup>-2</sup>, como já descrito.

#### II – Forças devido ao vento

Os esforços devido a ação do vento nas edificações devem ser determinados tendo-se como base a ABNT NBR 6123:1988. Segundo seu item 4, tais esforços devem ser determinados separadamente para elementos de vedação e suas fixações, como telhas e esquadrias; partes da estrutura, como telhados e paredes; assim como para a estrutura como um todo.

Em sua determinação, ainda segundo seu item 4, devem ser considerados os seguintes parâmetros:

- Velocidade característica do vento, V<sub>k</sub>, obtida com base nos parâmetros apresentados a seguir:
  - Velocidade básica do vento, V<sub>0</sub>, adequada ao local de instalação da estrutura, sendo obtida através do gráfico de isopletas de velocidades, disponível no item 5 da referida norma;
  - Fator topográfico, S<sub>1</sub>, que leva em consideração as variações do relevo do terreno;
  - S2, que considera o efeito combinado: da rugosidade do terreno, classificada de

acordo com as categorias I à V, conforme o item 5.3.1; das dimensões da edificação, com as classes A, B e C, a depender da maior dimensão vertical ou horizontal da edificação; da altura sobre o terreno, que considera uma altura da edificação acima do nível do terreno. Assim, com base nesses parâmetros,  $S_2$  é determinado através do item 5 da ABNT NBR 6123:1988. No entanto, de acordo com o item 5.3.2, para edificações na qual a maior dimensão vertical ou horizontal for maior que 80 m, conforme é o presente caso,  $S_2$  deve ser determinado de acordo com as indicações do ANEXO A da referida norma;

• Fator estatístico, S<sub>3</sub>, que leva em consideração o grau de segurança e a vida útil requeridos pela edificação, tendo como base um período de recorrência de 50 anos.

Dessa forma, a velocidade característica é determinada por meio da Equação 1, com unidade em m·s<sup>-1</sup>.

$$\mathbf{V}_{\mathbf{k}} = \mathbf{V}_0 \cdot \mathbf{S}_1 \cdot \mathbf{S}_2 \cdot \mathbf{S}_3 \tag{1}$$

✓ Pressão dinâmica, q, obtida em função da velocidade característica do vento, por meio da Equação 2, tendo como unidade N⋅m<sup>-2</sup>.

$$q = 0.613 \cdot V_k^2$$
 (2)

Além dos parâmetros citados, deve-se determinar também os coeficientes aerodinâmicos para a edificação, composto pelos coeficientes de pressão externo,  $c_{pe}$ , e de forma externo,  $C_{e}$ , assim como pelos coeficientes de pressão interna,  $c_{pi}$ , cujos procedimentos estão descritos no item 6 e nos ANEXOS E e F da ABNT NBR 6123:1988.

Com relação aos coeficientes de pressão e forma externos para a cobertura, são obtidos através da Tabela 7 da respectiva norma, que trata dos coeficientes de pressão e de forma externos, em telhados múltiplos, simétricos e de tramos iguais, conforme é o caso do presente galpão. Já em relação aos coeficientes de pressão e de forma externos para as paredes, é utilizada a Tabela 4 da referida norma, em que, para o presente projeto, tem-se que as relações a/b e h/b são iguais a 2,5 e 0,16, respectivamente.

Para os coeficientes de pressão interna, de acordo com o item 6.2.5 da ABNT NBR 6123:1988, em edificações com paredes internas impermeáveis, a pressão interna pode ser

considerada constante. Assim, seu item 6.2.2 define como sendo impermeável os elementos construtivos e de vedações compostos por lajes e cortinas de concreto armado ou protendido, paredes de alvenaria, de pedra, de tijolos, de bloco de concreto e afins, nos quais não há existência de portas, janelas, ou outros tipos de aberturas. Assim, conforme o presente caso, em que são adotadas duas faces opostas igualmente permeáveis, com aberturas nas faces frontal e posterior, e as outras impermeáveis, com fechamento lateral com alvenaria de vedação de bloco de concreto, de modo que os coeficientes de pressão interna,  $c_{pi}$ , resultam como sendo +0,2 e - 0,3, para ventos atuantes perpendicularmente a uma face permeável e uma face impermeável, respectivamente, conforme as Figuras 4 e 5.

Figura 4 - c<sub>pi</sub> para vento perpendicular a uma face permeável



Fonte: Autor (2023)

**Figura 5** – c<sub>pi</sub> para vento perpendicular a uma face impermeável

Fonte: Autor (2023)

Dessa forma, de posse dos valores dos coeficientes de pressão interna e externa, prosseguese com as combinações utilizando as ações de vento. Para o dimensionamento das telhas, terças e ancoragens, utilizam-se os coeficientes de pressão externa médio,  $c_{pe,médio}$ , para as paredes e o telhado, adotando-se a situação mais desfavorável entre as situações de ventos incidentes a 0° e 90°. Já para os elementos dos pórticos, efetua-se as combinações entre os coeficientes de pressão externa,  $c_{pe}$ , relativos aos ventos incidentes a 0° e 90°, e os coeficientes de pressão interna,  $c_{pi}$ , conforme as Equações 3A, B, C e D, de forma a se obter a situação mais desfavorável para cada uma das situações de incidência do vento.

$$C_1 = c_{pe}(0^\circ) + 0.2$$
 (3A)

$$C_2 = c_{pe}(0^\circ) + (-0,3)$$
 (3B)

$$C_3 = c_{pe} (90^\circ) + 0.2$$
 (3C)

$$C_4 = c_{pe}(90^\circ) + (-0,3)$$
 (3D)

#### 2.4 Combinação das ações

Conforme a ABNT NBR 8800:2008, que dispõe sobre estruturas de aço, no processo de dimensionamento estrutural, deve-se realizar a verificação da estrutura em relação aos seus estados-limites últimos e de serviço. Em seu item 4.7.7, a referida norma define o carregamento como sendo a combinação das ações que tem a probabilidades não desprezíveis de atuarem simultaneamente, conforme as já citadas, de modo que tais combinações devem ser feitas de forma a ser ter os efeitos mais desfavoráveis nas seções críticas da estrutura, sendo os estados-limites últimos e de serviços são analisados através das combinações últimas e de serviço, respectivamente.

Com relação aos coeficientes de ponderação das ações, de acordo com as normas ABNT NBR 8800:2008 e ABNT NBR 14762:2010, devem ser considerados fatores de combinação e de redução a serem aplicados às ações permanentes e variáveis no cálculo das combinações relativas aos respectivos estados-limites, cujos valores podem ser consultados nas referidas normas.

#### 2.4.1 Combinações para o estado-limite último

Na Tabela 2, estão as combinações normais das ações utilizadas para as verificações relativas aos estados-limites últimos, nas quais:  $G_{per}$  corresponde as ações permanentes,  $Q_{sc}$ , à sobrecarga na cobertura, e  $V_{90^\circ}$  e  $V_{0^\circ}$ , aos ventos incidentes perpendicularmente às faces de maior e menor dimensão horizontal, respectivamente.

Deve-se observar que, nas combinações em que ocorrem duas ações variáveis simultaneamente, deve-se efetuar a verificação de forma a saber qual delas será a ação principal. Além disso, com relação à ação de vento, deve-se verificar para qual dos coeficientes de pressão interno resultam maiores solicitações, as quais devem ser adotadas.

10

COMBINAÇÃO	TIPO	AÇÕES PONDERADAS
1	Normal	$1,25G_{per} + 1,50Q_{sc}$
2	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
3	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
4	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot 0,60 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
5	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot 0,60 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
6	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot 0,70 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
7	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot 0,70 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
8	Normal	$1,0 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
9	Normal	$1,0 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$

Tabela 2 - Combinação para o estado-limite último

Fonte: Autor (2023)

#### 2.4.2 Combinações para o estado-limite de serviço

As combinações das ações utilizadas para as verificações relativas ao estado-limite de serviço estão apresentadas na Tabela 3. Para a tipologia da edificação aqui analisada, deve-se realizar a verificação de deslocamentos excessivos, em que é utilizada a combinação quase permanente, assim como, de acordo com o ANEXO A da ABNT NBR 14762:2010, é necessário considerar combinações raras de serviços nos casos de empoçamento ou danos permanentes a elementos não estruturais sujeitos à fissuração devido à deslocamentos excessivos na estrutura.

COMBINAÇÃO	TIPO	AÇÕES PONDERADAS
10	Quase permanente	$1,0 \cdot G_{per} + 0,4 \cdot Q_{sc}$
11	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 1,0 \cdot Q_{sc} + 0,3 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
12	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 1,0 \cdot Q_{sc} + 0,3 \cdot V_{90^{\circ}}$ (c <sub>pi</sub> = +0,2 ou -0,3)
13	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 0,6 \cdot Q_{sc} + 1,0 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
14	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 0,6 \cdot Q_{sc} + 1,0 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
15	Rara	$1,0 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
16	Rara	$1,0 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$

Fonte: Autor (2023)

sendo o significado da nomenclatura adotada o mesmo já explicado no item 2.4.1.

#### 2.5 Softwares utilizados

Para o pré-dimensionamento da estrutura, primeiramente foram utilizados os softwares *MathCad Prime 7.0*, para o desenvolvimento matemático das ações atuantes nos elementos e das verificações, e o *Ftool*, com o objetivo de realizar a análise estrutural dos principais

elementos do galpão de forma isolada, tendo em vista sua maior facilidade no lançamento das ações e visualização esforços internos e deflexões correspondentes.

Para a modelagem e análise da estrutura integral, foi utilizado o software SCIA Engineer 22.0, que consiste em um programa de elementos finitos, desenvolvido de forma a proporcionar, de maneira integrada, a modelagem, a análise e o dimensionamento para todo tipo de estrutura. Na Figura 6 são mostrados os passos a serem seguidos na sua utilização.



Figura 6 – Etapas para análise estrutural no SCIA Engineer

#### 2.6 Lançamento da estrutura

De acordo com Cunha e Xerez Neto (2020), quanto ao lançamento da estrutura de um galpão com cobertura em água planas, quando será estabelecido o adequado posicionamento dos elementos estruturais, deve-se atentar para o atendimento das seguintes considerações:

I – A distância entre as terças é função do vão admissível das telhas utilizadas, estabelecido conforme as recomendações do fabricante. No presente caso, o vão máximo entre os apoios das telhas é de 2200 mm, de modo que a distância entres as terças fica definida entre 1772 mm e 1950 mm:

II – Para terças constituídas com perfis formados a frio, é recomendável um vão máximo de 7 m. No presente caso, o vão é de 5 m, correspondente à distância entre os pórticos principais;

III - Tendo em vista a inclinação do plano da cobertura, as terças são elementos que trabalham a flexão oblíqua, além de esforço axial devido a ação do vento na edificação, resultando em flexão oblíqua composta. Assim, devido sua reduzida rigidez na direção do eixo de menor inércia, foram posicionadas correntes a cada terço das terças, a fim de diminuir seu comprimento destravado nesta direção;

IV - Para os planos de fechamento vertical, necessita-se de travessas de fechamento para a

fixação das telhas, com o espaçamento conforme as recomendações do fabricante. Para os casos de pequenos vãos, normalmente utiliza-se perfis formados a frio, PFF, de modo que, do contrário, utiliza-se perfil I laminados;

V - O contraventamento do plano da cobertura é disposto em X, que deve ser pensado de forma a garantir o travamento dos elementos comprimidos, assim como garantir a transmissão dos esforços horizontais aos apoios da estrutura. Recomenda-se que a distância entre os planos de contraventamento não ultrapasse 20 m, e devem ser previstos nas bordas da estrutura, para a transmissão das forças do vento;

VI – O contraventamento vertical é disposto em X e é utilizado de modo a garantir estabilidade global da estrutura, e, usualmente, são dispostos a cada três pórticos principais.

Dessa forma, tendo em vista o atendimento aos critérios citados, foi realizado o lançamento da estrutura, como mostrado na Figura 7. Conforme estão apresentados nos itens subsequentes, as vigas e os pilares são identificados através do sistema alfanumérico da planta de locação, conforme é apresentado no APÊNDICE A.





Fonte: Autor (2023)

#### **3 RESULTADOS E DISCUSSÃO**

Na presente seção estão apresentados os esforços solicitantes internos e as verificações dos elementos estruturais do galpão. Além disso, estão apresentadas as ligações entre os elementos que compõem a estrutura e as ligações com a fundação, assim como o levantamento do quantitativo de materiais. Os planos de fabricação e montagem e mais detalhes de ligações encontram-se no APÊNDICE A.

#### 3.1 Terças

Foi utilizado o modelo estrutural biapoiado, sendo adotado o perfil do tipo U enrijecido (Ue 100x50x17x3,0). As verificações seguiram as recomendações da ABNT NBR 14762:2010, sendo avaliados os mecanismos de flambagem local, início de escoamento e flambagem global por flexão, torção, flexotorção e distorcional, sendo utilizado os métodos da seção efetiva (MSE) e da largura efetiva (MLE), para os eixos x e y, respectivamente.

As análises de esforços combinados levaram em consideração da atuação simultânea da flexão e da força cortante, assim como da flexão e do esforço normal. Na Tabela 4 encontramse as solicitações de cálculo para a terça mais solicitada, obtendo-se um aproveitamento de 90%.

Tabela 4 – Esforços solicitantes de cálculo na terça							
Elemento	N <sub>d</sub> (kN)	$M_{dx}$ (kN.m)	M <sub>dy</sub> (kN.m)	$V_{dx}$ (kN.m)	V <sub>dy</sub> (kN.m)	Rendimento (%)	
Terça	-1,13	3,79	0,00	0,05	2,87	90,00	
Fonte: Autor (2023)							

As verificações de estado-limite de serviço devem seguir as recomendações do Anexo A da ABNT NBR 14762:2010, relativas aos deslocamentos verticais máximos. Para terças de coberturas, o deslocamento vertical é limitado a L/180 para combinações raras de serviço com cargas variáveis no mesmo sentido da carga permanente, e L/120 para ações variáveis de sentido oposta da carga permanente, em que L é o comprimento da terça.

Assim, sendo terças de 5 m, os valores limitantes são 27,77 mm e 41,67 mm, sendo os maiores deslocamentos, obtidos no *SCIA Engineer* 22.0, de 17,2 mm e 20,5 mm, respectivamente.

#### 3.2 Vigas do pórtico

Na Figura 8 é apresentado o carregamento atuante em um pórtico típico modelado no *Ftool,* proveniente da combinação normal 1, sendo o caso mais desfavorável dentre as nove combinações apresentadas na Tabela 2.

Devido sua inclinação, que acompanha o plano do telhado, as vigas dos pórticos são elementos que trabalham à flexão composta reta (normal), conforme é mostrado na Figura 9A, B e C, em que são apresentados os diagramas dos esforços internos mais solicitantes de um mesmo pórtico típico obtidos através da análise no *Ftool* e no *SCIA Engineer 22.0*. Nota-se que, apesar da diferença entre os valores obtidos para os esforços nos dois softwares, sobretudo devido às simplificações adotadas nas análises no *Ftool*, principalmente com relação à transferência de carga entre os elementos, os resultados apresentaram-se satisfatórios, sendo observado resultados bem próximos também nas análises dos demais elementos do galpão.

Para as vigas dos pórticos, foi utilizado perfil I (W360x32,9) que, além de proporcionar uma elevada rigidez no plano dos maiores esforços solicitantes, ou seja, no plano do pórtico, apresenta um baixo peso linear, obtendo-se um máximo aproveitamento do elemento com o menor peso possível.

As verificações de estado-limite último devem seguir as recomendações da ANBT NBR 8800:2008. Foram avaliados os mecanismos de flambagem local da alma (FLA) e da mesa comprimida (FLM), assim como flambagem lateral com torção (FLT), obtendo-se momentos fletores resistentes de cálculo de 137,74 kN.m e 21,57 kN.m para os eixos x e y do perfil, respectivamente, assim como flambagem global por flexão, resultando em um esforço normal resistente de 811 kN. As análises dos esforços combinados foram avaliadas com a atuação simultânea do esforço normal e da flexão.





Fonte: Autor (2023)



Figura 9 – A. Esforço normal (kN). B. Esforço cortante (kN). C. Momento fletor (kN.m)

Fonte: Autor (2023)

Já as verificações de estado-limite de serviço devem seguir as recomendações do Anexo C da referida norma que, para vigas de cobertura, limita o deslocamento vertical a L/250, sendo L seu vão. Sendo o vão livre de 20 m, o máximo deslocamento vertical é de 80 mm. Destacase que este foi o perfil mais leve a atender os requisitos de deslocamentos verticais.

Os esforços solicitantes internos de cálculo e os deslocamentos verticais das vigas dos pórticos encontram-se na Tabela 5. Tendo em vista a simetria dos galpões, serão apresentados os resultados relativos a apenas um deles, já que os resultados são similares. Destaca-se que, devido aos baixos valores dos esforços de torção em alguns elementos, estes não foram considerados nas verificações das vigas, sendo tal consideração aplicada também na análise dos demais elementos estruturais, como as vigas de fechamento e os pilares.

	<b>Tabela 5</b> – Verificação das vigas dos pórticos								
to	N <sub>d</sub> (kN)	M <sub>dx</sub>	$\mathbf{M}_{\mathbf{dy}}$	$V_{dx}\left(kN ight)$	$V_{dy}\left(kN ight)$	T <sub>d</sub> (kN.m)	nto %)	δ (mm)	nto %)
uəu		(kN.m)	(kN.m)				me (	(IIIII)	me ) ( <sup>9</sup>
len							LU		ndi LS
Ð							Re (E		Re (E
$V_{A1}$	16,80	10,23	0,6800	0,38	3,50	0,0098	11,00	2,90	3,62
$V_{A2}$	-22,80	62,73	0,1700	0,11	21,40	0,0045	48,00	59,70	74,62
$V_{A3}$	-23,00	74,20	0,0000	0,00	23,30	0,0026	45,00	73,40	91,75
$V_{A4}$	-23,00	74,04	0,0016	0,01	23,30	0,0000	45,00	73,20	91,50
$V_{A5}$	-23,00	73,18	0.0392	0,02	23,30	0,0000	55,00	72,90	91,12
$V_{A6}$	-23,00	74,56	0,0241	0,01	23,60	0,0000	56,00	74,70	93,37
$V_{A7}$	-23,00	74,07	0,0043	0,01	23,30	0,0000	45,00	73,20	91,50
$V_{A8}$	-22,90	73,76	0,0049	0,01	23,20	0,0000	44,00	72,90	91,12
$V_{A9}$	-23,10	73,70	0,0016	0,01	23,40	0,0000	55,00	73,60	92,00
$V_{A10}$	-23,20	74,01	0,0090	0,01	23,50	0,0000	55,00	74,00	92,50
$V_{A11}$	-23,00	74,06	0,0067	0,01	23,30	0,0000	45,00	73,20	91,50
$V_{A12}$	-23,10	74,01	0,0071	0,01	23,50	0,0000	55,00	73,90	92,37
$V_{A13}$	-23,10	73,70	0,0014	0,01	23,40	0,0000	55,00	73,60	92,00
$V_{A14}$	-22,90	73,76	0,0014	0,01	23,20	0,0000	44,00	72,90	91,12
$V_{A15}$	-23,00	74,04	0,0055	0,01	23,30	0,0000	45,00	73,20	91,50
$V_{A16}$	-23,30	74,56	0,0207	0,01	23,60	0,0000	56,00	74,60	93,25
$V_{A17}$	-23,00	73,19	0,0364	0,01	23,30	0,0000	55,00	72,90	91,12
$V_{A18}$	-23,00	74,04	0,0083	0,00	23,30	0,0000	45,00	73,20	91,50
$V_{A19}$	-23,00	74,20	0,0099	0,00	23,30	0,0028	45,00	73,40	91,75
$V_{A20}$	-22,80	62,73	0,168	0,11	21,40	0,0043	48,00	59,70	74,62
$V_{A21}$	16,70	10,23	0,6800	0,38	3,50	0,0098	11,00	2,90	3,62

. . . . \* 7 . ..

Fonte: Autor (2023)

#### **3.3 Pilares**

Responsáveis pela transferência dos carregamentos às fundações, os pilares são elementos solicitados tanto no plano do pórtico quanto fora dele, devido ao carregamento de vento frontal na edificação, assim, ficam submetidos à flexão oblíqua composta. Desse modo, foi utilizado o perfil tipo H, sendo W250x62 (HP) para os pórticos principais, localizados nas laterais dos galpões, e W200x35,9 (H) para os pilares de oitão, localizados nas faces frontal e posterior, sendo ambos engastados na base e com ligação rígida e flexível no topo, respectivamente.

Na Tabela 6, encontram-se os esforços solicitantes internos de cálculo. As verificações dos pilares também seguiram as recomendações da ABNT NBR 8800:2008, sendo realizada a avaliação dos mesmos mecanismos mencionados no item 3.2. Com relação aos pilares dos pórticos, as verificações resultaram em um esforço normal resistente de cálculo de 1849 kN, e momentos fletores resistes de 221,53 kN.m e 94,77 kN.m, com relação aos eixos x e y do perfil, respectivamente.

Elemento	N <sub>d</sub> (kN)	M <sub>dx</sub> (kN.m)	M <sub>dy</sub> (kN.m)	V <sub>dx</sub> (kN)	V <sub>dy</sub> (kN)	T <sub>d</sub> (kN.m)	Rendimento		
							(%)		
PILARES DOS PÓRTICO									
<b>P</b> <sub>1</sub>	-31,50	8,81	1,85	1,48	4,08	0,0027	7,00		
$P_2$	-27,40	69,40	0,0363	0,06	18,80	0,0154	32,00		
P <sub>3</sub>	-28,20	76,22	0,0386	0,06	20,60	0,0055	35,00		
$P_4$	-28,00	74,97	0,0219	0,01	23,30	0,0034	35,00		
P <sub>5</sub>	-29,90	75,35	0.0167	0,14	20,40	0,0013	35,00		
$P_6$	-28,70	75,86	0,0027	0,15	20,60	0,0000	35,00		
<b>P</b> <sub>7</sub>	-28,00	74,92	0,0017	0,15	20,30	0,0000	35,00		
$P_8$	-28,00	74,84	0,0067	0,16	20,30	0,0000	35,00		
<b>P</b> 9	-29,00	75,62	0,0057	0,16	20,50	0,0014	35,00		
$P_{10}$	-28,60	75,62	0,0131	0,16	20,50	0,0019	35,00		
P <sub>11</sub>	-28,00	75,00	0,0125	0,16	20,30	0,002	35,00		
P <sub>12</sub>	-28,70	75,62	0,0124	0,16	20,50	0,0022	35,00		
P <sub>13</sub>	-28,60	75,63	0,0177	0,16	20,50	0,0027	35,00		
$P_{14}$	-28,00	74,84	0,0188	0,16	20,30	0,0031	35,00		
P <sub>15</sub>	-28,00	74,92	0,0242	0,17	20,30	0,0036	35,00		
P <sub>16</sub>	-28,70	75,86	0,0263	0,17	20,60	0,0044	35,00		
P <sub>17</sub>	-29,10	75,35	0,0412	0,18	20,40	0,0058	35,00		
P <sub>18</sub>	-28,00	74,97	0,051	0,22	20,30	0,0079	35,00		
P <sub>19</sub>	-28,20	76,22	0,0686	0,26	20,60	0,0101	35,00		
P <sub>20</sub>	-27,40	69,41	0,0069	0,26	18,80	0,0199	32,00		
P <sub>21</sub>	16,60	0,665	7,82	3,90	2,53	0,0020	9,00		
			PILARES D	E OITÃO					
P <sub>22</sub>	-8,71	20,18	0,0428	0,07	12,70	0,0000	18,00		
$\mathbf{P}_{24}$	-11,60	20,67	0,062	0,02	13,00	0,0000	18,00		
P <sub>68</sub>	-15,90	14,26	0,717	0,25	8,91	0,0000	15,00		
$\mathbf{P}_{70}$	-13,40	14,15	0,769	0,30	8,85	0,0000	14,00		
P <sub>23</sub>	-8,72	17,77	0,0419	0,07	13,40	0,0000	16,00		
P <sub>25</sub>	-11,70	18,26	0,061	0,01	13,70	0,0000	16,00		
P <sub>69</sub>	-11,70	18,34	0,0632	0,02	13,70	0,0000	16,00		
P <sub>71</sub>	-8,60	17,85	0,0437	0,07	13,50	0,0000	16,00		

Tabela 6 – Verificação dos pilares dos pórticos

Fonte: Autor (2023)

Com relação ao estado-limite de serviço dos pilares, o ANEXO C da ABNT NBR 8800:2008 recomenda que o deslocamento lateral dos pilares em relação à base é limitado à H/300, em que H é a altura do pilar. No presente caso, os pilares dos pórticos possuem uma altura de 6 m, resultando em um deslocamento horizontal máximo de 20 mm. Na Figura 10 é apresentado a deflexão de um pórtico típico, tendo-se um deslocamento de 9,4 mm para os pilares, obtendo-se um aproveitamento de 47%. Na Figura 10, destaca-se que as deflexões das vigas são similares, sendo omitida na segunda viga a fim de melhorar a visualização.



Fonte: Autor (2023)

No caso dos pilares do pórtico, apesar de seu aproveitamento com relação a capacidade resistente está a apenas 35%, este foi o perfil mais leve e disponível no mercado a atender aos requisitos de deslocamento do pórtico como um todo, conforme é mostrado na Figura 10. Já com relação aos pilares de oitão, apesar da folga no seu aproveitamento, sua escolha esteve condicionada principalmente às ligações, priorizando ter dimensões da seção transversal compatíveis com as das vigas de fechamento.

#### 3.4 Vigas do fechamento

As vigas de fechamento trabalham à flexão composta oblíqua, devido aos carregamentos de parede e de vento, assim como à esforços axiais em virtude do vento frontal no galpão. Foram utilizados perfis do tipo H, sendo o W200x46,1 para a viga sobre o portão de acesso, e o W200x35,9, nas demais vigas de fechamento.

Na Tabela 7, encontram-se os esforços solicitantes, obtidos com base na ANBT NBR 8800:2008, em que foram avaliados os mesmos mecanismos apresentados no item 3.2. Destacase que, apesar da folga, estes foram os perfil mais leves e com maior disponibilidade no mercado a atender ao requisito de esbeltez à compressão em relação ao eixo de menor inércia.

Ainda na Tabela 7 são apresentados os resultados da análise de estado-limite de serviço, também verificados com base no ANEXO C da ANBT NBR 8800:2008. Para vigas que suportam paredes de alvenaria, como é o caso do fechamento lateral, o deslocamento vertical não deve ser maior que 15 mm. Nos demais casos, o deslocamento é limitado a L/250. Sendo L igual a 5,82 m e 8,36 m para os fechamentos frontal e posterior e a viga sobre o portão, respectivamente, seus deslocamentos estão limitados a 23,28 mm e 33,44 mm, nesta ordem.

	N (LN)	м	M	V	V (l:N)	$T_d$ (kN.m)		δ (mm)	•
Ito	INd (KIN)	lvI <sub>dx</sub>	(kN m)	V dx	$\mathbf{v}_{dy}(\mathbf{K} \mathbf{I} \mathbf{v})$		ento %)		ento %)
mer		(KINIII)					<b>jime</b> U) (U		lime S) (
Eleı							ELI		EL
							<b>R</b> ~		R )
				FECHAM	IENTO LAT	ERAL			
V <sub>A(1-2)</sub>	-3,71	14,42	0,267	0,06	18,10	0,0027	15,00	4,20	28,00
V <sub>A(2-3)</sub>	-6,91	14,35	0,0461	0,06	18,00	0,0000	15,00	4,20	28,00
V <sub>A(3-4)</sub>	-5,25	14,30	0,00	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(4-5)</sub>	-3,60	14,29	0,0181	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(5-6)</sub>	-2,44	14,27	0,0215	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(6-7)</sub>	-3,23	14,22	0.0017	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(7-8)</sub>	-1,63	14,22	0,0122	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(8-9)</sub>	1,07	14,20	0,0082	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(9-10)</sub>	0,55	14,23	0,0861	0,02	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(10-11)</sub>	-1,64	14,18	0,0111	0,01	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(11-12)</sub>	-0,11	14,20	0,0762	0,01	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(12-13)</sub>	-0,72	14,22	0,0239	0,02	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(13-14)</sub>	-2,95	14,14	0,013	0,01	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(14-15)</sub>	-1,48	14,14	0,0032	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(15-16)</sub>	-0,03	14,18	0,0183	0,00	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(16-17)</sub>	-1,17	14,19	0,0154	0,01	18,30	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(17-18)</sub>	-1,24	14,14	0,0236	0,01	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(18-19)</sub>	-2,24	14,07	0,0432	0,01	18,00	0,0000	14,00	4,20	28,00
V <sub>A(19-20)</sub>	1,86	14,14	0,335	0,07	18,00	0,0000	15,00	4,20	28,00
V <sub>A(20-21)</sub>	2,04	14,34	0,0057	0,02	18,00	0,0012	14,00	4,20	28,00
			FECH	IAMENTO	FRONTAL	POSTERIOR			
V <sub>(A-B)1.1</sub>	0,00	2,44	5,33	0,35	0,22	0,0042	16,00	1,30	5,58
V <sub>(A-B)1.2</sub>	-0,27	2,22	3,39	0,29	0,22	0,0017	11,00	1,20	5,15
V <sub>(A-B)1.3</sub>	-3,74	23,10	41,80	0,35	0,22	0,0029	14,00	1,30	5,58
V <sub>(B-C)1</sub>	-4,82	7,10	19,22	1,18	0,37	0,0000	38,00	5,80	17,34
V <sub>(A-B)21.1</sub>	-0,15	1,71	0,00	0,00	0,37	0,0000	3,00	1,00	4,29
V <sub>(A-B)21.2</sub>	0,46	1,71	0,00	0,00	0,37	0,0000	3,00	1,00	4,29
V(A-B)21.3	-3,83	1,26	0,00	0,00	0,73	0,0031	3,00	1,10	4,72
V <sub>(B-C)21</sub>	-4,92	4,48	0,00	0,00	0,71	0,0000	7,00	4,10	12,26

**Tabela 7** – Verfificação das vigas de fechamento

Fonte: Autor (2023)

#### 3.5 Contraventamentos verticais e de cobertura

Os elementos de contraventamento atuam tanto nos planos da cobertura quanto nos planos verticais laterais, sendo espaçados a cada 15 m nas extremidades, e 10 m no centro.

Foram utilizados perfis do tipo BR <sup>1</sup>/<sub>2</sub>" para o contraventamento de cobertura, e cantoneira de abas iguais L 100x4,25, para o contraventamento lateral, verificados conforme o item 5.2 da ANBT NBR 8800:2008 e o item 9.6 da ABNT NBR 14762:2010, respectivamente, sendo

avaliado o mecanismo de esforço axial de tração.

O esforço axial mais solicitante para os contraventamentos vertical e de cobertura foi de 12,70 kN e 19,50 kN, nesta ordem, obtidos através do *SCIA Engineer* por meio de uma análise não-linear, importante para que trabalhem apenas à tração.

#### 3.6 Correntes

Conforme mencionado no item 2.6, a fim de diminuir o comprimento destravado na direção de menor inércia das terças, realizou-se a fixação de correntes a cada terço de seu vão. Foram utilizados perfis do tipo BR 1/2", atuando apenas à tração, sendo denominadas correntes flexíveis, assim como cantoneira de abas iguais L 50,8x3,18 de forma a conter a última terça da cumeeira, chamadas de correntes rígidas, trabalhando à compressão.

O esforço axial solicitante máximo para o sistema de correntes rígida e flexível foi de -0,05 kN e 0,37 kN, respectivamente, também obtidos através de uma análise não-linear no *SCIA Engineer*. Destaca-se que o dimensionamento da corrente rígida teve como critério determinante o índice de esbeltez à compressão, sendo este o perfil mais leve a atender este critério.

#### 3.7 Ligações

Na presente seção estão apresentadas as ligações dos elementos estruturais, calculadas conforme as recomendações do item 6 da ANBT NBR 8800:2008 para perfis laminados, assim como do item 10 da ABNT NBR 14762:2010, relativo a perfis formados a frio.

#### 3.7.1 Ligação pilar-fundação

As ligações das bases dos pilares foram consideradas como engastadas, realizados através de chumbadores dimensionados de acordo com o método AISC (FISHER; KLAIBER, 2006), tendo os estados limites como critério de análise.

Foram dimensionados dois tipos de base engastada, conforme é mostrado na Figura 11A e B: uma para os pilares dos pórticos e outra para os pilares de oitão, ambas submetidas à momento fletor e compressão. No dimensionamento, foram avaliados os mecanismos de esmagamento da chapa, tração e cisalhamento nos chumbadores, assim como o a resistência à compressão do concreto e o comprimento de ancoragem dos chumbadores.



Figura 11 – Ligações das bases dos pilares. A. Principais. B. De oitão (dimensões em mm)

#### 3.7.2 Ligação viga-pilar

As ligações entre viga e pilar dos pórticos foram consideradas rígidas, de forma permitir a transmissão "integral" dos esforços entre estes elementos. Foram realizadas através de chapa de cabeça, ou de topo, sendo soldada na viga e parafusada na mesa do pilar, conforme é mostrado na Figura 12. O dimensionamento levou em consideração os critérios de ruptura da solda nas mesas e na alma, tração nos parafusos, esmagamento e resistência à flexão da chapa de topo. Além disso, foi realizada a verificação das seções tracionada e comprimida na mesa do pilar, sendo utilizados enrijecedores de 8,5 mm de espessura. Com relação aos enrijecedores, destaca-se que na definição de suas dimensões devem ser descontados os espaços necessários para o encaixe no pilar para serem posteriormente soldados.

Já as ligações entre viga de fechamento e pilar foram consideradas flexíveis, trabalhando essencialmente a força cortante. Foram realizadas através de cantoneira L 88,9x6,35, de alma soldada no pilar e parafusada na alma da viga, como mostrado na Figura 13. Seu dimensionamento teve como critérios a pressão de contato, o colapso por rasgamento e o cisalhamento, tanto na cantoneira quanto na alma da viga, assim como a ruptura da solda e o cisalhamento dos parafusos.

Fonte: Autor (2023)



Figura 12 – Ligação viga-pilar dos pórticos principais (dimensões em mm)

Fonte: Autor (2023)





Fonte: Autor (2023)

#### 3.7.3 Ligação viga-viga (cumeeira)

Assim como as ligações viga-pilar dos pórticos, as ligações entre vigas na cumeeira foram consideradas rígidas, realizadas através de chapa de topo, soldada na viga e parafusadas entre si. Como observado na Figura 8, na cumeeira, os esforços são preponderantemente axiais, de modo que tal forma de ligação permite que os parafusos trabalhem essencialmente à tração, aproveitamento ao máximo umas das principais características do aço, que é sua resistência a esse esforço.

Na Figura 14, encontra-se o esquema da ligação da cumeeira. A fim de diminuir o peso da estrutura relativo às chapas de topo, foram consideradas chapas de ligação com enrijecedores centralizados nas mesas da viga (CH. #9,35x70x100), obtendo-se uma redução de 34,56% do peso da ligação.



Figura 14 – Ligação viga-viga na cumeeira (dimensões em mm)

#### 3.7.4 Ligação terça-viga

As ligações entre as terças e as vigas foram consideradas rígidas, realizadas através de cantoneira L 88,9x7,94 de alma soldada na viga e parafusada na terça, contendo ainda um enrijecedor central (CH. #4,76x83x83), conforme é mostrado na Figura 15.

Devido a transmissão do momento fletor das terças para o suporte, os parafusos da ligação trabalham essencialmente à esforço cortante. Assim, foi necessário a consideração de chapa de reforço (CH. #7,94x50,8x80), a fim de evitar o esmagamento da terça junto ao furo do parafuso.







Fonte: Autor (2023)

## 3.8 Quantitativo de materiais

Nas Tabelas 8 e 9 encontram-se os quantitativos de aço e os quantitativos de parafusos, porcas, arruelas e chumbadores, respectivamente.

Tabela 8 – Quantitativo de aço						
	AÇO AST	ГМ А572 Gr. 50				
PERFIL	MASSA UNITÁRIA (kg/m)	COMPRIMENTO TOTAL (m)	MASSA TOTAL (kg)			
W360x32,9	32,9	847,56	27884,72			
W250x62	62	504,00	31248,00			
W200x35,9	35,9	592,92	21285,83			
W200x46,1	46,1	33,43	1541,22			
L 50,8x3,18	2,46	312	767,52			
L 88,0x6,35	8,56	41,36	354,04			
L 88,0x7,94	10,59	58,97	624,47			
BR 1/2"	0,99	2946,80	2917,33			
		MASSA TOTAL (kg)	86623,13			
	AÇ	CO CF-26				
PERFIL	MASSA UNITÁRIA (kg/m)	COMPRIMENTO TOTAL (m)	MASSA TOTAL (kg)			
Ue 100x50x17x3,0	5,05	2400	12120,00			
L 100x4,25	6,44	559,78	3604,96			
		MASSA TOTAL (kg)	15724,96			
	AÇ	O MR 250				
CHAPA	MASSA UNITÁRIA (kg/m)	QUANTIDADE (un)	MASSA TOTAL (kg)			
#25x150x489	14,39	84	1209,17			
#8,5x123,3x225	1,85	336	621,98			
#16x127x490	7,80	84	655,21			
#9,35x70x100	0,51	84	43,16			
#4,76x83x83	0,26	504	129,74			
#25x450x450	39,74	84	3338,21			
#16x300x400	15,10	8	120,58			
#4,76x181x153	1,03	192	198,68			
#2,50x51x51	0,05	320	16,33			
		MASSA TOTAL (kg)	6333,06			

Fonte: Autor (2023)

PARAFUSOS (ASTM A325)					
DIÂMETRO (pol)	COMPRIMENTO (pol)	QUANTIDADE (un)			
1/2"	1 3/4"	320			
1/2"	2"	384			
1/2"	2 3/4"	420			
3/8"	2"	432			
5/8"	3"	672			
11/16"	2 1/2"	1920			

PORCAS (ASTM A325)							
DIÂMETR	RO (pol)	QUANTID	QUANTIDADE (un)				
1/2"		1124	Ļ				
3/8"		432					
5/8"		768					
3/4"		1512					
11/16	,,	1920	)				
	ARRUELAS						
L	ISA	DE PRESSÃO					
DIÂMETRO (pol)	QUANTIDADE (un)	DIÂMETRO (pol)	QUANTIDADE (un)				
1/2"	2248	-	-				
3/8"	864	-	-				
5/8"	1440	5/8"	64				
3/4"	1512	3/4"	1008				
11/16"	3840	-	-				
	CHUMBADORES (ASTM A325)						
DIÂMETRO (pol)	COMPRIMENTO (1	mm) COMPRIN	MENTO TOTAL (mm)				
5/8"	342		10944				
3/4"	374	188496					
Eante: Autor (2022)							

Fonte: Autor (2023)

#### **4 CONSIDERAÇÕES FINAIS**

O dimensionamento da estrutura mostrou-se complexo e exigiu extrema cautela na escolha dos elementos estruturais. Isso porque, tão importante quanto serem atendidas as recomendações constantes nas normas e manuais mencionados, que dispõem sobre estruturas de aço, são as questões de ordem econômica, sendo consideradas através do menor consumo de aço na estrutura.

Através da comparação das verificações dos principais elementos do galpão realizadas através do *Mathcad Prime* e do *Ftool* com aquelas provenientes do *SCIA Engineer*, observouse que, apesar das simplificações adotadas, os resultados apresentaram-se muito próximos, conforme foi observado na Figura 9 para o caso de um pórtico típico, sendo esta convergência de resultados de extrema importância para a validação das abordagens utilizadas no dimensionamento estrutural.

No entanto, uma das limitações no desenvolvimento do projeto consistiu na análise dos contraventamentos verticais no *SCIA Engineer 22.0*. Isso porque, apesar da consideração de uma análise não linear, a fim de atuarem apenas à tração, o software apresentou erro de estabilidade global da estrutura, sendo calculado como elemento padrão e tendo como resultados de sua análise esforços axiais de compressão e momentos fletores, resultando na

escolha de um perfil mais robusto. Assim, trabalhos futuros de galpões desenvolvidos no *SCIA Engineer 22.0*, assim como em outras versões, poderão verificar a presença ou não tal inconsistência, e, caso seja observado, analisar soluções, a fim de otimizar o dimensionamento.

Como sugestões para trabalhos futuros, tem-se o desenvolvimento de projetos estruturais do mesmo galpão, com pórticos com perfis de alma cheia, com outros softwares, a fim de se estabelecer uma análise comparativa com os resultados obtidos neste trabalho. Bem como o dimensionamento do mesmo galpão com a tipologia treliçada (constituído por perfis formados a frio) tendo como objetivo o desenvolvimento de uma análise de custo comparativa e, assim, uma análise de viabilidade econômica entre as tipologias treliçada e com perfis de alma cheia.

### REFERÊNCIAS

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. NBR 6120: Ações para o cálculo de estruturas de edificações. Rio de Janeiro: [s.n.], 2019. 60 p.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. NBR 6123: Forças devido ao vento em edificações. Rio de Janeiro: [s.n.], 1998. 66 p.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. NBR 6355: Perfis estruturais de aço formados a frio - Padronização. Rio de Janeiro: [s.n.], 2012. 36 p.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. **NBR 8800:** Projeto de estruturas de aço e de estruturas mistas de aço e concreto de edifícios. Rio de Janeiro: [s.n.], 2008. 237 p.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. NBR 8186: Ações e segurança nas estruturas - Procedimento. Rio de Janeiro: [s.n.], 2003. 15 p.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS – NORMA BRASILEIRA. NBR 14762: Dimensionamento de estruturas de aço constituídas por perfis formados a frio. Rio de Janeiro: [s.n.], 2010. 87 p.

DREHMER, G. A.; JÚNIOR, E. M.; PRAVIA, Z. M. C. Galpões para usos gerais. 4. ed. Rio de janeiro: Instituto Aço Brasil/Centro Brasileiro da Construção em Aço, 2010. 74 p. 1. Reimpressão.

FAKURY, R. H.; SILVA, A. L. R. C.; CALDAS, R. B. **Dimensionamento de elementos** estruturais de aço e misto de aço e concreto. São Paulo: Person Education do Brasil, 2016.

FISHER, J. M.; KLAYBER, L. A. **Base plate and anchor rod desing.** Steel Desing Guide 1. 2. ed. American Institute of Steel Construction. Chicago, 2006.

GERDAU. **Coletânea do uso do aço: galpões em pórticos com perfis estruturais laminados.** Disponível em: https://www2.gerdau.com.br/blog-do-aco/publication-category/manuais/? Acesso em: 24 agosto 2022.

GERDAU. **Ligações para estruturas de aço:** guia prático para estruturas com perfis laminados. Disponível em: < https://www2.gerdau.com.br/ >. Acesso em: 24 agosto 2022.

GERDAU. **Perfis GERDAU – Construção metálica:** tabela de bitolas. Tabela de bitolas. Disponível em: < https://www2.gerdau.com.br/ >. Acesso em: 24 agosto 2022.

GNECCO, C.; MARIANO, R.; FERNANDES, F. **Tratamento de superfície e pintura**. 2 ed. Rio de Janeiro: Instituto Brasileiro de Siderurgia/Centro Brasileiro da Construção em Aço, 2006. 100p.

KINGSPAN ISOESTE. **Catálogo de produtos.** 2022. Disponível em: https://kingspanisoeste.com.br/catalogos/. Acesso em: 24 agosto 2022. PINHO, M. O. **Transporte e montagem**. Rio de Janeiro: Instituto Brasileiro de Siderurgia/Centro Brasileiro da Construção em Aço, 2005. 144p.

SILVA, L. G. P.; LIMA, D. M. de; MEDEIROS, I. da S.; LÓPEZ-YÁNEZ, P. A. Solução de galpão de aço estrutural. **Research, Society and Development,** [*S. l.*], v. 10, n. 8, p. e54810817765, 2021. ISSN 2525-3409.

XEREZ NETO, J.; CUNHA, A. S. **Estruturas metálicas:** manual prático para projetos, dimensionamento e laudos técnicos. 2. ed. São Paulo: Oficina de Textos, 2020. 448 p.

APÊNDICE A – PLANTAS E DETALHAMENTOS





	S S A FRIC	A	STM A5 F-26	72 Gr. 5	0
DORES		A	 STM A-3	325	
		N	1R-250		
DOS JANDO NÃ	O ESPE	A CIFICA	WS E-70 DO)	018	
SOS E POF	RCAS	A	STM A-3	825	
.:					
JRA DE CA ( PE	DA DEN LÍCULA	IÃO3 SECA)	0 A 35 N	/ICROM	IETRO
DEMÃO DE CO MARRO	DE PRIM OM OU F	ER AN PRIMÁF	FI-CORF RIA DE Z	ROSIVO ZARCÃO	)
) DEMÃOS	S DE ESI	MALTE	SINTÉT	ICO	
R MEDIDAS	S NA OB	RA.			
) MÁXIMO	DAS PE	ÇAS IN	DIVIDUA	AIS: 12 n	n.
IMENTO IN ( INCLII	NDIVIDU NAÇÃO [	AL DA ( DE 0.5%	CALHA E 6)	É DE 10	m.
QUEDA DE	E Ø200 n	nm, INS	TALAD		)A 10 m.
1	RESPONSÁVEL TÉ JOÃO	CNICO: VICTOR CORDE	IRO BARROS	Universidade Federal de Pernambu	Campus <b>*</b> a AGRESTE
	PROJETO: TRABA	LHO DE CONCL	USÃO DE CURSO		
	ORIENTADOR: DC	OUGLAS MATEU	S DE LIMA		
D F	ESENHO: ELEVAÇÃO FRONTAL E POSTERIOR;	TELEFONE: 81 91234-5678	ESCALA:	FOLHA: D	ATA: 05/2023

05/2023

23



4

Ue100x50x17x3,0

<u>W250x62</u>	<u>W250x35,9</u>			
	]			

15

13 | 14 |

E - 7018



DETALHE9: LIGAÇÃO ENTRE VIGA DE FECHAMENTO E PILAR DIMENSÕES (mm) ESCALA: 1/5

# NOTAS GERAIS

19

20

21

- A. AÇOS:
  - PERFIS LA
  - PERFIS FC

  - CHUMBAD
- CHAPAS... B. ELETRODO
  - (QU/
- C. PARAFUSC
- D. PINTURA:
- ESPESSUF
- 1 (UMA)

19



	)	
_	)	

1. ESPECIFICAÇÕES DOS MATERIAIS:

AMINADOS	ASTM A572 Gr. 50
ORMADOS A FRIO	.CF-26
ORES	ASTM A-325
	MR-250
OS ANDO NÃO ESPECIFIO	AWS E-7018 CADO)
OS E PORCAS	.ASTM A-325
RA DE CADA DEMÃO ( PELÍCULA SEC	30 A 35 MICROMETRO A)
DEMÃO DE PRIMER A	NTI-CORROSIVO

23

A0

22

(ALQUÍDICO MARROM OU PRIMÁRIA DE ZARCÃO)

2 (DUAS) DEMÃOS DE ESMALTE SINTÉTICO

2. CONFERIR MEDIDAS NA OBRA.

3. TAMANHO MÁXIMO DAS PEÇAS INDIVIDUAIS: 12 m.

4. O COMPRIMENTO INDIVIDUAL DA CALHA É DE 10 m. ( INCLINAÇÃO DE 0.5%)

5. DUTO DE QUEDA DE  $\emptyset$ 200 mm, INSTALADO A CADA 10 m.

						F
	RESPONSÁVEL TÉ JOÃO	ÉCNICO: VICTOR CORE	EIRO BARROS		versidade Camp eral Pernambuco AGR	ous <b>%</b> CESTE
	PROJETO: TRABA	LHO DE CONC	LUSÃO DE CUP	RSO		
	ORIENTADOR:	OUGLAS MATE	US DE LIMA			5
	DESENHO: ELEVAÇÃO LATERAL; DETALHE DE LIGAÇÕES.	TELEFONE: 81 91234-5678	ESCALA: INDICADA	FOLHA: 3/4	DATA: 05/2023	
20	21	2	2	23	A(	)

			L50,8x3,18	DETALHE 11 DETALHE 12	
			BR 1/2" W36	DETALHE 10	
			BR 1/2" Ue 100x50x	17x3,0	
5000 5000 5000 5000	5000 5000 5000 5000 5000 5000	0 5000 5000 5000 b	5000 5000 5000 5000	0 5000 5000 5000	5000 5000 5000

# NOTAS GERAIS

- 1. ESPECIFICAÇÕES DOS MATERIAIS:
- A. AÇOS:

PEF	RFIS LAMINADOS	ASTM A572 Gr. 50
PEF	RFIS FORMADOS A FF	RIOCF-26
CHI	JMBADORES	ASTM A-325
CHA	\PAS	MR-250
B. ELE	TRODOS ( QUANDO NÃO ESI	AWS E-7018 PECIFICADO)
C. PAF	RAFUSOS E PORCAS.	ASTM A-325
D. PIN	TURA:	
ESF	ESSURA DE CADA D	EMÃO30 A 35 MICROM
	( PELÍCUL	A SECA)
1( (AL	UMA) DEMÃO DE PR QUÍDICO MARROM O	IMER ANTI-CORROSIVO U PRIMÁRIA DE ZARCÃO)
2(	DUAS) DEMÃOS DE E	ESMALTE SINTÉTICO
2. CON	IFERIR MEDIDAS NA (	OBRA.
3. TAM	ANHO MÁXIMO DAS F	PEÇAS INDIVIDUAIS: 12 m
4. O CC	OMPRIMENTO INDIVIE ( INCLINAÇÃ	DUAL DA CALHA É DE 10 r O DE 0.5%)
5. DUT		0 mm, INSTALADO A CAD

4



DETALHE 10: LIGAÇÃO ENTRE CORRENTE FLEXÍVEL E TERÇA DIMENSÕES (mm) ESCALA: 1/5



DETALHE 11: LIGAÇÃO ENTRE CORRENTE RÍGIDA E TERÇA DIMENSÕES (mm) ESCALA: 1/5

1ETRO

n. m.

DA 10 m.

7	8	9	10	11	12	13

Terça Ue 100x50x17x3,0





14



DETALHE 12: SUPORTE DA TERÇA NA VIGA DIMENSÕES (mm) ESCALA: 1/5

19

RESPONSÁVEL <sup>-</sup> JOÃ	TÉCNICO: O VICTOR CORI			IIVERSIDADE Campus 14 DERAL PERNAMBUCO AGREST
PROJETO: TRAI	BALHO DE CONC	CLUSÃO DE CL	RSO	
ORIENTADOR:	DOUGLAS MATE	US DE LIMA		
DESENHO: PLANTA DE COBERTURA DETALHE DE LIGAÇÕES.	TELEFONE: 81 91234-5678	ESCALA:	FOLHA: 4/4	DATA: 05/2023
21		2 1	23	
# APÊNDICE B – MEMORIAL DE CÁLCULO DESENVOLVIDO NO MATHCAD PRIME

# 1 Introdução

O presente memorial de cálculo apresenta o dimensionamento manual, com o auxílio do ftool, dos principais elementos do sistema estrutural do galpão, sendo eles: pilar, viga, terças, barras de contraventamento vertical e horizontal e travessas de fechamento, assim como as fundações e as ligações entre os elementos estruturais. Além disso, os resultados foram comparados com os apresentados pelo software SCIA Engineer, dispostos em anexo, tendo como objetivo a validação dos dois métodos utilizados no dimensionamento do presente galpão.

# 1.1 Normas utilizadas

Na elaboração do presente projeto, foram adotadas as seguintes normas:

- NBR 8800 (ABNT, 2008) Projetos de estruturas de aço e de estruturas mistas de aço e concreto em edifícios;
- NBR 14762 (ABNT, 2010) Dimensionamento de estruturas de aço constituídas por perfis formados a frio;
- NBR 6120 (ABNT, 2019) Ações para o cálculo de estruturas de edificações;
- NBR 6123 (ABNT, 1988) Forças devidas ao vento em edificações.

## 1.2 Softwares utilizados

- Software SCIA Engineer 22.0 (versão estudante);
- PTC Mathcad Prime 7.0;
- Ftool 2017.

## 1.3 Dados do projeto

- Vãos: 20 m;
- Comprimento: 100 m;
- Pé direito: 6 m;
- Área coberta: 4500 m^2;
- Distanciamento padrão entre pórticos típicos: 5 m;
- Fechamento da cobertura em telhas termoacústicas com espessura de 30 mm;
- Fechamentos laterais com alvenaria de vedação de concreto, com espessura de 9 cm;
- Fechamentos frontais em telhas termoacústicas com espessura de 30 mm;
- Inclinação: 10% 5.7°

# 1.4 Carregamentos

Ações permanentes:

- Peso próprio dos elementos: determinado pelo software;
- Peso próprio do telhado: 0.0436 KN/m^2;
- Peso próprio da parede: 4.5 KN/m.

Ações variáveis:

• Sobrecarga na cobertura: 0,25 kN/m^2.

Ações devido ao vento:

- Vento 0°;
- Vento 90°.

# 2 Determinação da carga de vento (NBR 6123:1988).

# 2.1 Velocidade básica do vento (V0)

$$V_0 \coloneqq 30 \ \frac{m}{s}$$

# 2.2 Fator topográfico (S1)

 $S1\!\coloneqq\!1.0$ 

Terreno plano ou fracamente acidentado.

# 2.3 Rugosidade do terreno, dimensões da edificação e altura sobre o terreno (S2)

- Rugosidade do terreno: categoria IV (cidades pequenas e seus arredores).
- Altura sobre o terreno:  $h \coloneqq 6.2 \ m$
- Dimensões da edificação: tendo em vista que a presente edificação apresenta dimensão horizontal superior a 80 m, o valor de S2 será determinado com base nas indicações do Anexo A da NBR 6123:1988:

Passo 1:

Adota-se inicialmente: V=V0 e t=t'

 $t' = 7.5 \cdot \frac{L}{V_0} = 25 \ s$ 

da NBR 6123:1988.

Sendo:

 $L \coloneqq 100 \ \mathbf{m}$ 

Então:

Obtém-se o valor de S2 em função da altura, S2(h), a partir da Tabela 22

/continuação																
C1	-		Valores de S <sub>2</sub> para t (s) =													
Cot.	(m)	3	5	10	15	20	30	45	60	120	300	600	3600			
	⊴5	0,79	0,76	0,73	0.70	0,67	0,64	0,60	0,67	0,51	0,45	0,42	0,37			
	10	0,66	0,83	0,80	0,77	0,74	0,71	0,67	0,65	0,59	0.53	0,49	0,44			
	15	0,90	0,88	0,84	0.82	0,79	0,76	0,72	0,70	0,63	0,57	0,54	0,49			
	20	0,93	0,91	0,88	0,85	0,83	0,80	0,76	0,73	0.67	0,61	0,57	0,53			
	30	88,0	0,96	0,93	0,90	0,88	0,85	0,81	D,79	0,73	0.67	0,63	0,58			
	40	1,01	0,99	0,96	0,94	0,92	0,89	0,85	0,83	0,77	0,71	0,67	0,62			
	50	1,04	1,02	0.99	0,97	0,95	0,92	0,88	0,86	0,80	0,74	0,71	0,66			
	60	1,07	1,04	1,02	1,00	0,98	0,95	0,91	0.89	0.83	0.//	0,/4	0,69			
IV	80	1,10	1,08	1,06	1.04	1,02	0,99	0,96	0,93	0,88	0,82	0,79	0,74			
	100	1.13	1.13	1.09	1.08	1.06	1.03	0.99	0.97	0.92	0.86	0.83	0.78			

Passo 2:

Sendo h = 6,2 m, por conveniência, foi adotado z = h = 10 m.

Assim:  $S2_{10} = 0.74$ 

Passo 3.	$V_{1} = S_{2} = V_{1} = 22.2 \frac{m}{2}$	l
1 4330 5.	$v_{t'} = 0 Z_{10} \cdot v_0 = Z Z_{10} - S$	;

Passo 4:  $t'' := 7.5 \cdot \frac{L}{V_{t'}} = 33.8 \ s$ 

Passo 5:  $|t''-t'| = 8.8 \ s$  Sendo: 8.8 > 1.5, repete-se os passos 2 e 3.

Passo 2: Obtém-se o valor de S2 em função da altura, S2(h), a partir da Tabela 22 da NBR 6123:1988.

/contin	/continuação														
Cat.	-		Valores de $S_2$ para f (8) =												
	(m)	3	5	10	15	20	30	45	60	120	300	600	3600		
	≤5	0,79	0,76	0,73	0.70	0,67	0,64	0,60	0.57	0,51	0,45	0,42	0,37		
	10	0,66	0,83	0,80	0,77	0,74	0,71	0,67	0,65	0,59	0.53	0,49	0,44		
	15	0,90	0,88	0,84	0.82	0,79	0,76	0,72	0,70	0,63	0,57	0,54	0,49		
	20	0,93	0,91	0,88	0,85	0,83	0,80	0,76	0,73	0,67	0,61	0,57	0,53		
	30	88,0	0,96	0,93	0,90	0,88	0,85	0,81	D,79	0,73	0.67	0,63	0,58		
	40	1,01	0,99	0,96	0,94	0,92	0,89	0,85	0,83	0,77	0,71	0,67	0,62		
	50	1,04	1,02	0.99	0,97	0,95	0,92	0,88	0,86	0,80	0,74	0,71	0,66		
	60	1,07	1,04	1,02	1,00	0,98	0,95	0,91	0.89	0.83	0.//	0,/4	0,69		
IV	80	1,10	1,08	1,06	1.04	1,02	0,99	0,96	0,93	0,88	0,82	0,79	0,74		
	100	1,13	1.11	1.09	1.08	1.06	1.03	0,99	0.97	0.92	0.86	0.83	0.78		

Assim:  $S2_{10'} = 0.71$ 

- Passo 3:  $V_{t''} := S2_{10'} \cdot V_0 = 21.3 \frac{m}{s}$
- Passo 4:  $t''' := 7.5 \cdot \frac{L}{V_{t''}} = 35.2 \ s$

Passo 5:  $|t''' - t''| = 1.4 \ s$  Sendo: 1.4 < 1.5, OK!.

 $S2\!\coloneqq\!S2_{10'}\!=\!0.71$ 

Assim:

#### 2.4 Fator estatístico (S3)

 $S3\!\coloneqq\!1.0$ 

Edificações para comércio e indústria com alto fator de ocupação.

#### 2.5 Velocidade característica do vento (Vk)

$$V_k := V_0 \cdot S1 \cdot S2 \cdot S3 = 21.3 \frac{m}{s}$$

# 2.6 Pressão dinâmica (q)

$$q \coloneqq 0.613 \cdot V_k^2 = 0.28 \frac{m^3}{kg} \cdot \frac{kN}{m^2}$$
$$q \coloneqq 0.28 \frac{kN}{m^2}$$

Para a determinação dos coeficientes de pressão e de forma externos, foi considerado o galpão com telhados múltiplos, simétrico e de tramos iguais, conforme a Tabela 7 da NBR 6123:1988.

# 2.7 Coeficientes de pressão (Cpe) e de forma (Ce) externos (NBR 6123:1988)



# 2.7.1 Paredes

$$a = 100 \ m$$
  $b = 40 \ m$   $h = 6.2 \ m$   $\frac{h}{b} = 0.16 \qquad \frac{a}{b} = 2.5$ 

7

Conforme a Tabela 4 da NBR 6123:1988.

Altur	a relativa	$\alpha = 0^{\circ}$				$\alpha = 90^{\circ}$				c <sub>pe</sub> médio
	A, e B,	$A_{_2} e B_{_2}$	С	D	A	В	C <sub>1</sub> e D <sub>1</sub>	$C_2 e D_2$		
	$1 \le \frac{a}{b} \le \frac{3}{2}$	- 0,8	- 0,5	+ 0,7	- 0,4	+ 0,7	- 0,4	- 0,8	- 0,4	- 0,9
0,2 b ou h (o menor dos dois) $\frac{h}{b} \le \frac{1}{2}$	$2 \le \frac{a}{b} \le 4$	- 0,8	- 0,4	+ 0,7	- 0,3	+ 0,7	- 0,5	- 0,9	- 0,5	- 1,0

# 2.7.1.1 Vento a 0°



# 2.7.1.2 Vento a 90°

Adota-se o menor:

 $\frac{b}{2}$ =20 **m** 

 $2 \cdot h = 12.4 \, m$ 





# 2.7.2 Cobertura

$a' \coloneqq 20 \ m$	$b \coloneqq 10$	0 <b>m</b> h:	=6.2 <b>m</b>	
Adota-se o menor:	$0.1 \cdot b = 10 \ m$ $h := 6.2 \ m$	n	Assim:	$y := 6.2 \ m$
Adota-se o menor:	$0.1 \cdot b = 10 \ m$ $h := 6.2 \ m$ $0.25 \cdot a' = 5 \ m$	n m	Assim:	$y' \coloneqq 5 \ m$
b1 := h = 6	2 <b>m</b>	b2 := b1 = 6.2	m	

# 2.7.2.1 Vento a 0°

Sendo adotada uma inclinação de 10º para o telhado, de acordo com a Tabela 7 da NBR 6123:1988.

lu a lin a a Z a	Ângulo de incidência do vento										
do telhado		Primeiro tramo		Prim tran interm	Primeiro tramo ntermediário int		Demais tramos intermediários		imo mo	c <sub>pe</sub> médio	
θ	α	a*	b*	c*	d*	m*	n*	x*	z*		
5°		-0,9	-0,6	-0,4	-0,3	-0,3	-0,3	-0,3	-0,3		
10°		-1.1	-0.6	-0.4	-0.3	-0.3	-0.3	-0.3	-0.4		
20°	0°	-0,7	-0,6	-0,4	-0,3	-0,3	-0,3	-0,3	-0,5	-2,0	-1,5
30°		-0,2	-0,6	-0,4	-0,3	-0,2	-0,3	-0,2	-0,5	8	
45°		+0,3	-0,6	-0,4	-0,4	-0,2	-0,4	-0,2	-0,5		



# 2.7.2.2 Vento a 90°

Inclinação do telhado	Ângulo de incidência do vento	C <sub>e</sub> na distância					
θ	α	b,	b <sub>2</sub>	b <sub>3</sub>			
< 45°	90°	-0,8	-0,6	-0,2			



## 2.8 Determinação dos coeficientes de pressão interna (Cpi) (NBR 6123:1988)

Conforme a referida norma, para edificações com paredes internas permeáveis, a pressão interna pode ser considerada uniforme. Neste caso, devem ser adotados os seguintes valores para o coeficiente de pressão interna C<sub>pi</sub>:

a) Duas faces opostas igualmente permeáveis; as outras faces impermeáveis:

- Vento perpendicular a uma face permeável:  $C_{pi} = + 0.2;$
- Vento perpendicular a uma face impermeável:  $C_{pi} = -0.3$ .



#### **2.9 Valores resultantes**

#### 2.9.1 Combinações

a) Ce (vento a 0°) + Cpi (+0.2):



b) Ce (vento a 0°) + Cpi (-0.3):



c) Ce (vento a 90°) + Cpi (+0.2):



d) Ce (vento a 90°) + Cpi (-0.3):



#### 2.9.2 Carregamento devido ao vento

Considera-se os casos de vento mais desfavoráveis nas direções de 0º e 90º. Assim, adota-se os casos dos itens b e d.

O carregamento devido ao vento é calculado por meio de uma das seguintes equações:

Carga = q x (Ce + Cpi) 
$$\left(\frac{kN}{m^2}\right)$$
 Carga = q x (Ce + Cpi) x área de influência  $\left(\frac{kN}{m}\right)$ 

Em que, no software SCIA Engineer, a aplicação das ações de vento é realizada desconsiderando-se a área de influência, já que a mesma é aplicada em áreas de influência do próprio software.



3 Combinação das ações (NBR 8800:2008 e NBR 14762:2010)

#### - · · · ,

COMBINAÇÃO	TIPO	AÇÕES PONDERADAS
1	Normal	$1,25G_{per} + 1,50Q_{sc}$
2	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
3	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
4	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot 0,60 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
5	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot 0,60 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
6	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot 0,70 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
7	Normal	$1,25 \cdot G_{per} + 1,50 \cdot 0,70 \cdot Q_{sc} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
8	Normal	$1,0 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
9	Normal	$1,0 \cdot G_{per} + 1,40 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$

# 3.1 Combinações estado-limite último - ELU

# 3.1 Combinações estado-limite de serviço - ELS

COMBINAÇÃO	TIPO	AÇÕES PONDERADAS
10	Quase permanente	$1,0 \cdot G_{per} + 0,4 \cdot Q_{sc}$
11	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 1,0 \cdot Q_{sc} + 0,3 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
12	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 1,0 \cdot Q_{sc} + 0,3 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
13	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 0,6 \cdot Q_{sc} + 1,0 \cdot V_{0^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
14	Rara	$1,0 \cdot G_{per} + 0,6 \cdot Q_{sc} + 1,0 \cdot V_{90^{\circ}} (c_{pi} = +0,2 \text{ ou } -0,3)$
15	Rara	$1,0 \cdot V_{0^{\circ}}$ (c <sub>pi</sub> = +0,2 ou -0,3)
16	Rara	$1,0.V_{90^{\circ}}$ (c <sub>pi</sub> = +0,2 ou -0,3)

# 4 Dimensionamento do grupo de elementos mais solicitados

#### 4.1 Dimensionamento das terças (NBR 14762:2010) - B6640

#### 4.1.1 Carga permanente (peso próprio e telhas)

• Dados relativos às telhas: Isotelha trapezoidal PIR AP - Kingspan-Isoeste.

Nº de apoios	Espessura isolante (mm)	Peso próprio (kg/m²)			U Coef. global de transm. calor (w/m².k)	(	Comprimento máximo (m)		Vão máximo entre apoios (mm)		
		Aço/Aço	Aço/Filme	Alumínio		Aço/Aço	Aço/Filme	Alumínio	Aço/Aço	Aço/Filme	Alumíni
	20	9,29	5.65	5	1,10	8	7	5	2300	1600	-
	30	9,69	6.05	4,36	0.73	12	7	7	2600	1800	2200
	50	10,49	6.85	5,00	0.44	12	7	7	3000	1800	2500
	20	9,29	5,65	-	1,10	8	7		2300	1600	-
	30	9,69	6,05	4,36	0.73	12	7	7	2600	1800	2200
	50	10,49	6,85	5,00	0.44	12	7	7	3300	1800	2500
	70	11,29	4	2	0,31	12	-	2	3700	2	2
	100	12,49			0,22	12			4500	-	

5 • 2.5 metros / transposse padrao para montagem: zav mm / ummes trans ve wunsposse, immuno ve submes consultado da de la figura cobertaria com comprimentos da daja de na máxima 2000. Demais sub consulta.
3 ou mais apoios / Cabertura: Recha de L/100 / Fechamento: Recha de L/120 | 1 kcal/h.m<sup>1</sup>/C-1.163W/m<sup>1</sup>/K ou UW/m<sup>1</sup>/K-0.86 Kcal/h.m<sup>1</sup>/Cis da nevestimento esterno/intenso de US3 mm / 140.31 mm / kcal/sol. (453 mm / 140.34 mm (kcal/h.g.) e 63.30 mm / 140.34 mm (kcal/h.g.) \*A incl Cargo

Fonte: https://downloads.kingspan-isoeste.com.br/catalogos/Kingspan-Isoeste-Cat%C3%A1logo-de-Produtos-PT-BR.pdf

Peso próprio:

$$P_{tel} = 0.0436 \ \frac{kN}{m^2}$$

Comprimento de influência na terça na situação mais desfavorável:

 $L_{inf.terça} \coloneqq 1.95 \ m$ 

$$G_{per.tel} \coloneqq P_{tel} \cdot L_{inf.terça} = 0.085 \; rac{kN}{m}$$

• Dados relativos ao peso próprio:

O peso próprio corresponde ao peso das terças (como ainda não se sabe qual terça irá utilizar, será adotado):

$$P_{próp.} \approx 0.07 \frac{\kappa N}{m}$$

• Carga permanente na terça:

$$G_{per} \coloneqq \left( P_{próp.} + G_{per.tel} \right) = 0.155 \frac{kN}{m}$$

# 4.1.2 Carga variável

• Sobrecarga na cobertura: 0,25 kN/m^2.

$$Q_{sc.c} \coloneqq 0.25 \; rac{kN}{m^2}$$

$$Q_{sc} \coloneqq Q_{sc.c} \bullet L_{inf.terça} = 0.488 \ \frac{kN}{m}$$

#### 4.1.3 Carregamento devido ao vento

Adotando os casos mais desfavorável, relativa aos casos i (v0) e ii (v90), tem-se que:

$$Q_{sc.w.0'} \coloneqq -0.392 \ \frac{kN}{m^2} \qquad \qquad Q_{sc.w.0} \coloneqq Q_{sc.w.0'} \cdot L_{inf.terça} = -0.764 \ \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.w.90'} \coloneqq -0.308 \ \frac{kN}{m^2} \qquad \qquad Q_{sc.w.90} \coloneqq Q_{sc.w.90'} \cdot L_{inf.terça} = -0.601 \ \frac{kN}{m}$$

# 4.1.4 Combinações de cargas

Como as cargas permanente e acidental atuam no sentido vertical, acabam atuando nos dois planos dos eixos da terça, devido à inclinação do telhado. Com isso tem-se flexão composta, tornando necessário decompor as cargas para que os cálculos sejam feitos para cada eixo. A carga do vento é considerada como atuando perpendicularmente com o plano das telhas.



 $\alpha \coloneqq 5.7$  °

Eixo y:

Eixo x:

$$G_{per.x} \coloneqq G_{per} \cdot \sin(\alpha) = 0.015 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.0.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.w.0.x} \coloneqq Q_{sc.w.0.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.w.90.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 1 - ELUN

$$F_{d.1.y} := 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} = 0.92 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.1.x} := 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.x} = 0.092 \frac{kN}{m}$$

$$F := \sqrt{F_{d.1.y}^{2} + F_{d.1.x}^{2}} = 0.925 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 2 - ELUN

$$F_{d.2.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.y} = -0.877 \ \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.2.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.x} = 0.019 \ \frac{kN}{m}$$

$$F := \sqrt{F_{d.2.y}^{2} + F_{d.2.x}^{2}} = 0.878 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 3 - ELUN

$$F_{d.3.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.y} = -0.648 \ \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.3.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.x} = 0.019 \ \frac{kN}{m}$$

$$F \coloneqq \sqrt{F_{d.3.y}^{2} + F_{d.3.x}^{2}} = 0.648 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 4 - ELUN

$$F_{d.4.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.y} = 0.278 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.4.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.x} = 0.747 \frac{kN}{m}$$

$$F \coloneqq \sqrt{F_{d.4.y}^{2} + F_{d.4.x}^{2}} = 0.797 \ \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 5 - ELUN

$$F_{d.5.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.90.y} = 0.416 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.5.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.90.x} = 0.747 \frac{kN}{m}$$

$$F \coloneqq \sqrt{F_{d.5.y}^{2} + F_{d.5.x}^{2}} = 0.855 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 6 - ELUN

$$F_{d.6.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.y} = -0.368 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.6.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.x} = 0.529 \frac{kN}{m}$$

$$F := \sqrt{F_{d.6.y}^{2} + F_{d.6.x}^{2}} = 0.644 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 7 - ELUN

$$F_{d.7.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.y} = -0.139 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.7.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.x} = 0.529 \frac{kN}{m}$$

$$F \coloneqq \sqrt{F_{d.7.y}^{2} + F_{d.7.x}^{2}} = 0.546 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 8 - ELUN

$$F_{d.8.y} \coloneqq 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.y} = -0.916 \ \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.8.x} \coloneqq 1 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.x} = 0.015 \frac{kN}{m}$$
$$F \coloneqq \sqrt{F_{d.8.y}^{2} + F_{d.8.x}^{2}} = 0.916 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 9 - ELUN

$$F_{d.9.y} \coloneqq 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.y} = -0.687 \frac{kN}{m}$$

$$F_{d.9.x} \coloneqq 1 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.x} = 0.015 \ \frac{kN}{m}$$

$$F := \sqrt{F_{d.9.y}^{2} + F_{d.9.x}^{2}} = 0.687 \frac{kN}{m}$$

Carregamento máximo através da combinação 1:

$$F_{d.y} := F_{d.1.y} = 0.92 \frac{kN}{m}$$
  $F_{d.x} := F_{d.1.x} = 0.092 \frac{kN}{m}$ 

Para a flecha máxima:

$$F_{d.10.y} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} = 0.639 \frac{kN}{m} \qquad L_{terça} \coloneqq 500 \text{ cm} \qquad E \coloneqq 20000 \frac{kN}{cm^2}$$
$$f_{máx} \coloneqq \frac{L_{terça}}{180} = 2.778 \text{ cm} \qquad I_x \coloneqq \frac{5 \cdot F_{d.10.y} \cdot L_{terça}^4}{384 \cdot E \cdot f_{máx}} = 93.654 \text{ cm}^4 \quad \text{(Inércia necessária).}$$

Perfil adotado: Ue 100x50x17x3.0

# 4.1.5 Esforços solicitantes

$$M_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.y} \cdot L_{terça}^{2}}{8} = 287.641 \ \text{kN} \cdot \text{cm} \qquad M_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.x} \cdot L_{terça}^{2}}{8} = 28.71 \ \text{kN} \cdot \text{cm}$$
$$V_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.y} \cdot L_{terça}}{2} = 2.301 \ \text{kN} \qquad V_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.x} \cdot L_{terça}}{2} = 0.23 \ \text{kN}$$

 $N_d = 2.9 \ kN$  (Compressão). Obs.: obtido conforme o procedimento de cálculo dos contraventamentos horizontais (Item 456).

# 4.1.6 Propriedades: Perfil Ue 100x50x17x3.00 - Aço CF26

$$\begin{array}{lll} h \coloneqq 10 \ cm & I_x \coloneqq 99.30 \ cm^4 & I_y \coloneqq 21.66 \ cm^4 & C_w \coloneqq 521.0 \ cm^6 \\ b \coloneqq 5 \ cm & W_x \coloneqq 19.86 \ cm^3 & W_y \coloneqq 6.72 \ cm^3 & r_0 \coloneqq 5.94 \ cm \\ e \coloneqq 0.3 \ cm & r_x \coloneqq 3.93 \ cm & r_y \coloneqq 1.84 \ cm & J_t \coloneqq 0.19 \ cm^4 \\ A \coloneqq 6.43 \ cm^2 & X_g \coloneqq 1.78 \ cm & X_0 \coloneqq 4.06 \ cm & D \coloneqq 17 \ mm \\ f_y \coloneqq 26 \ \frac{kN}{cm^2} & E \coloneqq 20000 \ \frac{kN}{cm^2} & f_u \coloneqq 40 \ \frac{kN}{cm^2} & G \coloneqq 7692 \ \frac{kN}{cm^2} \end{array}$$

# 4.1.7 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

a) Esbeltez ( $\lambda \leq 200$ )

# b) Força axial de flambagem global elástica

Força crítica axial de flambagem elástica global em relação aos eixos x e y:

$$N_{ex} \coloneqq \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_x \cdot L_x\right)^2} = 78.4 \text{ kN} \qquad \qquad N_{ey} \coloneqq \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_y \cdot L_y\right)^2} = 153.3 \text{ kN}$$

Força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} := \frac{1}{r_0^2} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{(K_z \cdot L_z)^2} + G \cdot J_t \right) = 145.932 \ kN$$

Força crítica axial de flambagem global elástica por flexo-torção:

$$N_{exz} \coloneqq \frac{N_{ex} + N_{ez}}{2 \cdot \left(1 - \left(\frac{X_0}{r_0}\right)^2\right)} \cdot \left(1 - \sqrt{1 - \frac{4 \cdot N_{ex} \cdot N_{ez} \cdot \left(1 - \left(\frac{X_0}{r_0}\right)^2\right)}{\left(N_{ex} + N_{ez}\right)^2}}\right) = 59.38 \text{ kN}$$

Força axial de flambagem global elástica:

$$N_{e}\!\coloneqq\!\min\left(\!N_{ex},\!N_{ey},\!N_{ez},\!N_{exz}\!\right)\!=\!59.38~\textit{kN}$$

# c) Índice de esbeltez reduzido

Associado à flambagem global: 
$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{A \cdot f_y}{N_e}} = 1.68$$

# d) Fator X

Fator de redução da força axial de compressão resistente, associado à flambagem global:

Sendo 
$$\lambda_0 > 1.5$$
:  $X \coloneqq \frac{0.877}{{\lambda_0}^2} = 0.311$ 

#### e) Área efetiva da seção (Método da seção efetiva - MSE)

Sendo a presente seção uma seção U enrijecida, através do caso b da Tabela 9 da NBR 14762:2010, obtém-se o coeficiente de flambagem local em barras sob compressão centrada, kI:



$$\eta \coloneqq \frac{b}{h} = 0.5 \qquad \qquad \frac{D}{h} = 0.17 \qquad \qquad \text{OK!}$$

$$k_l \coloneqq 6.8 - 5.8 \cdot \eta + 9.2 \cdot \eta^2 - 6 \cdot \eta^3 = 5.45 \qquad \qquad \nu \coloneqq 0.3$$

Força axial de flambagem local elástica:

$$N_l \coloneqq \frac{\pi^2 \cdot E}{12 \cdot (1 - \nu^2) \cdot \left(\frac{h}{e}\right)^2} \cdot A \cdot k_l = 570.11 \text{ kN}$$

Índice de esbeltez reduzido da seção completa:

$$\lambda_p \coloneqq \sqrt{\frac{X \cdot A \cdot f_y}{N_l}} = 0.302$$

Sendo:  $\lambda_p \leq 0.776$ 

Então:  $A_{ef} := A = 6.43 \ cm^2$ 

## f) Força axial de compressão resistente

Coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma := 1.2$ Força de compressão resistente de cálculo:  $N_{c.Rd} := \frac{X \cdot A_{ef} \cdot f_y}{\gamma} = 43.39 \ kN$ g) Verificação  $i_a := \frac{N_d}{N_{c.Rd}} = 0.067$  OK! Folga (%):  $(1 - i_a) \cdot 100 = 93.317$ 

#### 4.1.8 Flambagem distorcional

Conforme o item 9.7.3 da NBR 14762:2010, para barras com seção U enrijecido e seção Z enrijecido, se a relação D/h for igual ou superior aos valores indicados na Tabela 11 da referida norma, a verificação da flambagem distorcional pode ser dispensada.

Sendo:  $\frac{D}{h} = 0.17$   $\frac{h}{e} = 33.333$   $\frac{b}{h} = 0.5$ 

maiores que os tabelados, a verificação da flambagem distorcional será dispensada.

## 4.1.8 Verificação quanto a flexão (Eixo X - Método da Seção Efetiva - MSE)

#### 4.1.8.1 Início de escoamento da seção efetiva

#### a) Módulo de resistência elástica da seção efetiva (Método da Seção Efetiva - MSE)

Conforme o item 9.8.2.1 da NBR 14762:2010, através da Tabela 12, para o caso b, conforme é o presente caso, obtém-se o coeficiente de flambagem local, ki, para a seção completa em barras sob flexão simples em torno do eixo de maior inércia.



Em que:  $\mu := \frac{D}{h} = 0.17$   $\eta := \frac{b}{h} = 0.5$  OK!  $b_1 := 0$   $\nu := 0.3$ 

Sendo:

$$a \coloneqq 81 - 730 \cdot \eta + 4261 \cdot \eta^2 - 12304 \cdot \eta^3 + 17919 \cdot \eta^4 - 12796 \cdot \eta^5 + 3574 \cdot \eta^6 = 19.156$$

$$k_l \coloneqq a - b_1 \cdot (\mu - 0.2) = 19.156$$

E sendo o módulo de resistência elástico da seção bruta em relação à fibra extrema comprimida, Mc:

$$W_c \coloneqq W_x = 19.86 \ cm^3$$
 (Eixo x)

Obtém-se o momento fletor de flambagem local elástica, MI:

$$M_{l} \coloneqq \frac{\pi^{2} \cdot E}{12 \cdot (1 - \nu^{2}) \cdot \left(\frac{h}{e}\right)^{2}} \cdot W_{c} \cdot k_{l} = 61.89 \ \mathbf{kN} \cdot \mathbf{m}$$

E o índice de esbeltez reduzido da seção completa:

$$\lambda_p \coloneqq \sqrt{\frac{W_c \cdot f_y}{M_l}} = 0.289$$

Sendo:  $\lambda_p \leq 0.673$ 

Então: 
$$W_{ef} := W_c = 19.86 \ cm^3$$

Em que Wef é o módulo de resistência elástico da seção efetiva em relação à fibra extrema que atinge o escoamento.

#### b) Momento fletor resistente

Coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma := 1.10$ 

Momento fletor resistente de cálculo associado ao início do escoamento da seção efetiva:

$$M_{Rd1} \! \coloneqq \! \frac{W_{ef} \! \cdot \! f_y}{\gamma} \! = \! 469.418 \, \, \textit{kN} \! \cdot \! \textit{cm}$$

#### 4.1.8.2 Flambagem lateral com torção

# a) Fator de redução do momento fletor resistente

Conforme o item 9.8.2.2 da NBR 14762:2010:

• Obtenção do fator de modificação para momento fletor não uniforme, Cb:

Sendo:

$$M_{máx} := M_{d.x} = 287.641 \ kN \cdot cm$$
  $M_A := 215.625 \ kN \cdot cm$ 

$$M_B := M_{max} = 287.641 \ kN \cdot cm$$
  $M_C := 215.625 \ kN \cdot cm$ 

Então:

$$C_b\!\coloneqq\!\frac{12.5\boldsymbol{\cdot}M_{m\acute{a}x}}{2.5\boldsymbol{\cdot}M_{m\acute{a}x}\!+\!3\boldsymbol{\cdot}M_A\!+\!4\boldsymbol{\cdot}M_B\!+\!3\boldsymbol{\cdot}M_C}\!\boldsymbol{\cdot}1\!=\!1.14 \qquad C_b\!\leq\!3$$

Momento fletor de flambagem lateral com torção, Me, em que, para barras com seção duplamente simétrica ou monossimétrica, sujeitas à flexão em torno do eixo de simetria (eixo x), conforme é o caso, e dado por:

$$M_e \coloneqq C_b \cdot r_0 \cdot \sqrt{N_{ey}} \cdot N_{ez} = 1009.819 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

Sendo:

 $W_c := W_x = 19.86 \ cm^3$ 

Então:

$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{W_c \cdot f_y}{M_e}} = 0.715 \qquad \text{Sendo:} \qquad 0.6 < \lambda_0 < 1.336$$

Obtém-se o fator de redução do momento fletor resistente, associado à flambagem lateral com torção:

$$X_{LFT} \coloneqq 1.11 \cdot \left(1 - 0.278 \cdot {\lambda_0}^2\right) = 0.952$$

# b) Módulo de resistência elástica da seção efetiva em relação à fibra externa comprimida, W<sub>c.ef</sub>

Sendo:

$$\lambda_p \coloneqq \sqrt{\frac{X_{LFT} \boldsymbol{\cdot} W_c \boldsymbol{\cdot} f_y}{M_l}} = 0.282$$

Para

Tem-se que:

$$W_{c.ef} := W_c = 19.86 \ cm^3$$

# c) Momento fletor resistente

 $\lambda_p \leq 0.673$ 

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma := 1.10$ 

$$M_{Rd2} \coloneqq \frac{X_{LFT} \cdot W_{c.ef} \cdot f_y}{\gamma} = 446.985 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

#### 4.1.8.3 Flambagem distorcional

Sendo: 
$$\frac{D}{h} = 0.17$$
  $\frac{h}{e} = 33.333$   $\frac{b}{h} = 0.5$ 

#### a) Momento fletor resistente

Conforme dados de Pierin, Silva e La Rovere (2013), tem-se que:

$$M_{dist} \coloneqq 1845 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

## b) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 9.8.2.3 da NBR 14762:2010, sendo o índice de esbeltez reduzido referente à flambagem distorcional:

$$\lambda_{dist} \coloneqq \sqrt{\frac{W_x \cdot f_y}{M_{dist}}} = 0.529$$

Em que, para:  $\lambda_{dist} \leq 0.673$ 

Obtém-se fator de redução do esforço resistente, associado à flambagem distorcional:

 $X_{dist} \coloneqq 1$ 

# c) Momento fletor resistente

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma \coloneqq 1.10$  $M_{Rd3} \coloneqq \frac{X_{dist} \cdot W_x \cdot f_y}{\gamma} = 469.418 \text{ kN} \cdot \text{cm}$ 

# 4.1.8.4 Momento fletor resistente de cálculo

$$M_{Rd.x} := min(M_{Rd1}, M_{Rd2}, M_{Rd3}) = 446.985 \ kN \cdot cm$$

a) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.x}}{M_{Rd.x}} = 0.644$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 35.649

# 4.1.9 Verificação quanto a flexão (Eixo Y - Método da Largura Efetiva - MLE)

Tendo em vista que os dados disponibilizados pela NBR 14762:2010 referentes ao Método das Seções Efetivas (MSE) serem apenas para barras sob flexão simples em torno do eixo de maior inércia, ou seja, no presente caso, o eixo x, será usado o Método das Larguras Efetivas (MLE) para análise em relação ao eixo y, ou seja, de menor inércia.

#### 4.1.9.1 Início de escoamento da seção efetiva

#### a) Enrijecedor

De acordo com o item 9.2.2.2 da NBR 14762:2010, através da Tabela 6 da referida norma, obtémse a largura efetiva e o coeficiente de flambagem local para elementos com borda livre (AL). Observa-se que, para o escoamento da seção, analisa-se o caso a, com o elemento sob tenção de escoamento em todo seu comprimento.



 $k_{AL}\!\coloneqq\!0.43$ 

Como a seção está no início de escoamento, então a tensão atuante corresponde a tensão de escoamento, f<sub>y:</sub>

$$\sigma_{AL} = f_y = 26 \; rac{\kappa N}{cm^2}$$

Obtém-se, assim, o índice de esbeltez reduzido de início de escoamento do elemento com borda livre (AL):

$$\lambda_{pAL} \coloneqq \frac{\frac{D-2 \cdot e}{e}}{0.95 \cdot \left(k_{AL} \cdot \frac{E}{\sigma_{AL}}\right)^{0.5}} = 0.212$$

Como:  $\lambda_{pAL} \le 0.673$  A largura efetiva dos enrijecedores é sua própria largura.

## b) Mesa

No caso das mesas, trata-se de um elemento com bordas vinculadas (AA), sua análise será realizada a partir da Tabela 5 da NBR 14762:2010.

Sendo:

$$\sigma_1 \coloneqq \frac{-f_y}{\left(b - X_g\right)} \cdot \left(b - X_g - 2 \cdot e\right) = -211.553 \text{ MPa}$$
$$\sigma_2 \coloneqq \frac{f_y}{\left(b - X_g\right)} \cdot \left(X_g - 2 \cdot e\right) = 95.28 \text{ MPa}$$

e sendo: 
$$\psi := \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = -0.45$$
  $-0.236 < \psi < 0$ 

Analisa-se o caso c da Tabela 5.



em que:

$$k_{AA} \coloneqq 4 + 2 \cdot (1 - \psi) + 2 \cdot (1 - \psi)^3 = 13.003$$

Obtém-se, assim, o índice de esbeltez reduzido de início de escoamento das mesas (AA):

$$\lambda_{pAA} \coloneqq \frac{\frac{b - 2 \cdot e}{e}}{0.95 \cdot \left(k_{AA} \cdot \frac{E}{|\sigma_1|}\right)^{0.5}} = 0.139$$

Como:  $\lambda_{pAA} \leq 0.673$  A largura efetiva dos mesas é sua própria largura.

# c) Módulo de resistência elástica

Como: 
$$\lambda_p = 0.282$$
  $\lambda_p \le 0.673$   
Tem-se que:  $W_{ef.y} \coloneqq W_y = 6.72$   $cm^3$  (Eixo y)

#### d) Momento fletor resistente

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma := 1.10$ 

$$M_{Rd.y1} \! \coloneqq \! \frac{W_{ef.y} \! \cdot \! f_y}{\gamma} \! = \! 158.836 \ \textit{kN} \! \cdot \! \textit{cm}$$

#### 4.1.9.2 Flambagem lateral com torção

De acordo com o Anexo E da NBR 14762:2010, que trata do momento fletor de flambagem lateral com torção, em regime elástico, para barras com seção monossimétrica, sujeitas à flexão em torno do eixo perpendicular ao eixo de simetria, tem-se os seguintes parâmetros:

Larguras referentes à linha média da secão:

$$a_m := h - e = 97 \text{ mm}$$
  $b_m := b - e = 47 \text{ mm}$   $c_m := D - \frac{e}{2} = 15.5 \text{ mm}$ 

# a) Distância do centróide em relação à linha média da alma, na direção do eixo x

د

Conforme o item b) do item E.2.1.2 da NBR 14762:2010:

ο

$$x_m \coloneqq \frac{b_m \cdot (b_m + 2 \cdot c_m)}{a_m + 2 \cdot b_m + 2 \cdot c_m} = 16.514 \ mm$$

#### b) Distância do centro de torção ao centróide, na direção do eixo x

Conforme o item b) do item E.2.1.2 da NBR 14762:2010:

$$x_{0} \coloneqq b_{m} \cdot \left(\frac{3 \cdot a_{m}^{2} \cdot b_{m} + c_{m} \cdot \left(6 \cdot a_{m}^{2} - 8 \cdot c_{m}^{2}\right)}{a_{m}^{3} + 6 \cdot a_{m}^{2} \cdot b_{m} + c_{m} \cdot \left(8 \cdot c_{m}^{2} - 12 \cdot a_{m} \cdot c_{m} + 6 \cdot a_{m}^{2}\right)}\right) = 24.356 \text{ mm}$$

# c) Parâmetro da seção referente ao enrijecedor de borda

$$\beta_{l} := 2 \cdot c_{m} \cdot e \cdot (b_{m} - x_{m})^{3} + \frac{2}{3} \cdot e \cdot (b_{m} - x_{m}) \cdot \left( \left( \frac{a_{m}}{2} \right)^{3} - \left( \frac{a_{m}}{2} - c_{m} \right)^{3} \right) = 74 \ cm^{5}$$

## d) Parâmetro da seção referente à alma

Conforme o item E.2.1.1 da NBR 14762:2010:

$$\beta_{w} \coloneqq -\left(\frac{e \cdot x_{m} \cdot a_{m}^{3}}{12} + e \cdot x_{m}^{3} \cdot a_{m}\right) = -50.78 \ cm^{5}$$

#### e) Parâmetro da seção referente à mesa

$$\beta_{f} \coloneqq = \frac{e}{2} \cdot \left( \left( b_{m} - x_{m} \right)^{4} - x_{m}^{4} \right) + \frac{e \cdot a_{m}^{2}}{4} \cdot \left( \left( b_{m} - x_{m} \right)^{2} - x_{m}^{2} \right) = 58.19 \ cm^{5}$$

# f) Parâmetro j (parâmetro da seção transversal)

Conforme o item E.2.1 da NBR 14762:2010:

$$j \coloneqq \frac{1}{2 \cdot I_y} \cdot \left(\beta_w + \beta_f + \beta_l\right) + x_0 = 4.31 \text{ cm}$$

#### g) Momento fletor de Flambagem Lateral com Torção (FLT)

Sendo o parâmetro  $C_s$ , em que, se o momento causar tração na parte da seção com coordenada x negativa, ou seja, do mesmo lado que o centro de torção;

$$C_s \coloneqq -1$$

E sendo: 
$$C_m = 0.6 - 0.4 \cdot \frac{M_1}{M_2}$$

E que, M1 é o menor e M2 o maior dos dois momentos fletores solicitantes de cálculo nas extremidades do trecho sem travamento lateral. Se o momento fletor em qualquer seção intermediária for superior a M2, conforme é o caso, deve ser adotado Cm igual a 1,0.

Assim:  $C_m \coloneqq 1$ 

$$M_{e.y} := \frac{C_s \cdot N_{ex}}{C_m} \cdot \left( j + C_s \cdot \sqrt{j^2 + r_0^2 \cdot \frac{N_{ez}}{N_{ex}}} \right) = 381.53 \text{ kN} \cdot cm$$

Sendo o índice de esbeltez reduzido global referente à flambagem lateral com torção:

$$\lambda_{0.y} \coloneqq \sqrt{\frac{W_y \boldsymbol{\cdot} f_y}{M_{e.y}}} = 0.677$$

Conforme o item 9.8.2.2 da NBR 14762:2010: Como:  $0.6 < \lambda_{0.y} < 1.336$ 

Tem-se que o fator de redução do momento fletor resistente, associado à flambagem lateral com torção, é calculado por:

$$X_{FLT.y} \coloneqq 1.11 \cdot \left(1 - 0.278 \cdot \lambda_{0.y}^{2}\right) = 0.969$$

#### h) Enrijecedor

Analisando a tensão atuante no enrijecedor, conforme o caso a da Tabela 6 da NBR 14762:2010, levando em consideração o fator de redução:

	Θσ	
Caso a	b <sub>ef</sub>	<i>k</i> = 0,43

$$k_{AL} \coloneqq 0.43 \qquad \qquad \sigma_{AL} \coloneqq X_{FLT.y} \cdot f_y = 25.19 \frac{kN}{cm^2}$$

Obtém-se, assim, o índice de esbeltez reduzido da seção completa do enrijecedor referente à flambagem lateral com torção:

$$\lambda_{pAL} \coloneqq \frac{\frac{D - 2 \cdot e}{e}}{0.95 \cdot \left(k_{AL} \cdot \frac{E}{\sigma_{AL}}\right)^{0.5}} = 0.209$$

Como:  $\lambda_{pAL} \le 0.673$  A largura efetiva dos enrijecedores é sua própria largura.

# i) Mesas

De forma semelhante para as mesas, levando em consideração o fator de redução:

Sendo:  

$$\sigma_1 \coloneqq \frac{-(X_{FLT.y} \cdot f_y)}{(b - X_g)} \cdot (b - X_g - 2 \cdot e) = -204.929 \ MPa$$

$$\sigma_2 \coloneqq \frac{X_{FLT.y} \cdot f_y}{(b - X_g)} \cdot (X_g - 2 \cdot e) = 92.296 \ MPa$$
e sendo:  

$$\psi \coloneqq \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = -0.45 \qquad -0.236 < \psi < 0$$

Analisa-se o caso c da Tabela 5.



em que:

$$k_{AA}\!:=\!4+2\boldsymbol{\cdot}\!\left(1\!-\!\psi\right)\!+2\boldsymbol{\cdot}\!\left(1\!-\!\psi\right)^{3}=\!13$$

Obtém-se, assim, o índice de esbeltez reduzido da seção completa das mesas referente à flambagem lateral com torção:

$$\lambda_{pAA} \coloneqq \frac{\frac{b-2 \cdot e}{e}}{0.95 \cdot \left(k_{AA} \cdot \frac{E}{|\sigma_1|}\right)^{0.5}} = 0.137$$

Como:  $\lambda_{pAA} \leq 0.673$  A largura efetiva dos mesas é sua própria largura.

# j) Módulo de resistência elástica

Como:	$\lambda_p \leq 0.673$
Tem-se que:	$W_{ef.y} \coloneqq W_y = 6.72 \ cm^3$

#### l) Momento fletor resistente

Obtém-se, assim, o momento fletor resistente associado à flambagem lateral com torção:

(Eixo y)

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma \coloneqq 1.10$ 

$$M_{Rd.y2} \coloneqq \frac{X_{FLT.y} \cdot W_{ef.y} \cdot f_y}{\gamma} = 153.86 \text{ kN} \cdot \text{cm}$$

#### 4.1.9.3 Momento fletor resistente

Obtém-se através do menor dos momentos fletores associados ao início de escoamento da seção efetiva e à flambagem lateral com torção:

$$M_{Rd.y} := min\left(M_{Rd.y1}, M_{Rd.y2}\right) = 153.86 \ kN \cdot cm$$

a) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.y}}{M_{Rd.y}} = 0.187$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 81.34

#### 4.1.10 Verificação quanto a força cortante

#### 4.1.10.1 Eixo y

#### a) Força cortante resistente de cálculo

Conforme o item 9.8.3 da NBR 14762:2010:

Sendo o coeficiente de flambagem local por cisalhamento, K<sub>v</sub>, em que, para alma sem enrijecedores transversais, conforme é o presente caso:

 $K_v := 5.0$ 

Definindo  $\lambda_{p1}, \lambda_{p2}, \lambda_{p3}$ :

$$\begin{split} \lambda_{p1} &\coloneqq 1.08 \cdot \sqrt{\frac{E \cdot K_v}{f_y}} = 66.98 \qquad \qquad \lambda_{p2} &\coloneqq 1.4 \cdot \sqrt{\frac{E \cdot K_v}{f_y}} = 86.82 \\ \lambda_{p3} &\coloneqq \frac{h - 4 \cdot e}{e} = 29.333 \end{split}$$

Sendo:  $\lambda_{p3} < \lambda_{p1}$ 

Obtém-se a força cortante resistente de cálculo da direção y através da seguinte equação:

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma := 1.10$ 

$$V_{Rd.y} \coloneqq \frac{0.6 \cdot f_y \cdot (h - 2 \cdot e) \cdot e}{\gamma} = 39.99 \text{ kN}$$

b) Verificação

$$i_a := \frac{V_{d.y}}{V_{Rd.y}} = 0.058$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 94.246

# 4.1.10.2 Eixo x

# a) Força cortante resistente de cálculo

$$K_v\!\coloneqq\!5.0$$

Definindo  $\lambda_{p1}, \lambda_{p2}, \lambda_{p3}$ :

$$\lambda_{p1} := 1.08 \cdot \sqrt{\frac{E \cdot K_v}{f_y}} = 66.98 \qquad \qquad \lambda_{p2} := 1.4 \cdot \sqrt{\frac{E \cdot K_v}{f_y}} = 86.82$$

$$\lambda_{p3} \coloneqq \frac{b - 2 \cdot e}{e} = 14.667$$

Sendo:  $\lambda_{p3} < \lambda_{p1}$ 

Obtém-se a força cortante resistente de cálculo da direção x através da seguinte equação:

Sendo o coeficiente de ponderação das ações:  $\gamma \coloneqq 1.10$ 

$$V_{Rd.x} \coloneqq \frac{0.6 \cdot f_y \cdot (b - 2 \cdot e) \cdot e}{\gamma} = 18.72 \text{ kN}$$

#### b) Verificação

$$i_a := \frac{V_{d.x}}{V_{Rd.x}} = 0.012$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 98.773

#### 4.1.11 Verificação quanto a flexão e força cortante combinados

De acordo com o item 9.8.4 da NBR 14762:2010, Para barras sem enrijecedores transversais de alma, o momento fletor solicitante de cálculo e a força cortante solicitante de cálculo na mesma seção, devem satisfazer à seguinte expressão de interação:

OK!



Sendo:

Sendo:

\_\_\_\_\_

 $0.452 \le 1$ 

# 4.1.12 Verificação quanto a flexão e compressão combinados



## 4.1.13 Verificação quanto aos estados limites de serviço

# 4.1.13.1 Flecha

Conforme o Anexo A da NBR 14762:2010, em sua Tabela A.1, o deslocamento máximo de terças de cobertura é de L/180, para combinações raras com ações variáveis no mesmo sentido que da ação permanente, e L/120 para combinações em que se considera apenas ações variáveis de sentido oposto ao da ação permanente.

#### a) Combinações

Eixo y:

$$G_{per.y} := G_{per} \cdot \cos(\alpha) = 0.154 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.w.0.y} := Q_{sc.w.0} = -0.764 \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.y} := Q_{sc} \cdot \cos(\alpha) = 0.485 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.w.90.y} := Q_{sc.w.90} = -0.601 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 1 - ELS - Rara

$$F_{d.1.y} := 1 \cdot G_{per.y} + 1 \cdot Q_{sc.y} = 0.639 \ \frac{kN}{m}$$

• Combinação 2 - ELS - Rara

$$F_{d.2.y} \coloneqq 1 \cdot Q_{sc.w.0.y} = -0.764 \ \frac{kN}{m}$$

• Combinação 4 - ELS -Rara

$$F_{d.3.y} \coloneqq 1 \cdot Q_{sc.w.90.y} = -0.601 \, \frac{kN}{m}$$

Assim, para L/120, obtém-se o máximo carregamento, proveniente da combinação 2:

$$F_{d.1} \coloneqq |F_{d.2.y}| = 0.764 \frac{kN}{m} \qquad \qquad F_{d.1} \coloneqq |F_{d.2.y}| = 0.008 \frac{kN}{cm}$$

E para L/180, obtém-se o máximo carregamento, proveniente da combinação 1:

$$F_{d.2} \coloneqq \left| F_{d.1.y} \right| = 0.639 \frac{kN}{m} \qquad \qquad F_{d.2} \coloneqq \left| F_{d.1.y} \right| = 0.006 \frac{kN}{cm}$$

Assim, obtém-se o deslocamento máximo no centro do vão, na direção de y, para um carregamento linearmente distribuído:

$$L_{terça} := 500 \text{ cm} \qquad I_x := 151.52 \text{ cm}^4 \qquad E := 20000 \frac{kN}{cm^2}$$
  
Sendo:  
$$\delta_1 := \frac{5 \cdot F_{d.1} \cdot L_{terça}^4}{384 \cdot E \cdot I_x} = 2.053 \text{ cm} \qquad \delta_{máx.1} := \frac{L_{terça}}{120} = 4.167 \text{ cm} \qquad \delta_{1} \le \delta_{máx.1}$$
  
OK!  
$$\delta_2 := \frac{5 \cdot F_{d.2} \cdot L_{terça}^4}{384 \cdot E \cdot I_x} = 1.717 \text{ cm} \qquad \delta_{máx.2} := \frac{L_{terça}}{180} = 2.778 \text{ cm} \qquad \delta_{2} \le \delta_{máx.2}$$
  
OK!

# 4.2 Dimensionamento da viga de cobertura (NBR 8800:2008) - B6700

# 4.2.1 Carga permanente

$$L_{terça} \coloneqq 5 \ \mathbf{m}$$
  $L_{inf} \coloneqq 1.95 \ \mathbf{m}$   $L_{cont} \coloneqq 5.37 \ \mathbf{m}$ 

Terças: 
$$P_{terças} \coloneqq 0.07 \frac{kN}{m}$$
  $P_{terça} \coloneqq P_{terças} \cdot L_{terça} \equiv 0.35 \ kN$   $P_{terça} \coloneqq \frac{P_{terça}}{L_{inf}} \equiv 0.179 \ \frac{kN}{m}$ 

Contraventamentos: 
$$P_{contr} \coloneqq 0.01 \frac{kN}{m}$$
  $P_{contr} \coloneqq \frac{2 \cdot P_{contr} \cdot L_{cont}}{L_{inf}} = 0.055 \frac{kN}{m}$ 

Correntes rígidas: 
$$P_{cor.rig} \coloneqq 0.03 \frac{kN}{m}$$
  $P_{cor.rig} \coloneqq \frac{2 \cdot P_{cor.rig} \cdot L_{inf}}{L_{inf}} = 0.06 \frac{kN}{m}$ 

Correntes flexíveis:  $P_{cor.flex} \coloneqq 0.01 \frac{kN}{m}$   $P_{cor.flex} \coloneqq \frac{2 \cdot 2 \cdot P_{cor.flex} \cdot L_{inf}}{L_{inf}} = 0.04 \frac{kN}{m}$ 

Telhas: 
$$P_{tel} \coloneqq 0.0436 \ \frac{kN}{m^2}$$
  $P_{tel} \coloneqq P_{tel} \cdot L_{terça} = 0.218 \ \frac{kN}{m}$ 

Para o peso próprio das vigas e colunas, inicialmente será adotado o perfil W360x32,9 para o pórtico, de forma que obtém-se seu peso próprio:

$$P_{próp} \coloneqq 0.392 \ \frac{kN}{m}$$

Carga permanente total no pórtico:

$$G_{per} \coloneqq P_{terça} + P_{contr} + P_{cor.rig} + P_{cor.flex} + P_{tel} + P_{próp} = 0.945 \frac{kN}{m}$$

#### 4.2.2 Carga variável

Sobrecarga na cobertura: 0,25 kN/m^2.

$$Q_{sc.c} \coloneqq 0.25 \frac{kN}{m^2} \qquad \qquad Q_{sc} \coloneqq Q_{sc.c} \cdot L_{terça} = 1.25 \frac{kN}{m}$$

#### 4.2.3 Carregamento devido o vento

Adotando os casos mais desfavorável, relativa aos casos i (v0) e ii) (sucção), tem-se o carregamento devido o vento atuando no pórtico devido seu comprimento de influência de 5 m:

$F = d (m) x Carga (kN/m^2)$				
Caso i) (kN/m)	Caso ii) (kN/m)			
5 x 0.308 = 1.54	5 x 0.223 = 1.115			
5 x 0.392 = 1.96	5 x 0.308 = 1.54			
5 x 0.252 = 1.26	5 x 0.308 = 1.54			
5 x 0.168 = 0.84	5 x 0.308 = 1.54			
5 x 0.196 = 0.98	5 x 0.308 = 1.54			
5 x 0.308 = 1.54	5 x 0.112 = 0.56			

# Carregamento linear para o caso i):



Carregamento linear para o caso ii):



$$\begin{aligned} Q_{sc.w.0.i.1} &\coloneqq -1.54 \; \frac{kN}{m} & Q_{sc.w.0.i.2} &\coloneqq -0.98 \; \frac{kN}{m} & Q_{sc.w.0.i.3} &\coloneqq -0.84 \; \frac{kN}{m} \\ Q_{sc.w.0.i.4} &\coloneqq -1.26 \; \frac{kN}{m} & Q_{sc.w.0.i.5} &\coloneqq -1.96 \; \frac{kN}{m} \end{aligned}$$

$$Q_{sc.w.90.i.1} \coloneqq 0.56 \ \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.90.i.2} \coloneqq -1.54 \ \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.90.i.3} \coloneqq -1.115 \ \frac{kN}{m}$$

Perfis adotados:

Viga: W360x32.9

Pilar: W250x62

# 4.2.4 Combinações de cargas

 $\alpha \coloneqq 5.7$  °

Eixo y (local):

$$G_{per.y} \coloneqq G_{per} \cdot \cos\left(\alpha\right) = 0.94 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.y} \coloneqq Q_{sc} \cdot \cos\left(\alpha\right) = 1.244 \frac{kN}{m}$$

Caso i):

$$Q_{sc.w.0.5.y} \coloneqq Q_{sc.w.0.i.5} \equiv -1.96 \ \frac{kN}{m}$$

Caso ii)

$$Q_{sc.w.90.1.y} \coloneqq Q_{sc.w.90.i.1} \equiv 0.56 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.90.2.y} \coloneqq Q_{sc.w.90.i.2} \equiv -1.54 \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.w.90.3.y} \coloneqq Q_{sc.w.90.i.3} \equiv -1.115 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local):

$$G_{per.x} \coloneqq G_{per} \cdot \sin(\alpha) = 0.094 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.x} \coloneqq Q_{sc} \cdot \sin(\alpha) = 0.124 \frac{kN}{m}$$

Caso i):

$$Q_{sc.w.0.1.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.0.3.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$
$$Q_{sc.w.0.2.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.0.5.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$

Caso ii)

$$Q_{sc.w.90.1.x} \coloneqq 0 \ \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.90.2.x} \coloneqq 0 \ \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.w.90.3.x} \coloneqq 0 \ \frac{kN}{m}$$



# Análise ELS:

# • Combinação 10 - ELS - Quase

Eixo y (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.10.y} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.4 \cdot Q_{sc.y} = 1.437 \ \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.10.x} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.x} + 0.4 \cdot Q_{sc.x} = 0.143 \frac{kN}{m} \qquad F \coloneqq \sqrt{F_{d.10.y}^{2} + F_{d.10.x}^{2}} = 1.445 \frac{kN}{m}$$



Viga:

$$f_{m\acute{a}x} \coloneqq rac{L_{viga}}{250} = 80 \ mm$$
  
 $f \coloneqq 41.24 \le 80 \quad \text{OK!}$ 

 $f_{m\acute{a}x} \coloneqq \frac{L_{pilar}}{300} = 20 \text{ mm}_{OK!}$  $f\!\coloneqq\!5.43\!\le\!20$ 

# • Combinação 11 - ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2 
$$F_{d.11.y.2} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = 1.89 \frac{kN}{m}$$
  
Caso i), trecho 3  $F_{d.11.y.3} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = 1.932 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 4  $F_{d.11.y.4} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = 1.806 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 5  $F_{d.11.y.5} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = 1.596 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 1  $F_{d.11.y.1} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 1.0 \cdot 0 + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -0.462 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 6  $F_{d.11.y.6} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 1.0 \cdot 0 + 0.3 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -0.462 \frac{kN}{m}$ 

Eixo x (local):

Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.11.x} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.x} + 1.0 \cdot Q_{sc.x} + 0.3 \cdot 0 = 0.218 \frac{kN}{m}$$



Viga:

$$L_{viga} := 20000 \text{ mm} \qquad L_{pilar} := 6000 \text{ mm}$$

$$f_{máx} := \frac{L_{viga}}{250} = 80 \text{ mm} \qquad Pilar: \qquad f_{máx} := \frac{L_{pilar}}{300} = 20 \text{ mm}$$

$$f := 52.63 < 80 \quad \text{OK}! \qquad f := 7.31 < 20 \quad \text{OK}!$$

# • Combinação 12- ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.12.y} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.y} + 0.3 \ Q_{sc.w.90.2.y} = 1.722 \ \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:

$$F_{d.12.y} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 1.0 \cdot 0 + 0.3 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 0.168 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:

$$F_{d.5.y} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 1.0 \cdot 0 + 0.3 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -0.335 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.12.x} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.x} + 1.0 \cdot Q_{sc.x} + 0.3 \cdot 0 = 0.218 \frac{kN}{m}$$





# • Combinação 13 - ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2 
$$F_{d.13.y.2} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.6 \cdot Q_{sc.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = 0.706 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 3 
$$F_{d.13.y.3} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.6 \cdot Q_{sc.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = 0.846 \frac{kN}{m}$$
  
Caso i), trecho 4  $F_{d.13.y.4} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.6 \cdot Q_{sc.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = 0.426 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 5  $F_{d.13.y.5} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.6 \cdot Q_{sc.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = -0.274 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 1  $F_{d.13.y.1} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 0.6 \cdot 0 + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.54 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 6  $F_{d.13.y.6} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 0.6 \cdot 0 + 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.54 \frac{kN}{m}$   
Eixo x (local):  
Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5:  $F_{d.13.x} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.x} + 0.6 \cdot Q_{sc.x} + 1.0 \cdot 0 = 0.168 \frac{kN}{m}$ 



	$L_{viga}$ := 20000 $mm$		$L_{pilar}$ := 6000 $$ mm		
Viga:	$f_{m\acute{a}x} \coloneqq \frac{L_{viga}}{250} = 80 \ \textit{mm}$	Pilar:	$f_{m\acute{a}x} \coloneqq \frac{L_{pilar}}{300} = 2$	20 <b>mm</b>	
	$f \coloneqq 24.66 \le 80$ OK!		$f\!\coloneqq\!6.82\!\le\!20$	OK!	

# • Combinação 14 - ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.14.y.2} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per.y} + 0.6 \cdot Q_{sc.y} + 1.0 \cdot Q_{sc.w.90.2.y} = 0.146 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:

$$F_{d.14.y.1} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 0.6 \cdot 0 + 1.0 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 0.56 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:

$$F_{d.14.y.6} \coloneqq 1.0 \cdot 0 + 0.6 \cdot 0 + 1.0 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -1.115 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

 $F_{d.14.x} := 1.0 \cdot G_{per.x} + 0.6 \cdot Q_{sc.x} + 1.0 \cdot 0 = 0.168 \frac{kN}{m}$ 



• Combinação 15 - ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2	$F_{d.15.y.2} \coloneqq 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = -0.98 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 3	$F_{d.15.y.3} = 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = -0.84 \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 4	$F_{d.15.y.4} \coloneqq 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = -1.26 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 5	$F_{d.15.y.5} = 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = -1.96 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 1	$F_{d.15.y.1} = 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.54 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 6	$F_{d.15.y.6} \coloneqq 1.0 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.54 \ \frac{kN}{m}$

Eixo x (local):

Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5:  $F_{d.11.x} = 1.0 \cdot 0 = 0$


# • Combinação 16 - ELS - Rara

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.16.y.2}\!\coloneqq\!1.0\boldsymbol{\cdot} Q_{sc.w.90.2.y}\!=\!-1.54\;\frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:

$$F_{d.16.y.1} \coloneqq 1.0 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} \equiv 0.56 \ \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:

$$F_{d.16.y.6} = 1.0 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -1.115 \frac{kN}{m}$$

 $F_{d.14.x} = 1.0 \cdot 0 = 0$ 

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

Assim, os perfis adotados atendem aos requisitos dos ELS.

## Análise ELU:

• Combinação 1 - ELUN

Eixo y (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.1.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} = 3.041 \ \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.1.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.x} = 0.303 \frac{kN}{m} \qquad F \coloneqq \sqrt{F_{d.1.y}^2 + F_{d.1.x}^2} = 3.056 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 2 - ELUN

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2	$F_{d.2.y.2} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = -0.197 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 3	$F_{d.2.y.3} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = -0.001 \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 4	$F_{d.2.y.4} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = -0.589 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 5	$F_{d.2.y.5} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = -1.569 \ \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 1	$F_{d.2.y.1} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$
Caso i), trecho 6	$F_{d.2.y.6} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.2.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.117 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 3 - ELUN

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.3.y} := 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.2.y} = -0.981 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:  $F_{d.3.y} := 1.25 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 0.784 \frac{kN}{m}$ 

Caso ii), trecho 6:  $F_{d.3.y} := 1.25 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -1.561 \frac{kN}{m}$ 

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.3.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.117 \ \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 4 - ELUN

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2 
$$F_{d.4.y.2} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = 2.217 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 3 
$$F_{d.4.y.3} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = 2.335 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 4 
$$F_{d.4.y.4} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = 1.982 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 5 
$$F_{d.4.y.5} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = 1.394 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 1 
$$F_{d.4.y.1} = 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0 + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.294 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 6 
$$F_{d.4.y.6} := 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0 + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -1.294 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local):

Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.4.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.x} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot 0 = 0.303 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 5 - ELUN

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.5.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.90.2.y} = 1.747 \ \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:

$$F_{d.5.y} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0 + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 0.47 \ \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:

$$F_{d.5.y} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0 + 1.4 \cdot 0.6 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -0.937 \ \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.5.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.117 \ \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 6 - ELUN

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2 
$$F_{d.6.y.2} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = 1.109 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 3 
$$F_{d.6.y.3} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = 1.305 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 4 
$$F_{d.6.y.4} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = 0.717 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 5 
$$F_{d.6.y.5} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = -0.263 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 1 
$$F_{d.6.y.1} = 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0.7 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$$

Caso i), trecho 6 
$$F_{d.6.y.6} = 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0.7 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local):

Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.6.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.248 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 7 - ELUN

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.7.y.2} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot 0.7 \cdot Q_{sc.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.2.y} = 0.325 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1:

$$F_{d.7.y.1} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0.7 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 0.784 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:

$$F_{d.7.y.6} \coloneqq 1.25 \cdot 0 + 1.5 \cdot 0.7 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -1.561 \frac{kN}{m}$$

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.7.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.117 \ \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 8 - ELUN

Eixo y (local):

Caso i), trecho 2 
$$F_{d.8.y.2} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.2.y} = -0.432 \frac{kN}{m}$$
  
Caso i), trecho 3  $F_{d.8.y.3} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.3.y} = -0.236 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 4  $F_{d.8.y.4} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.4.y} = -0.824 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 5  $F_{d.8.y.5} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.5.y} = -1.804 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 1  $F_{d.8.y.1} := 1 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$   
Caso i), trecho 6  $F_{d.8.y.6} := 1 \cdot 0 + 1.4 \cdot Q_{sc.w.0.1.y} = -2.156 \frac{kN}{m}$ 

Eixo x (local):

Caso i), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.8.x} := 1 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.094 \frac{kN}{m}$$

# • Combinação 9 - ELUN

Eixo y (local):

Caso ii), trechos 2, 3, 4 e 5: 
$$F_{d.9.y} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.2.y} = -1.216 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 1: 
$$F_{d.9.y.1} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.1.y} = 1.724 \frac{kN}{m}$$

Caso ii), trecho 6:  $F_{d.9.y.6} := 1 \cdot G_{per.y} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.90.3.y} = -0.621 \frac{kN}{m}$ 

Eixo x (local) - trechos 2, 3, 4 e 5:

$$F_{d.7.x} := 1 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot 0 = 0.094 \ \frac{kN}{m}$$

Tem-se ainda forças localizadas nas colunas devido às reações de apoio devido às vigas de fechamento, aplicadas na região central da coluna:

$$F_{vig.lat} \coloneqq 2 \cdot 29.54 \ kN = 59.08 \ kN$$

Analisando os diagramas dos esforços internos para cada umas dessas nove combinações, observa-se que o pior caso corresponde a combinação 1, com os seguintes esforços:

DEN (kN):





# 4.2.5 Esforços solicitantes de cálculo

 $N_d \coloneqq 25.84 \ kN$  Compressão.  $V_{d.y} \coloneqq 28.30 \ kN$   $M_{d.x} \coloneqq 8291.62 \ kN \cdot cm$ 

# 4.2.6 Propriedades: Perfil W360x32.9 - Aço ASTM A572 Gr. 50

## 4.2.7 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo x)

## a) Flambagem local da alma (FLA)

Sendo o índice de esbeltez da alma:

$$\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 53.1$$

Conforme a Tabela G.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_{p.}$ 

Tipo de seção e eixo de flexão	Estados- limites aplicáveis	M <sub>r</sub>	M <sub>er</sub>	λ	$\lambda_{ m p}$	$\lambda_r$
Seções I e H com dois eixos de simetria e seções U não sujeitas a momento de torção, fletidas em relação ao eixo de maior momento de inércia	FLT	$(f_y - \sigma_r)W$ Ver Nota 5	Ver Nota 1	$\frac{L_{\rm b}}{r_{\rm y}}$	$1,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 1
	FLM	$(f_{\rm y}-\sigma_{\rm r})W$ Ver Nota 5	Ver Nota 6	<i>b/t</i> Ver Nota 8	$0,38 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 6
	FLA	$f_y W$	Viga de alma esbelta (Anexo H)	$\frac{h}{t_w}$	$3,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	$5,70 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$

$$\lambda_p\!\coloneqq\!3.76\boldsymbol{\cdot}\sqrt{\frac{E}{f_y}}\!=\!90.53$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta!

Conforme o item G.2.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, sendo o momento de plastificação:

$$M_{pl} \coloneqq Z_x \cdot f_y = 18892.2 \text{ kN} \cdot \text{cm}$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 17174.727 \ kN \cdot cm$ 

# b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 7.47$$

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta!

Assim:

$$M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 18892.2 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 17174.727 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$ 

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Sendo o índice de esbeltez:

$$\lambda \coloneqq \frac{L_{b.t}}{r_y} = 380.23$$

O limite para seções compactas,  $\lambda_p,$  através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

Como:  $\lambda > \lambda_p$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J \coloneqq \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^3 + h \cdot t_w^3 \right) = 7.359 \ \boldsymbol{cm}^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.079 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_y \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot {\beta_1}^2}{I_y}}} = 118.852$$

Como:  $\lambda > \lambda_r$ 

Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item c) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &\coloneqq M_{d.x} \! = \! 8291.62 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_B \! \coloneqq \! 2141.24 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ M_A \! \coloneqq \! 2113.11 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_C \! \coloneqq \! 4427.34 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b\!\coloneqq\!\frac{12.5\boldsymbol{\cdot}M_{m\!\acute{a}x}}{2.5\boldsymbol{\cdot}M_{m\!\acute{a}x}\!+\!3\boldsymbol{\cdot}M_A\!+\!4\boldsymbol{\cdot}M_B\!+\!3\boldsymbol{\cdot}M_C}\!\boldsymbol{\cdot}1\!=\!2.12 \qquad C_b\!\leq\!3$$

Obtém-se o momento fletor de flambagem eléstica, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_{cr} \coloneqq \frac{C_{b} \cdot \pi^{2} \cdot E \cdot I_{y}}{L_{b.t}^{2}} \cdot \sqrt{\frac{C_{w}}{I_{y}}} \left(1 + 0.039 \cdot \frac{J \cdot L_{b.t}^{2}}{C_{w}}\right) = 4346.393 \text{ kN} \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item c) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

 $\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$ 

$$\begin{split} M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{M_{cr}}{\gamma_{a1}} = 3951.267 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} &\leq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 17174.727 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 17174.727 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

d) Momento fletor resistente de cálculo

$$M_{rd} \coloneqq min\left(M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT}\right) = 17174.727 \ kN \cdot cm$$

e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.x}}{M_{rd}} = 0.483$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 51.722

#### 4.2.8 Verificação quanto a força cortante

Conforme o item 5.4.3.1 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular à alma (eixo de maior momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: para almas sem enrijecedores transversais:  $K_v := 5.0$ 

Sendo:

$$\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 53.1 \qquad \qquad \lambda_p \coloneqq 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} = 59.22$$

Como:  $\lambda \leq \lambda_p$ 

Calcula-se a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} := 0.60 \cdot (d \cdot t_w) \cdot f_y = 419.009 \ kN$$

E obtém-se a força cortante resistente de cálculo:  $\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$ 

$$V_{Rd}\!\coloneqq\!\frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}}\!=\!380.92~\textit{kN}$$

a) Verificação

$$i_a := \frac{V_{d.y}}{V_{Rd}} = 0.074$$
 OK! Folga (%):  
(1 -  $i_a$ ) • 10

 $(1-i_a) \cdot 100 = 92.571$ 

4.2.9 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

a) Índice de esbeltez :

Sendo:

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x \coloneqq \frac{L_{bx} \cdot K_{x,y}}{r_x} = 70.97$$
  $\lambda_x \coloneqq \frac{L_{by} \cdot K_{x,y}}{r_y} = 74.14$  OK!

## b) Força crítica por flambagem global por flexão

Para seções duplamente simétricas, obtém-se a força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_{bx}\right)^2} = 1649.8 \ \textbf{kN} \qquad N_{ey} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_{by}\right)^2} = 1510.61 \ \textbf{kN}$$

E a força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} := \frac{1}{r_0^2} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{\left(K_z \cdot L_z\right)^2} + G \cdot J_t \right) = 8494.594 \text{ kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

 $N_{e}\!\coloneqq\!\min\left(\!N_{ex},\!N_{ey},\!N_{ez}\right)\!=\!1510.614~\textit{kN}$ 

#### c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

## Elemento AL (Qs):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 4 da Tabela F.1:

Sendo: 
$$\lambda_{inf} := 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 13.48$$
  $\lambda_{sup} := 1.03 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 24.8$ 

E sendo: 
$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 7.47$$
  $\lambda < \lambda_{inf}$ 

,

Então, tem-se que:  $Q_s \coloneqq 1$ 

# Elemento AA (Qa):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.3, para elementos comprimido AA, referentes ao grupo 2 da Tabela F.1:



Como:  $\lambda > \lambda_{inf}$ 

Tem-se que, adotando: Q := 1

$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{Q \cdot A \cdot f_y}{N_e}} = 0.981 \qquad \lambda_0 \le 1.5 \qquad X \coloneqq 0.658^{\lambda_0^2} = 0.669$$

Assim:

 $\sigma \coloneqq X \cdot f_y = 23.07 \frac{kN}{cm^2}$ 

Conforme o item F.3.2 da NBR 8800:2008:

$$\begin{array}{l} c_a \coloneqq 0.34 \\ b_{ef} \coloneqq 1.92 \boldsymbol{\cdot} t_w \boldsymbol{\cdot} \sqrt{\frac{E}{\sigma}} \boldsymbol{\cdot} \left( 1 - \frac{c_a}{\frac{d'}{t_w}} \boldsymbol{\cdot} \sqrt{\frac{E}{\sigma}} \right) \!\!=\! 26.607 \ \textit{cm} \\ d' \!=\! 30.8 \ \textit{cm} \qquad b_{ef} \! \leq \! d' \qquad \mathrm{OK!} \end{array}$$

Obtém-se, assim, a área efetiva:

$$A_{ef} \coloneqq A - (d' - b_{ef}) \cdot t_w = 39.668 \ cm^2$$

E assim, conforme o item F.3.1 da NBR 8800:2008, obtém-se o fator de redução Qa:

$$Q_a \coloneqq \frac{A_{ef}}{A} = 0.942$$

Assim, obtém-se o fator de redução associado à flambagem local:

.

$$Q \coloneqq Q_s \cdot Q_a = 0.942$$

# d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008, sendo:

$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{Q \cdot A \cdot f_y}{N_e}} = 0.952$$

# e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

De acordo com o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $\lambda_0 \leq 1.5$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:

$$X \coloneqq 0.658^{\lambda_0^2} = 0.684$$

#### f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10 \qquad \qquad N_{c.Rd} \coloneqq \frac{X \cdot Q \cdot A \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 851.51 \text{ kN}$$

g) Verificação:

 $(1-i_a) \cdot 100 = 96.965$ 

$$i_a := \frac{N_d}{N_{c.Rd}} = 0.03$$
 OK!

## 4.2.10 Verificação quanto aos esforços combinados

Conforme o item 5.5 da NBR 8800:2008, para barras prismáticas submetidas à combinação de esforços solicitantes, sendo:

 $0.498 \le 1$ 

OK!

$$\frac{N_d}{N_{c.Rd}} < 0.2$$

Tem-se que:

### 4.3 Dimensionamento do pilar do pórtico (NBR 8800:2008) - B214

 $\frac{N_d}{2 \cdot N_{c.Rd}} + \frac{M_{d.x}}{M_{rd}} = 0.498$ 

Perfil adotado: W250x62 (HP)

## 4.3.1 Análise ELS

Conforme observado no dimensionamento da viga, o perfil adotado atendo aos requisitos de ELS.

#### 4.3.2 Análise ELU

Conforme observado no dimensionamento da viga, os maiores esforços no pórtico foram obtidos através da combinação 1 - ELUN, sendo os seguintes esforços no pilar mais solicitado:

#### 4.3.2.1 Esforços solicitantes

 $M_{dx} := 8291.62 \ kN \cdot cm$   $V_{dz} := 22.90 \ kN$   $N_d := 60.26 \ kN$  Compressão.

## 4.3.2.2. Propriedades: Perfil W250x62 - Aço ASTM A572 Gr. 50 (HP)

d≔24.6 <b>cm</b>	$A \coloneqq 79.6 \ cm^2$	$I_x := 8728 \ cm^4$	$E \coloneqq 20000 - \frac{\kappa N}{2}$
$b_f \coloneqq 25.6 \ cm$	$r_x \coloneqq 10.47 \ cm$	$I_y := 2995 \ cm^4$	$cm^2$
$t_w := 1.05 \ cm$	$r_y \coloneqq 6.13$ cm	$Z_x := 790.5 \ cm^3$	LN
$t_f := 1.07 \ cm$	$W_x = 709.6 \ cm^3$	$Z_y \coloneqq 357.8~m{cm}^3$	$G \coloneqq 7692 - \frac{1}{2}$
<i>h</i> ≔22.5 <i>cm</i>	$W_y \coloneqq 234 \ oldsymbol{cm}^3$	$L_b := 600 \ cm$	$cm^2$
$d' \coloneqq 20.1 \ \textit{cm}$	$C_w \coloneqq 414130 \ cm^6$	$L_{b.t} \coloneqq 300 \ cm$	kN
$r_0 \! \coloneqq \! 5.64 \ {\it cm}$	$J_t \coloneqq 33.46 \ cm^4$		$f_y := 34.5 - \frac{14}{2}$
			$cm^{-}$

## 4.3.2.3 Verificação quanto ao momento fletor

## a) Flambagem local da alma (FLA)

Sendo o índice de esbeltez da alma e o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas, conforme a Tabela G.1 do Anexo G da NBR 8800:2008:

$$\lambda \! := \! \frac{d'}{t_w} \! = \! 19.14 \qquad \qquad \lambda_p \! := \! 3.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} \! = \! 90.53$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta!

Conforme o item G.2.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, sendo o momento de plastificação:

 $M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 27272.25 \ kN \cdot cm$ 

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 24792.955 \ kN \cdot cm$ 

## b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 11.96$$

E o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ :

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como: 
$$\lambda > \lambda_p$$
 Calcula-se  $\lambda_r$ :

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r := 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Assim:

$$\lambda_r \coloneqq 0.83 \cdot \sqrt{\frac{E}{\left\langle f_y - \sigma_r \right\rangle}} = 23.886$$

Como:  $\lambda_p < \lambda \leq \lambda_r$ 

Conforme o item G.2.2, caso b), NBR 8800:2008:

$$M_r := (f_y - \sigma_r) \cdot W_x = 17136.84 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10 \qquad M_{rd.FLM} \coloneqq \frac{1}{\gamma_{a1}} \left( M_{pl} - \left( M_{pl} - M_r \right) \cdot \frac{\lambda - \lambda_p}{\lambda_r - \lambda_p} \right) = 23033.904 \text{ kN} \cdot cm$$

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Sendo o índice de esbeltez:

$$\lambda \coloneqq \frac{L_{b.t}}{r_y} = 48.94$$

O limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

Como:  $\lambda > \lambda_p$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{3} + h \cdot t_w^{3} \right) = 29.59 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.029 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_y \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^2}{I_y}}} = 136.2$$

Como:  $\lambda_p < \lambda \le \lambda_r$  Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &\coloneqq M_{dx} \! = \! 8291.62 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_B \! \coloneqq \! 1422.98 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_A \! \coloneqq \! 2011.33 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_C \! \coloneqq \! 4857.30 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \coloneqq \frac{12.5 \cdot M_{m\acute{a}x}}{2.5 \cdot M_{m\acute{a}x} + 3 \cdot M_A + 4 \cdot M_B + 3 \cdot M_C} \cdot 1 = 2.2 \qquad C_b \le 3$$

Obtém-se o momento fletor correspondente ao início do escoamento, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_r := (f_y - \sigma_r) \cdot W_x = 17136.84 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

$$\begin{split} \gamma_{a1} &\coloneqq 1.10 \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{C_b}{\gamma_{a1}} \cdot \left( M_{pl} - \left( M_{pl} - M_r \right) \cdot \frac{\lambda - \lambda_p}{\lambda_r - \lambda_p} \right) = 53221.976 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} &\leq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} \\ N \tilde{A} O \text{ OK} &: \\ \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 24792.955 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

### d) Momento fletor resistente de cálculo

$$M_{rd} \coloneqq min(M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT}) = 23033.904 \ kN \cdot cm$$

e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{dx}}{M_{rd}} = 0.36$$
   
 OK!   
  $(1 - i_a) \cdot 100 = 64.003$ 

#### 4.3.2.4 Verificação quanto ao esforço cortante

Conforme o item 5.4.3.1 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular à alma (eixo de maior momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: para almas sem enrijecedores transversais:  $K_v := 5.0$ 

Sendo:

$$\begin{split} \lambda \coloneqq & \frac{d'}{t_w} = 19.14 \qquad \qquad \lambda_p \coloneqq 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} = 59.22 \\ \lambda \leq & \lambda_p \end{split}$$

Como:

Sendo a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} := 0.60 \cdot (d \cdot t_w) \cdot f_y = 534.681 \ kN$$

Obtém-se a força cortante resistente de cálculo:



#### 4.3.2.5 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

a) Índice de esbeltez :

Sendo:  $L_{bx} := 600 \ cm$   $L_{by} := 300 \ cm$   $K_{x.y} := 1.0$  $L_z := 300 \ cm$   $K_z := 1$ 

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x \coloneqq \frac{L_{bx} \cdot K_{x,y}}{r_x} = 57.31$$
  $\lambda_x \coloneqq \frac{L_{by} \cdot K_{x,y}}{r_y} = 48.94$  OK!

## b) Força crítica por flambagem global por flexão

Para seções duplamente simétricas, obtém-se a força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_{bx}\right)^2} = 4785.66 \ \textbf{kN} \qquad N_{ey} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_{by}\right)^2} = 6568.77 \ \textbf{kN}$$

E a força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} \coloneqq \frac{1}{r_0^{2}} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{\left( K_z \cdot L_z \right)^2} + G \cdot J_t \right) = 36645.008 \text{ kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

$$N_e := min(N_{ex}, N_{ey}, N_{ez}) = 4785.662 \ kN$$

## c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

#### Elemento AL (Qs):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 4 da Tabela F.1:



Sendo: 
$$\lambda_{inf} \coloneqq 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 13.48$$
  $\lambda_{sup} \coloneqq 1.03 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 24.8$ 

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 11.96 \qquad \qquad \lambda < \lambda_{inj}$$

Então, de acordo com o item b) do item F.2 da NBR 8800:2008:  $Q_s := 1$ 

## Elemento AA (Qa):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.3, para elementos comprimido AA, referentes ao grupo 2 da Tabela F.1:



Como:

$$\lambda \leq \lambda_{inf}$$

Então, de acordo com o item b) do item F.1.2 da NBR 8800:2008:  $Q_a := 1.0$ 

Assim, obtém-se o fator de redução associado à flambagem local:

$$Q\!\coloneqq\!Q_s\!\cdot\!Q_a\!=\!1$$

# d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008:

$$\lambda_0 \! \coloneqq \! \sqrt{\frac{Q \! \cdot \! A \! \cdot \! f_y}{N_e}} \! = \! 0.758$$

# e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

De acordo com o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $$\lambda_0\!\leq\!1.5$$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:  $X \coloneqq 0.658^{\lambda_0^2} = 0.786$ 

# f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

Sendo o coeficiente de ponderação relativo ao escoamento da seção bruta, para combinações normais:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10 \qquad \qquad N_{c.Rd} \coloneqq \frac{X \cdot Q \cdot A \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 1963.498 \ \textit{kN}$$

g) Verificação:

$$i_a := \frac{N_d}{N_{c.Rd}} = 0.031$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 96.931

# 4.3.2.6 Verificação quanto aos esforços combinados

Conforme o item 5.5 da NBR 8800:2008, para barras prismáticas submetidas à combinação de esforços solicitantes, sendo:

$$\frac{N_d}{N_{c.Rd}} {<} 0.2$$

Tem-se que:

$$\frac{N_d}{2 \cdot N_{c.Rd}} + \frac{M_{dx}}{M_{rd.FLT}} = 0.35 \qquad \qquad 0.35 \le 1 \qquad \qquad \text{OK!}$$

#### 4.4 Dimensionamento da viga de fechamento lateral (NBR 8800:2008) - B2071

#### 4.4.1 Carregamento

## 4.4.1.1 Carga permanente

Será adotado o perfil W150x22.5:

Peso próprio da viga: 
$$P_{próp} \coloneqq 0.225 \ rac{kN}{m}$$

Peso próprio da parede:

$$G_{per} \coloneqq P_{próp} + P_{par} = 4.725 \frac{kN}{m}$$

 $P_{par} \coloneqq 4.5 \ \frac{kN}{m}$ 

#### 4.4.1.2 Carga variável

Eixo y (local):

Com relação a sobrecarga, esta não obedece a nenhuma recomendação normativa específica, de forma que será considerada nula:

$$Q_{sc} \coloneqq Q_{sc.c} \cdot L_{viga} = 0 \; \frac{kN}{m}$$

 $Q_{sc.c} \coloneqq 0 \ \frac{kN}{m^2} \qquad \qquad L_{viga} \coloneqq 5 \ m$ 

### 4.4.1.3 Carregamento devido o vento

Eixo x (local):

Adotando os casos mais desfavorável, relativa ao vento atuando a 90º:

$$L_{inf.viga} := 3 \ m$$

$$Q_{sc.w.90} := (0.7 + 0.3) \cdot q = 0.28 \ \frac{kN}{m^2}$$

$$Q_{sc.w.90'} := Q_{sc.w.90} \cdot L_{inf.viga} = 0.84 \ \frac{kN}{m}$$

Eixo z (local): esforço normal de compressão na viga.

O esforço normal será determinado através da força atuante no nó de ligação da viga de fechamento-pilar, sendo esta força proveniente do vento a 0º atuando na estrutura.

Sendo o comprimento de influência para cada pilar:  $L_{inf.nilar} = 2.91 \ m$ 

Obtém-se o esforço atuante em cada pilar:

$$F_d := (0.7 + 0.3) \cdot q \cdot L_{inf.pilar} = 0.815 \frac{kN}{m}$$

Analisando o pilar como uma viga contínua, obtém-se o esforço normal na viga mais solicitada:



 $F_N := 3.3 \ \textbf{kN}$  (Compressão).

## 4.4.2 Verificação quanto aos ELS

# 4.4.2.1 Flecha

Conforme o Anexo C da NBR 8800:2008, em sua Tabela C.1, o deslocamento vertical máximo em vigas que suportam paredes de alvenaria é de L/350, não podendo ser maior que 15 mm.

#### a) Combinações

Eixo y:

$$G_{per} = 4.725 \ \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc} = 0 \ \frac{kN}{m}$$

• Combinação 10 - ELSR

$$F_{d.10} \coloneqq 1 \cdot G_{per} + 0.4 \cdot Q_{sc} = 4.725 \ \frac{kN}{m}$$

Assim:

$$F_{d.1} := F_{d.10} = 4.725 \frac{kN}{m}$$
  $F_{d.1} := 0.0475 \frac{kN}{cm}$ 

Deslocamento máximo no centro do vão para um carregamento linearmente distribuído:

 $L_{viga} = 500 \ cm$   $I_x = 3437 \ cm^4$   $E = 20000 \ \frac{kN}{cm^2}$ 

$$\delta \coloneqq \frac{5 \cdot F_{d.1} \cdot L_{viga}^{4}}{384 \cdot E \cdot I_{x}} = 5.623 \text{ mm}$$

E sendo:

$$\delta_{m\acute{a}x} \coloneqq \frac{L_{viga}}{350} = 14.286 \ \textit{mm} \quad \delta \le \delta_{m\acute{a}x} \quad \text{OK!}$$

# 4.4.3 Verificação quanto aos ELU

# 4.4.3.1 Combinações de cargas

Eixo y:

$$G_{per.y} \coloneqq G_{per} = 4.725 \frac{kN}{m} \qquad \qquad Q_{sc.y} \coloneqq Q_{sc} = 0 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 1 - ELUN

$$F_{d.1.y} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.y} + 1.5 \cdot Q_{sc.y} = 5.906 \frac{kN}{m} \qquad \qquad F_{d.y} \coloneqq F_{d.1.y} = 5.906 \frac{kN}{m}$$

Eixo x:

$$G_{per.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.x} \coloneqq Q_{sc} \equiv 0 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.w.x} \coloneqq Q_{sc.w.90'} \equiv 0.84 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 3 - ELUN

$$F_{d.3.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.4 \cdot Q_{sc.w.x} = 1.176 \frac{kN}{m} \qquad F_{d.x} \coloneqq F_{d.3.x} = 1.176 \frac{kN}{m}$$

# 4.4.3.2 Esforços solicitantes

 $N_d := 1.4 \cdot F_N = 4.62 \ kN$  (Compressão).

 $L_{viga} \coloneqq 5 \ \boldsymbol{m}$ 

$$M_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.y} \cdot L_{viga}^{2}}{8} = 1845.703 \text{ kN} \cdot \text{cm} \qquad M_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.x} \cdot L_{viga}^{2}}{8} = 367.5 \text{ kN} \cdot \text{cm}$$

$$V_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.y} \cdot L_{viga}}{2} = 14.766 \text{ kN} \qquad V_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.x} \cdot L_{viga}}{2} = 2.94 \text{ kN}$$

# 4.4.3.3 Propriedades: Perfil W200x35.9 - Aço ASTM A572 Gr. 50

## 4.4.3.4 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo x)

### a) Flambagem local da alma (FLA)

Sendo o índice de esbeltez da alma:

$$\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 25.97$$

Conforme a Tabela G.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_{p.}$ 

Tipo de seção e eixo de flexão	Estados- limites aplicáveis	M <sub>r</sub>	M <sub>er</sub>	λ	$\lambda_{ m p}$	$\lambda_{\rm r}$
Seções I e H com dois eixos de simetria e seções U não sujeitas a momento de torção, fietidas em relação ao eixo de maior momento de inércia	FLT	$(f_y - \sigma_r)W$ Ver Nota 5	Ver Nota 1	$\frac{L_{\rm b}}{r_{\rm y}}$	$1,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 1
	FLM	$(f_{\rm y} - \sigma_{\rm r}) W$ Ver Nota 5	Ver Nota 6	<i>b/t</i> Ver Nota 8	$0,38 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 6
	FLA	f <sub>y</sub> W	Viga de alma esbelta (Anexo H)	$\frac{h}{t_w}$	$3,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	$5,70 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$

$$\lambda_p := 3.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 90.53$$

Como:  $\lambda \! < \! \lambda_p$  Seção compacta!

Conforme o item G.2.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, sendo o momento de plastificação:

$$M_{nl} \coloneqq Z_x \cdot f_u = 13075.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$ 

#### b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:  $\lambda := \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$ 

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Compacta.

$$M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 13075.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1}$$
:=1.10

$$M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$$

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Sendo o índice de esbeltez:  $\lambda$ 

$$\lambda \coloneqq \frac{L_b}{r_y} = 146.34$$

O limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

Como:  $\lambda > \lambda_p$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:  $J := \frac{1}{3} \cdot \left(2 \cdot b_f \cdot t_f^3 + h \cdot t_w^3\right) = 13.111 \text{ cm}^4$ 

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{(f_y - \sigma_r) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.031 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_y \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^{\ 2}}{I_y}}} = 137.805$$

Como:  $\lambda < \lambda_r$  Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &\coloneqq M_{d.x} = 1845.703 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ M_{A} &\coloneqq 1384.22 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split} \qquad \qquad M_{C} &\coloneqq 1384.22 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \coloneqq \frac{12.5 \cdot M_{m\acute{a}x}}{2.5 \cdot M_{m\acute{a}x} + 3 \cdot M_A + 4 \cdot M_B + 3 \cdot M_C} \cdot 1 = 1.14 \qquad C_b \leq 3$$

Obtém-se o momento fletor correspondente ao início do escoamento, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_r \coloneqq (f_y - \sigma_r) \cdot W_x = 8259.3 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

$$\begin{split} \gamma_{a1} &\coloneqq 1.10 \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{C_b}{\gamma_{a1}} \cdot \left( M_{pl} - (M_{pl} - M_r) \cdot \frac{\lambda - \lambda_p}{\lambda_r - \lambda_p} \right) = 8087.406 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} &\leq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} \qquad \text{OK!} \\ \\ M_{rd.FLT} &\equiv 8087.406 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

d) Momento fletor resistente de cálculo

$$M_{rd.x} = min(M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT}) = 8087.406 \ kN \cdot cm$$

#### e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} = 0.228$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 77.178

#### 4.4.3.5 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo y)

## a) Flambagem local da alma (FLA)

$$M_{pl} \coloneqq Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ kN \cdot cm$$

# b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Compacta.

$$M_{pl} \coloneqq Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLM:

$$M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ kN \cdot cm$$

# c) Flambagem lateral com torção (FLT)

 $\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$ 

 $\lambda \coloneqq \frac{L_b}{r_x} = 69.2$ Sendo o índice de esbeltez:

O limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

$$L_{b.p.y} \coloneqq \lambda_p \cdot r_x = 367.398 \ \textit{cm}$$

Como:  $L_{b.p.y} < L_{b.y}$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r := 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{\ 3} + h \cdot t_w^{\ 3} \right) = 13.111 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_y}{E \cdot J} = 0.009 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_x \cdot J}}{r_x \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^2}{I_x}}} = 427.62$$

$$L_{b.r.y} := \lambda_r \cdot r_x = 3707.468 \ cm$$

Como:  $L_{b.y} < L_{b.r.y}$  Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &:= M_{d.y} = 367.5 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ M_{A} &:= 275.62 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split} \qquad \qquad M_{C} &:= 275.62 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \coloneqq \frac{12.5 \cdot M_{m\acute{a}x}}{2.5 \cdot M_{m\acute{a}x} + 3 \cdot M_A + 4 \cdot M_B + 3 \cdot M_C} \cdot 1 = 1.14 \qquad C_b \leq 3$$

Obtém-se o momento fletor correspondente ao início do escoamento, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_r \coloneqq (f_y - \sigma_r) \cdot W_y = 2245.95 \ \mathbf{kN} \cdot \mathbf{cm}$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

$$\begin{split} \gamma_{a1} &\coloneqq 1.10 \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{C_b}{\gamma_{a1}} \cdot \left( M_{pl} - (M_{pl} - M_r) \cdot \frac{\lambda - \lambda_p}{\lambda_r - \lambda_p} \right) = 4836.962 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} &\leq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} \\ N \tilde{A} O \ O K! \\ \\ M_{rd.FLT} &\coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

# d) Momento fletor resistente de cálculo

$$\begin{split} M_{rd.y} &\coloneqq \min \left( M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT} \right) = 4422.273 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \text{e) Verificação} \\ i_a &\coloneqq \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} = 0.083 \\ \text{OK!} \\ (1 - i_a) \cdot 100 = 91.69 \end{split}$$

### 4.4.3.6 Verificação quanto a força cortante

Conforme o item 5.4.3.1 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular à alma (eixo de maior momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: para almas sem enrijecedores transversais:  $K_v := 5.0$ 

Sendo:

$$\lambda \! \coloneqq \! \frac{d'}{t_w} \! = \! 25.97 \qquad \qquad \lambda_p \! \coloneqq \! 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} \! = \! 59.22$$

Como:  $\lambda \leq \lambda_p$ 

Calcula-se a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} \coloneqq 0.60 \cdot (d \cdot t_w) \cdot f_y = 257.963 \ kN$$

E obtém-se a força cortante resistente de cálculo:

$$V_{Rd} := \frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}} = 234.51 \text{ kN}$$

a) Verificação

 $\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$ 

$$i_a := \frac{V_{d.y}}{V_{Rd}} = 0.063$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 93.704

### 4.4.3.7 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

## a) Índice de esbeltez :

Sendo:  $L_{bx} := 500 \ cm$   $L_{by} := 500 \ cm$   $K_{x.y} := 1.0$  $L_z := 500 \ cm$   $K_z := 1$ 

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x := \frac{L_{bx} \cdot K_{x,y}}{r_x} = 57.67$$
  $\lambda_y := \frac{L_{by} \cdot K_{x,y}}{r_y} = 121.95$  OK!

# b) Força crítica por flambagem global por flexão

Para seções duplamente simétricas, obtém-se a força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} \coloneqq \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_{bx}\right)^2} = 2713.75 \ \textbf{kN} \qquad N_{ey} \coloneqq \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_{by}\right)^2} = 603.23 \ \textbf{kN}$$

E a força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} := \frac{1}{r_0^2} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{\left(K_z \cdot L_z\right)^2} + G \cdot J_t \right) = 8221.605 \text{ kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

$$N_e := min(N_{ex}, N_{ey}, N_{ez}) = 603.23 \ kN$$

## c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

## Elemento AL (Qs):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 4 da Tabela F.1:



Sendo: 
$$\lambda_{inf} := 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 13.48$$
  $\lambda_{sup} := 1.03 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 24.8$ 

 $\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09 \qquad \qquad \lambda < \lambda_{inf}$ E sendo:

Tem-se que:  $Q_s \coloneqq 1$ 

#### Elemento AA (Qa):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.3, para elementos comprimido AA, referentes ao grupo 2 da Tabela F.1:



endo: 
$$\lambda_{inf} \coloneqq 1.49 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 35.87$$
  $\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 25.97$ 

Se

Como:  $\lambda \leq \lambda_{inf}$ 

Então, de acordo com o item b) do item F.1.2 da NBR 8800:2008:  $Q_a := 1.0$ 

Assim, obtém-se o fator de redução associado à flambagem local:

$$Q \coloneqq Q_s \cdot Q_a = 1$$

# d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008, sendo:

$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{Q \boldsymbol{\cdot} A \boldsymbol{\cdot} f_y}{N_e}} = 1.617$$

#### e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

De acordo com o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $\lambda_0 > 1.5$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:

$$X \coloneqq \frac{0.877}{\lambda_0^2} = 0.336$$

#### f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$N_{c.Rd} \coloneqq \frac{X \cdot Q \cdot A \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 480.939 \ \textbf{kN}$$

g) Verificação:

Folga (%):  

$$i_a := \frac{N_d}{N_{c.Rd}} = 0.01$$
 OK!  $(1 - i_a) \cdot 100 = 99.039$ 

#### 4.4.3.8 Verificação quanto aos esforços combinados

Conforme o item 5.5 da NBR 8800:2008, para barras prismáticas submetidas à combinação simultânea de esforços axiais e momentos fletores, sendo:

$$\frac{N_d}{N_{c.Rd}} {<} 0.2$$

Tem-se que:

$$\frac{N_d}{2 \cdot N_{c.Rd}} + \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} + \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} = 0.316 \qquad 0.316 \le 1$$
 OK!

# 4.5 Dimensionamento da viga de fechamentos frontal (NBR 8800:2008) - B3544

### 4.5.1 Carga permanente (peso próprio e telhas)

Dados relativos às telhas:

Peso próprio: 
$$P_{tel} \coloneqq 0.0436 \ \frac{kN}{m^2}$$

Distância máxima entre apoios: 2.20 m

Vão adotado:  $V_{tel} \coloneqq 1.67 \ m$ 

Comprimento de influência da viga:  $L_{inf.viga} \coloneqq 1.67 \ m$ 

$$G_{per.tel} \coloneqq P_{tel} \cdot L_{inf.viga} = 0.073 \ rac{kN}{m}$$

Dados relativos ao peso próprio:

O peso próprio: serão utilizadas as mesmas vigas do fechamento lateral, W150 x 22.5.

$$P_{próp.} \coloneqq 0.225 \ \frac{kN}{m}$$

Carga permanente na terça:

$$G_{per} \coloneqq G_{per.tel} + P_{próp.} = 0.298 \ rac{kN}{m}$$

#### 4.5.2 Carga variável

A sobrecarga em telhas de tapamento lateral não obedece a nenhuma recomendação normativa específica e será considerada nula.

 $Q_{sc.l} \coloneqq 0 \ \frac{kN}{m^2}$ 

$$Q_{sc} \coloneqq Q_{sc.l} \cdot L_{inf.terça} = 0 \; \frac{kN}{m}$$

## 4.5.3 Carregamento devido o vento

Adotando o caso mais desfavorável, relativo ao vento atuando a 90º:

$$Q_{sc.w.0} \coloneqq (0.9 + 0.2) \cdot q = 0.308 \frac{kN}{m^2} \qquad \qquad Q_{sc.w.0'} \coloneqq Q_{sc.w.0} \cdot L_{inf.viga} = 0.514 \frac{kN}{m}$$

Com relação aos esforços normais, será obtido através do esforço paralelo aos planto frontal do galpão, devido o vento a 90°, atuando no fechamento lateral:



# 4.5.4 Análise ELS

#### 4.5.4.1 Combinações

Na direção y (local), atua apenas o carregamento permanente, e na direção x (local), apenas o carregamento de vento a 0°, e na direção z (local) ,o carregamento de vento a 90°:

• Combinação 10 - ELS - eixo y (local) • Combinação 16 - ELS - eixo Z (local)  $F_{d.10.y} \coloneqq 1.0 \cdot G_{per} + 0.4 \cdot Q_{sc} = 0.298 \frac{kN}{m}$  $F_{d.16.z} \coloneqq 1.0 \cdot N_{d.90} = 0.22 \ kN$ 



Eixo x: 
$$f_{máx} := \frac{L_{viga}}{180} = 32.339 \ mm$$
  $f := 5.03$  OK!

#### 4.5.5 Análise ELU

#### 4.5.5.1 Combinações

Na direção y (local), atua apenas o carregamento permanente, e na direção x (local), apenas o carregamento de vento a 0°, e na direção z (local), o carregamento de vento a 90°:

• Combinação 1- ELUN - eixo y (local) • Combinação 8 - ELUN - eixo x (local)

 $F_{d.1.y} := 1.25 \cdot G_{per} + 1.5 \cdot Q_{sc} = 0.372 \frac{kN}{m} \qquad F_{d.8.x} := 1.4 \cdot Q_{sc.w.0'} = 0.72 \frac{kN}{m}$ • Combinação 5 - ELUN - eixo z (local)

$$F_{d.5.z}\!\coloneqq\!1.4\!\cdot\!N_{d.90}\!=\!0.308~\textit{kN}$$

#### 4.5.5.2 Esforços solicitantes

As vigas são consideradas biapoiadas com 5,821 m de comprimento.

 $N_{d} \coloneqq F_{d.5.z} = 0.308 \ \textbf{kN} \qquad \qquad L_{viga} \coloneqq 5.821 \ \textbf{m}$  $M_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.1.y} \cdot L_{viga}^{2}}{8} = 157.673 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm} \qquad \qquad M_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.8.x} \cdot L_{viga}^{2}}{8} = 305 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$ 

$$V_{d.y} \coloneqq \frac{F_{d.1.y} \cdot L_{viga}}{2} = 1.083 \ \textbf{kN} \qquad \qquad V_{d.x} \coloneqq \frac{F_{d.8.x} \cdot L_{viga}}{2} = 2.096 \ \textbf{kN}$$

#### 4.5.5.3 Propriedades: Perfil W200x35.9 - Aço ASTM A572 Gr. 50

#### 4.5.5.4 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo x)

## a) Flambagem local da alma (FLA)

Sendo o índice de esbeltez da alma:

$$\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 25.97$$

Conforme a Tabela G.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_{p.}$ 

Tipo de seção e eixo de flexão	Estados- limites aplicáveis	M <sub>r</sub>	M <sub>cr</sub>	λ	$\lambda_{ m p}$	$\lambda_{\rm r}$
Seções I e H com dois eixos de simetria e seções U não sujeitas a momento de torção, fletidas em relação ao eixo de maior momento de inércia	FLT	$(f_{ m y}-\sigma_{ m r})W$ Ver Nota 5	Ver Nota 1	$\frac{L_{\rm b}}{r_{\rm y}}$	$1,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 1
	FLM	$(f_y - \sigma_r)W$ Ver Nota 5	Ver Nota 6	<i>b/t</i> Ver Nota 8	$0,38 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	Ver Nota 6
	FLA	f <sub>y</sub> W	Viga de alma esbelta (Anexo H)	$\frac{h}{t_w}$	$3,76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$	5,70 $\sqrt{\frac{E}{f_y}}$

$$\lambda_p \! \coloneqq \! 3.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} \! = \! 90.53$$

 $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta! Como:

Conforme o item G.2.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, sendo o momento de plastificação:

$$M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 13075.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$$

## b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Compacta.

$$M_{pl} \coloneqq Z_x \cdot f_y = 13075.5 \ kN \cdot cm$$
$$\gamma_{a1} \! := \! 1.10 \\ M_{rd.FLM} \! := \! \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} \! = \! 11886.818 \ \textit{kN} \cdot$$

### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Sendo o índice de esbeltez:

$$\lambda \coloneqq \frac{L_b}{r_y} = 141.95$$

cm

O limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \bullet \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

$$L_{b.p.x} \coloneqq \lambda_p \cdot r_y = 173.741 \text{ cm}$$

Como:  $L_{b.p.x} < L_{b.x}$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{\ 3} + h \cdot t_w^{\ 3} \right) = 13.111 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.031 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_y \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^2}{I_y}}} = 137.805$$

$$L_{b.r.x} \coloneqq \lambda_r \cdot r_y = 565.001 \text{ cm}$$

Como:  $L_{b.x} > L_{b.r.x}$  Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item c) do item G.2.1.

Sendo:

$$M_{m\acute{a}x} := M_{d.x} = 157.673 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_B := M_{d.x} = 157.673 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$$
$$M_A := 118.16 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_C := 118.16 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \coloneqq \frac{12.5 \cdot M_{m \acute{a} x}}{2.5 \cdot M_{m \acute{a} x} + 3 \cdot M_A + 4 \cdot M_B + 3 \cdot M_C} \cdot 1 = 1.14 \qquad C_b \leq 3$$

Obtém-se o momento fletor correspondente ao início do escoamento, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_{cr} := \frac{C_b \cdot \pi^2 \cdot E \cdot I_y}{L_b^2} \cdot \sqrt{\frac{C_w}{I_y} \left(1 + 0.039 \cdot \frac{J \cdot L_b^2}{C_w}\right)} = 9020.46 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$\begin{split} M_{rd.FLT} \coloneqq & \frac{M_{cr}}{\gamma_{a1}} = 8200.418 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_{rd.FLT} \leq & \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split}$$
 OK!

### d) Momento fletor resistente de cálculo

 $M_{rd.x} \!\!\coloneqq\!\!\min\left(\!M_{rd.FLA},\!M_{rd.FLM},\!M_{rd.FLT}\!\right) \!=\! 8200.418 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$ 

#### e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} = 0.019$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 98.077

#### 4.5.5.5 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo y)

### a) Flambagem local da alma (FLA)

$$M_{pl} \coloneqq Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} = 1.10$$

$$M_{rd.FLA} \coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ \textbf{kN} \boldsymbol{\cdot} \boldsymbol{cm}$$

### b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Calcula-se  $\lambda_r$ :

$$M_{pl} \coloneqq Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ kN \cdot cm$ 

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Sendo o índice de esbeltez:  $\lambda \coloneqq \frac{L_b}{r_r} = 67.13$ 

O limite para seções compactas,  $\lambda_p,$  através da Tabela G.1:

$$\lambda_{p} \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_{y}}} = 42.38 \qquad \qquad L_{b.p.y} \coloneqq \lambda_{p} \cdot r_{x} = 367.398 \text{ cm}$$

Como:  $L_{b.p.y} < L_{b.y}$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{\ 3} + h \cdot t_w^{\ 3} \right) = 13.111 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{(f_y - \sigma_r) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.031 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_x \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^2}{I_y}}} = 65.167$$

$$L_{b.r.y} \coloneqq \lambda_r \boldsymbol{\cdot} r_x \!=\! 565.001 \, \operatorname{\textit{cm}}$$

Como: 
$$L_{b.y} > L_{b.r.y}$$
 Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme   
o item c) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &:= M_{d.y} = 305 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ M_{A} &:= 228.69 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split} \qquad \qquad M_{C} &:= 228.69 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \coloneqq \frac{12.5 \cdot M_{m\acute{a}x}}{2.5 \cdot M_{m\acute{a}x} + 3 \cdot M_A + 4 \cdot M_B + 3 \cdot M_C} \cdot 1 = 1.14 \qquad C_b \leq 3$$

Obtém-se o momento fletor de flambagem elástica, Mcr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_{cr} \coloneqq \frac{C_b \cdot \pi^2 \cdot E \cdot I_x}{{L_b}^2} \cdot \sqrt{\frac{C_w}{I_x}} \left(1 + 0.039 \cdot \frac{J \cdot {L_b}^2}{C_w}\right) = 19128.293 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

$$\begin{split} \gamma_{a1} &:= 1.10 \\ M_{rd,FLT} &:= \frac{M_{cr}}{\gamma_{a1}} = 17389.358 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ M_{rd,FLT} &\leq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ N \tilde{A} O \text{ OK} ! \\ M_{rd,FLT} &:= 4422.273 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

#### d) Momento fletor resistente de cálculo

 $M_{rd.y} \!\!\coloneqq\!\! \min\left(\!M_{rd.FLA},\!M_{rd.FLM},\!M_{rd.FLT}\!\right) \!=\! 4422.273 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$ 

e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} = 0.069$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 93.103

## 4.5.5.6 Verificação quanto a força cortante (Eixo y)

Conforme o item 5.4.3.1.1 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular à alma (eixo de maior momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: para almas sem enrijecedores transversais:  $K_v := 5.0$ 

Sendo:

$$\lambda \! := \! \frac{d'}{t_w} \! = \! 25.97 \qquad \qquad \lambda_p \! := \! 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} \! = \! 59.22$$

Como:  $\lambda \leq \lambda_p$ 

Calcula-se a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

 $V_{pl}\!\coloneqq\!0.60\!\cdot\!\left(\!d\!\cdot\!t_w\!\right)\!\cdot\!f_y\!=\!257.963~\textit{kN}$ 

E obtém-se a força cortante resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1} = 1.10$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}} = 234.51 \ \textbf{kN}$$

a) Verificação

$$i_a := \frac{V_{d.y}}{V_{Rd}} = 0.005$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 99.538

### 4.5.5.7 Verificação quanto a força cortante (Eixo x)

Conforme o item 5.4.3.5 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular às mesas (eixo de menor momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: Conforme o item 5.4.3.5 da NBR 8800:2008:  $K_v := 1.2$ 

Sendo:

$$\lambda := \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09 \qquad \qquad \lambda_p := 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} = 29.01$$

Como:  $\lambda \leq \lambda_p$ 

Calcula-se a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} := 0.60 \cdot (2 \cdot b_f \cdot t_f) \cdot f_y = 696.762 \ kN$$

E obtém-se a força cortante resistente de cálculo:

 $\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$ 

$$V_{Rd} := \frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}} = 633.42 \ kN$$

a) Verificação

$$i_a \coloneqq \frac{V_{d.x}}{V_{Rd}} = 0.003$$
 OK! Folga (%):  
(1 -  $i_a$ ) • 100 = 99.669

#### 4.5.5.8 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

a) Índice de esbeltez :

Sendo: 
$$L_{b.x} := L_b = 582 \text{ cm}$$
  $L_{b.y} := L_b = 582 \text{ cm}$   $K_{x.y} := 1.0$   
 $L_z := L_b = 582 \text{ cm}$   $K_z := 1$ 

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x := \frac{L_{b.x} \cdot K_{x.y}}{r_x} = 67.13$$
  $\lambda_y := \frac{L_{b.y} \cdot K_{x.y}}{r_y} = 141.95$  OK!

### b) Força crítica por flambagem global por flexão

Para seções duplamente simétricas, obtém-se a força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_{b.x}\right)^2} = 2002.92 \ \textbf{kN} \qquad N_{ey} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_{b.y}\right)^2} = 445.22 \ \textbf{kN}$$

E a força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} := \frac{1}{r_0^{2}} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{\left( K_z \cdot L_z \right)^2} + G \cdot J_t \right) = 7511.77 \text{ kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

$$N_e := min(N_{ex}, N_{ey}, N_{ez}) = 445.223 \ kN$$

# c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

Elemento AL (Qs):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 4 da Tabela F.1:



Sendo: 
$$\lambda_{inf} := 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 13.48$$
  $\lambda_{sup} := 1.03 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 24.8$ 

E sendo: 
$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$
  $\lambda < \lambda_{inf}$ 

Então, de acordo com o item b) do item F.2 da NBR 8800:2008:  $Q_s \coloneqq 1$ 

### Elemento AA (Qa):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.3, para elementos comprimido AA, referentes ao grupo 2 da Tabela F.1:



Como:

 $Q_a \coloneqq 1.0$ Então, de acordo com o item b) do item F.1.2 da NBR 8800:2008:

Assim, obtém-se o fator de redução associado à flambagem local:

$$Q\!\coloneqq\!Q_s\!\cdot\!Q_a\!=\!1$$

### d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008, sendo:

$$\lambda_0\!\coloneqq\!\sqrt{\frac{Q\!\cdot\! A\!\cdot\! f_y}{N_e}}\!=\!1.882$$

### e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

De acordo com o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $\lambda_0 > 1.5$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:

$$X \coloneqq \frac{0.877}{\lambda_0^2} = 0.248$$

#### f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

Sendo o coeficiente de ponderação relativo ao escoamento da seção bruta, para combinações normais:

 $\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$ 

$$N_{c.Rd} \coloneqq \frac{X \cdot Q \cdot A \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 354.964 \text{ kN}$$

g) Verificação:

Folga (%):

 $(1-i_a) \cdot 100 = 99.938$ 

#### 4.5.5.9 Verificação quanto aos esforços combinados

Conforme o item 5.5 da NBR 8800:2008, para barras prismáticas submetidas à combinação simultânea de esforços axiais e momentos fletores, sendo:

OK!

$$\frac{N_{d.90}}{N_{c.Rd}} = 6.198 \cdot 10 \frac{\underline{N}_{4.90}}{N_{c.Rd}} < 0.2$$

 $\frac{N_{d.90}}{N} = 0.001$ 

Tem-se que:

$$\frac{N_{d.90}}{2 \cdot N_{c.Rd}} + \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} + \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} = 0.089 \qquad 0.089 \le 1 \qquad \text{OK!}$$

#### 4.6 Dimensionamento do pilares do oitão (NBR 8800:2008) - B3551

#### 4.6.1 Carregamento

### 4.6.1.1 Carga permanente

Eixo z:

$$P_{próp.1} \coloneqq 0.225 \frac{kN}{m} \qquad P_{próp.1} \coloneqq 3 \cdot 0.225 \frac{kN}{m} \cdot 2.91 \ m = 1.964 \ kN$$

$$P_{próp.2} \coloneqq 0.359 \frac{kN}{m} \qquad P_{próp.2} \coloneqq 0.359 \frac{kN}{m} \cdot 4.18 \ m = 1.501 \ kN$$

$$P_{tel} \coloneqq 0.0436 \ \frac{kN}{m^2} \cdot (2.91 \ m + 4.18 \ m) = 0.309 \ \frac{kN}{m}$$

$$F_1 \coloneqq P_{próp.1} = 1.964 \ \textit{kN} \qquad F_2 \coloneqq P_{próp.1} = 1.964 \ \textit{kN} \qquad F_3 \coloneqq P_{próp.2} + P_{próp.1} = 3.465 \ \textit{kN}$$

\_ \_ \_

### 4.6.1.2 Carga variável

Eixo z :

Com relação a sobrecarga, esta não obedece a nenhuma recomendação normativa específica, de forma que será considerada nula:

$$Q_{sc.c} \coloneqq 0 \frac{kN}{m^2} \qquad L_{viga} \coloneqq 5 m$$
$$Q_{sc} \coloneqq Q_{sc.c} \cdot L_{viga} \equiv 0 \frac{kN}{m}$$

# 4.6.1.3 Carregamento devido o vento

Eixo y:

Adotando os casos mais desfavorável, relativa ao vento atuando a 0º:

 $L_{inf} = 2.91 \ m + 4.18 \ m = 7.09 \ m$ 

$$Q_{sc.w.0} := (0.7 + 0.3) \cdot q = 0.28 \frac{kN}{m^2}$$
$$Q_{sc.w.0} := Q_{sc.w.90} \cdot L_{inf} = 1.985 \frac{kN}{m}$$

Eixo x:

$$P_{v.1} = 0.1 \ kN$$
  $P_{v.2} = 0.25 \ kN$   $P_{v.3} = 0.1 \ kN$ 

### 4.6.2 Análise ELS

# 4.6.2.1 Carga permanente (peso próprio e vigas)

Eixo y:  $H := 6623 \ mm$   $f_{máx} := \frac{H}{300} = 22.077 \ mm$   $f := 3.28 \ mm$ OK!

# 4.6.3 Análise ELU

### 4.6.3.1 Carga permanente (peso próprio e vigas)

Eixo z:

 $F_1 \! \coloneqq \! 1.25 \; P_{pr\! op.1} \! = \! 2.455 \; \textit{kN} \qquad F_2 \! \coloneqq \! 1.25 \; P_{pr\! op.1} \! = \! 2.455 \; \textit{kN} \qquad F_3 \! \coloneqq \! 1.25 \boldsymbol{\cdot} \left(\! P_{pr\! op.2} \! + \! P_{pr\! op.1}\! \right) \! = \! 4.331 \; \textit{kN}$ 

Eixo y:

$$Q_{sc.w.0} \coloneqq 1.4 \cdot Q_{sc.w.90} \cdot L_{inf} = 2.779 \frac{kN}{m}$$

Eixo x:

$$P_{v.1} \coloneqq 1.4 \cdot 0.1 \ \textit{kN} = 0.14 \ \textit{kN} \qquad P_{v.2} \coloneqq 1.4 \cdot 0.25 \ \textit{kN} = 0.35 \ \textit{kN} \qquad P_{v.3} \coloneqq 1.4 \cdot 0.1 \ \textit{kN} = 0.14 \ \textit{kN}$$

. . .

#### 4.6.3.2 Esforços solicitantes



-11.82

 $V_{d.y} \coloneqq 11.82 \ \mathbf{kN}$ 



 $N_d \coloneqq 5.46$  **kN** (Compressão).

-5.46

 $M_{d.x} {\coloneqq} 1608.7 \ \textit{kN} {\boldsymbol{\cdot}} \textit{cm}$ 

#### 4.6.3.3 Propriedades: Perfil W200x35.9 - Aço ASTM A572 Gr. 50

$d := 20.1 \ cm$ $b_f := 16.5 \ cm$	$A := 45.7 \ cm^2$ $r_x := 8.67 \ cm$	$I_y \coloneqq 764 \ cm^4 \ I_x \coloneqq 3437 \ cm^4$	$f_y \coloneqq 34.5 \ rac{kN}{cm^2}$
$t_w := 0.62 \ cm$ $t_f := 1.02 \ cm$ $h := 18.1 \ cm$	$r_y := 4.1 \ cm$ $W_x := 342 \ cm^3$ $W_y := 93 \ cm^3$	$Z_x := 379 \ cm^3$ $Z_y := 141 \ cm^3$ $L_{b.x} := 660.0 \ cm$	$E \coloneqq 20000 \frac{kN}{cm^2}$
$d' \coloneqq 16.1 \ cm$ $r_0 \coloneqq 4.5 \ cm$	$C_w := 69502 \ cm^6$ $J_t := 14.51 \ cm^4$	$\begin{array}{l} L_{b.t}\!\coloneqq\!167.0\textit{cm} \\ K_{x.y}\!\coloneqq\!1.0 \end{array}$	$G \coloneqq 7692 \ \frac{kN}{cm^2}$

### 4.6.3.4 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo x)

#### a) Flambagem local da alma (FLA)

Sendo o índice de esbeltez da alma e o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas, conforme a Tabela G.1 do Anexo G da NBR 8800:2008:

$$\lambda := \frac{d'}{t_w} = 25.97 \qquad \qquad \lambda_p := 3.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 90.53$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta!

Conforme o item G.2.1 do Anexo G da NBR 8800:2008, sendo o momento de plastificação:

$$M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 13075.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLA} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$ 

#### b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$

E o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ :  $\lambda_p$ 

$$_{p} \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_{y}}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta!

Assim:

$$M_{pl} := Z_x \cdot f_y = 13075.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLM:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$ 

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Índice de esbeltez:

$$\lambda \coloneqq \frac{L_{b.t}}{r_y} = 40.73$$

Limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:  $\lambda_p := 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$ 

 $\lambda > \lambda_p$  Seção semicompacta! Como:

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{\ 3} + h \cdot t_w^{\ 3} \right) = 13.111 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_x}{E \cdot J} = 0.031 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_y \cdot J}}{r_y \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot \beta_1^2}{I_y}}} = 137.805$$

Como:

 $\lambda_p < \lambda \leq \lambda_r$ 

Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1.

Sendo:

$$\begin{split} M_{m\acute{a}x} &:= M_{d.x} \!=\! 1608.7 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_B \!:=\! 781.7 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \\ \\ M_A \!:=\! 32.2 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad M_C \!:=\! 825.15 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \end{split}$$

Calcula-se o fator de modificação para diagrama de momento fletor não-uniforme (Cb), para o comprimento destravado (Lb) analisado:

$$C_b \! \coloneqq \! \frac{12.5 \cdot M_{m \acute{a} x}}{2.5 \cdot M_{m \acute{a} x} \! + \! 3 \cdot M_A \! + \! 4 \cdot M_B \! + \! 3 \cdot M_C} \! \cdot 1 \! = \! 2.07 \qquad C_b \! \le \! 3$$

Obtém-se o momento fletor correspondente ao início do escoamento, Mr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_r := (f_y - \sigma_r) \cdot W_x = 8259.3 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

 $\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$ 

$$M_{rd.FLT} \coloneqq \frac{C_b}{\gamma_{a1}} \cdot \left( M_{pl} - (M_{pl} - M_r) \cdot \frac{\lambda - \lambda_p}{\lambda_r - \lambda_p} \right) = 24745.995 \ kN \cdot cm$$
$$M_{rd.FLT} \le \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} \qquad \text{NÃO OK!}$$
$$M_{rd.FLT} \coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 11886.818 \ kN \cdot cm$$

#### d) Momento fletor resistente de cálculo

 $M_{rd.x} \! \coloneqq \! \min \left(\! M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT}\!\right) \! = \! 11886.818 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$ 

e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} = 0.135$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 86.467

### 4.6.3.5 Verificação quanto ao momento fletor (Eixo y)

#### a) Flambagem local da alma (FLA)

$$M_{pl} := Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da alma, FLA:

$$\gamma_{a1} = 1.10$$

$$M_{rd.FLA} \coloneqq \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$$

#### b) Flambagem local da mesa comprimida (FLM)

De forma semelhante, sendo o índice de esbeltez da mesa:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09$$

Obtém-se o parâmetro de esbeltez limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 0.38 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 9.15$$

Como:  $\lambda < \lambda_p$  Seção compacta.

$$M_{pl} := Z_y \cdot f_y = 4864.5 \ kN \cdot cm$$

Obtém-se o momento resistente de cálculo relativo à flambagem local da mesa, FLM:

$$\gamma_{a1} := 1.10$$
  
 $M_{rd.FLM} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ \textbf{kN} \cdot \textbf{cm}$ 

#### c) Flambagem lateral com torção (FLT)

Índice de esbeltez:

$$\lambda \coloneqq \frac{L_b}{r_x} = 67.13$$

Limite para seções compactas,  $\lambda_p$ , através da Tabela G.1:

$$\lambda_p \coloneqq 1.76 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 42.38$$

$$L_{b.p.y} \coloneqq \lambda_p \cdot r_x = 367.398 \text{ cm}$$

Como:  $L_{b.p.y} < L_{b.y}$  Seção semicompacta!

Calcula-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

Conforme a nota 5 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008, a tensão residual de compressão nas mesas,  $\sigma_r$ , deve ser tomada igual a 30% da resistência ao escoamento do aço utilizado:

$$\sigma_r \coloneqq 0.3 \cdot f_y = 10.35 \frac{kN}{cm^2}$$

Sendo a constante de torção da seção transversal, J:

-

· •

$$J := \frac{1}{3} \cdot \left( 2 \cdot b_f \cdot t_f^{\ 3} + h \cdot t_w^{\ 3} \right) = 13.111 \ cm^4$$

Conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$\beta_1 \coloneqq \frac{\left(f_y - \sigma_r\right) \cdot W_y}{E \cdot J} = 0.009 \frac{1}{cm}$$

Obtém-se o limite de esbeltez para seções semicompactas,  $\lambda_r$ .

$$\lambda_r \coloneqq \frac{1.38 \cdot \sqrt{I_x \cdot J}}{r_x \cdot J \cdot \beta_1} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + \frac{27 \cdot C_w \cdot {\beta_1}^2}{I_x}}} = 427.62$$

$$L_{b.r.y} \coloneqq \lambda_r \cdot r_x = 3707.468 \ \textit{cm}$$

Como:

 $L_{b.y} < L_{b.r.y}$  Obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1.

Sendo:

$$C_b \! \coloneqq \! 2.54 \qquad C_b \! \le \! 3$$

Obtém-se o momento fletor de flambagem elástica, Mcr, conforme a nota 1 da Tabela G.1 da NBR 8800:2008:

$$M_{cr} := \frac{C_b \cdot \pi^2 \cdot E \cdot I_x}{{L_b}^2} \cdot \sqrt{\frac{C_w}{I_x}} \left(1 + 0.039 \cdot \frac{J \cdot {L_b}^2}{C_w}\right) = 42750.95 \ kN \cdot cm$$

Assim, obtém-se o momento fletor resistente de cálculo conforme o item b) do item G.2.1, relativo à flambagem lateral com torção:

 $\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$ 

$$M_{rd.FLT} := \frac{M_{pl}}{\gamma_{a1}} = 4422.273 \ kN \cdot cm$$

#### d) Momento fletor resistente de cálculo

 $M_{rd.y} \coloneqq \min\left(M_{rd.FLA}, M_{rd.FLM}, M_{rd.FLT}\right) = 4422.273 \text{ kN} \cdot \text{cm}$ 

e) Verificação

$$i_a := \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} = 0.004$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 99.552

#### 4.6.3.6 Verificação quanto ao esforço cortante

Conforme o item 5.4.3.1 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular à alma (eixo de maior momento de inércia):

Parâmetro Kv: para almas sem enrijecedores transversais:

$$K_n := 5.0$$

Sendo:

$$\begin{split} \lambda \coloneqq & \frac{d'}{t_w} = 25.97 \qquad \qquad \lambda_p \coloneqq 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} = 59.22 \\ \lambda \leq & \lambda_p \end{split}$$

Como:

Sendo a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} \coloneqq 0.60 \cdot (d \cdot t_w) \cdot f_y = 257.963 \ kN$$

Obtém-se a força cortante resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1}\!\coloneqq\!1.10$$

 $V_{Rd}\!\coloneqq\!\frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}}\!=\!234.51~{\it kN}$ 

a) Verificação



## 4.6.3.7 Verificação quanto a força cortante (Eixo x)

Conforme o item 5.4.3.5 da NBR 8800:2008, para peças fletidas em relação ao eixo central de inércia perpendicular às mesas (eixo de menor momento de inércia):

Parâmetro K<sub>v</sub>: Conforme o item 5.4.3.5 da NBR 8800:2008:  $K_v := 1.2$ 

Sendo:

$$\lambda := \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09 \qquad \qquad \lambda_p := 1.10 \cdot \sqrt{\frac{K_v \cdot E}{f_y}} = 29.01$$

Como:  $\lambda \leq \lambda_p$ 

Calcula-se a força cortante correspondente à plastificação da alma por cisalhamento:

$$V_{pl} \! \coloneqq \! 0.60 \boldsymbol{\cdot} \left( 2 \boldsymbol{\cdot} b_{f} \boldsymbol{\cdot} t_{f} \right) \boldsymbol{\cdot} f_{y} \! = \! 696.762 \ \boldsymbol{kN}$$

E obtém-se a força cortante resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{V_{pl}}{\gamma_{a1}} = 633.42 \ kN$$

#### a) Verificação



#### 4.6.3.8 Verificação quanto ao esforço normal: compressão

# a) Índice de esbeltez :

Sendo:

$$L_{b.x} = 660 \text{ cm}$$
  $L_{b.y} := 167 \text{ cm}$   $K_{x.y} := 1.0$   
 $L_z := 167 \text{ cm}$   $K_z := 1$ 

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x := \frac{L_{b.x} \cdot K_{x.y}}{r_x} = 76.12$$
  $\lambda_x := \frac{L_{b.y} \cdot K_{x.y}}{r_y} = 40.73$  OK!

#### b) Força crítica por flambagem global por flexão

Para seções duplamente simétricas, obtém-se a força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_{b.x}\right)^2} = 1557.48 \ \textbf{kN} \qquad N_{ey} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_{b.y}\right)^2} = 5407.42 \ \textbf{kN}$$

E a força crítica axial de flambagem global elástica por torção:

$$N_{ez} := \frac{1}{r_0^2} \cdot \left( \frac{\pi^2 \cdot E \cdot C_w}{\left( K_z \cdot L_z \right)^2} + G \cdot J_t \right) = 29803.975 \text{ kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

$$N_e \coloneqq min(N_{ex}, N_{ey}, N_{ez}) = 1557.476 \text{ kN}$$

#### c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

### Elemento AL (Qs):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 4 da Tabela F.1:



Sendo: 
$$\lambda_{inf} \coloneqq 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 13.48$$
  $\lambda_{sup} \coloneqq 1.03 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 24.8$ 

E sendo:

$$\lambda \coloneqq \frac{b_f}{2 \cdot t_f} = 8.09 \qquad \qquad \lambda < \lambda_{inf}$$

Então, de acordo com o item b) do item F.2 da NBR 8800:2008:  $Q_s\!\coloneqq\!1$ 

## Elemento AA (Qa):

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.3, para elementos comprimido AA, referentes ao grupo 2 da Tabela F.1:



Sendo: 
$$\lambda_{inf} \coloneqq 1.49 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 35.87$$
  $\lambda \coloneqq \frac{d'}{t_w} = 25.97$ 

Como:  $\lambda \leq \lambda_{inf}$ 

Então, de acordo com o item b) do item F.1.2 da NBR 8800:2008:  $Q_a \coloneqq 1.0$ 

Assim, obtém-se o fator de redução associado à flambagem local:

$$Q \coloneqq Q_s \cdot Q_a = 1$$

### d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008, sendo:

$$\lambda_0 \coloneqq \sqrt{\frac{Q \cdot A \cdot f_y}{N_e}} = 1.006$$

### e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

De acordo com o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $\lambda_0 \leq 1.5$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:

 $X\!\coloneqq\!0.658^{\lambda_0^2}\!=\!0.655$ 

#### f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

Sendo o coeficiente de ponderação relativo ao escoamento da seção bruta, para combinações normais:  $\gamma_{a1} := 1.10$ 



### g) Verificação:

Folga (%):



### 4.6.3.9 Verificação quanto aos esforços combinados

Conforme o item 5.5 da NBR 8800:2008, para barras prismáticas submetidas à combinação de esforços solicitantes, sendo:

$$\frac{N_d}{N_{c.Rd}} {<} 0.2$$

Tem-se que:

$$\frac{N_d}{2 \cdot N_{c.Rd}} + \frac{M_{d.x}}{M_{rd.x}} + \frac{M_{d.y}}{M_{rd.y}} = 0.143 \qquad 0.143 \le 1 \qquad \text{OK!}$$

#### 4.7 Dimensionamento do contraventamento vertical (NBR 8800:2008) - B7329

### 4.7.1 Esforço solicitante (tração)

O dimensionamento das barras de contraventamento vertical e horizontal será realizado admitindo-se que estas trabalham apenas à tração.

O esforço normal será determinado através da força atuante no nó do contraventamento do pilar, sendo esta força proveniente do vento a 0º atuando na estrutura.

Comprimento de influência para cada pilar:



Carregamento devido o vento:

$$F_d := (0.7 + 0.3) \cdot q \cdot L_{inf.pilar} = 0.815 \frac{kN}{m}$$



 $F_{d.n} = 3.1 \ kN$   $N_d = 1.4 \cdot F_{d.n} = 4.34 \ kN$ 

### (Tração).

# 4.7.2 Propriedades: Perfil L 100x4.25 (4"x3/16") - Aço CF26

# 4.7.3 Análise ELU

# 4.7.3.1 Verificação quanto ao esforço normal

# a) Índice de esbeltez :

Conforme o item 5.2.8.1 da NBR 8800:2008, para barras tracionadas:  $(\lambda \le 300)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x := \frac{L_{b.x} \cdot K_{x.y}}{r_x} = 92.405$$
  $\lambda_y := \frac{L_{b.y} \cdot K_{x.y}}{r_y} = 184.494$  OK!

#### b) Escoamento da seção bruta:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$N_{t.Rd} \coloneqq \frac{A_g \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 184.87 \text{ kN}$$

b) Verificação:

$$i_a := \frac{N_d}{N_{t.Rd}} = 0.023$$
 OK!

Folga (%):

 $\left(1\!-\!i_a\right)\!\cdot 100\!=\!97.652$ 

#### 4.8 Dimensionamento do contraventamento horizontal (NBR 8800:2008) - B6651

# 4.8.1 Esforço solicitante (tração)

O esforço normal será determinado através da força atuante no nó do contraventamento de cada terça, sendo esta força proveniente do vento a 0º atuando na estrutura, transmitida através dos pilares de oitão.



 $N_d \coloneqq 6.6 \ \mathbf{kN}$ 

### 4.8.2 Propriedades: Barra redonda 12.70 (1/2") - Aço ASTM A572 Gr. 50

Conforme o item 5.2.7 da NBR 8800:2008, a força resistente de cálculo será determinada considerando-se os estados limites-últimos de escoamento da seção bruta, disposto em 5.2.2a, assim como conforme o item 6.3.3.1 da referida norma.

$$\begin{aligned} f_{u} &\coloneqq 45 \; \frac{kN}{cm^{2}} & d_{b} &\coloneqq 1.27 \; cm & \gamma_{a1} &\coloneqq 1.1 \\ f_{y} &\coloneqq 34.5 \; \frac{kN}{cm^{2}} & A_{g} &\coloneqq \frac{\pi \cdot d_{b}^{2}}{4} &\equiv 1.267 \; cm^{2} & \gamma_{a2} &\coloneqq 1.35 \\ A_{be} &\coloneqq 0.75 \cdot A_{g} &\equiv 0.95 \; cm^{2} \end{aligned}$$

4.8.3 Análise ELU

#### a) Escoamento da seção bruta:

$$N_{t.Rd.1} \coloneqq \frac{f_y \cdot A_g}{\gamma_{a1}} = 39.73 \ kN$$

b) Ruptura da seção líquida:

$$N_{t.Rd.2} \coloneqq \frac{f_u \cdot A_{be}}{\gamma_{a2}} = 31.669 \ kN$$

c) Força resistente de cálculo:

 $N_{t.Rd} \! := \! \min \left(\! N_{t.Rd.1}, \! N_{t.Rd.2} \! \right) \! = \! 31.669 \ \textit{kN}$ 

d) Verificação:

$$i_a := \frac{N_d}{N_{t.Rd}} = 0.208$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 79.16

#### 4.9 Dimensionamento das correntes rígidas (NBR 8800:2008) - B6682

### 4.9.1 Esforço solicitante

Os correntes serão posicionadas a cada um terço dos vão das terças, de forma a diminuir o comprimento de flambagem do eixo de menor inércia, o eixo y. Assim, os carregamentos da correntes serão determinados através dos esforços na direção do eixo x das terças, considerando a área de influência de cada corrente.

Eixo x das terças:

$$P_{próp} \coloneqq 0.07 \frac{kN}{m} \qquad G_{per.tel} \coloneqq 0.085 \frac{kN}{m}$$

$$G_{per} \coloneqq (P_{próp} + G_{per.tel}) = 0.155 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc} \coloneqq 0.25 \frac{kN}{m}$$

$$G_{per.x} \coloneqq G_{per} \cdot \sin(\alpha) = 0.015 \frac{kN}{m} \qquad Q_{sc.w.0.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$

$$Q_{sc.w.0.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$

$$Q_{sc.w.90.x} \coloneqq 0 \frac{kN}{m}$$

• Combinação 1 - ELUN

$$Q_{d.x} \coloneqq 1.25 \cdot G_{per.x} + 1.5 \cdot Q_{sc.x} = 0.056 \ \frac{kN}{m}$$

Sendo o comprimento de influência de cada corrente:  $L_{terca} := 5 \ m$ 

5

5

$$L_{inf.cor} \coloneqq \frac{L_{terça}}{3} = 1.667 \text{ m}$$

Obtém-se a força de compressão na corrente rígida mais solicitada:

$$N_d \coloneqq L_{inf.cor} \cdot Q_{d.x} \equiv 0.094 \ kN$$
 (Compressão)

# 4.9.2 Propriedades: Perfil L 50,8x3.2 (2"x1/8") - Aço ASTM A572 Gr. 50

### 4.9.3 Análise ELU

### 4.9.3.1 Verificação quanto ao esforço normal

### a) Índice de esbeltez

Conforme o item 5.3.4.1 da NBR 8800:2008, para barras comprimidas:  $(\lambda \le 200)$ 

Sendo: 
$$\lambda_x := \frac{L_b \cdot K_{x.y}}{r_x} = 121.875$$
  $\lambda_x := \frac{L_b \cdot K_{x.y}}{r_y} = 121.875$  OK!

### b) Força crítica por flambagem global por flexão

Força crítica axial de flambagem global elástica em relação aos eixos x e y, conforme o Anexo E da NBR 8800:2008:

$$N_{ex} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{\left(K_{x.y} \cdot L_b\right)^2} = 41.06 \ \textbf{kN} \qquad \qquad N_{ey} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(K_{x.y} \cdot L_b\right)^2} = 41.06 \ \textbf{kN}$$

Assim, obtém-se a força crítica axial de flambagem como sendo o menor dos dois valores:

$$N_e := min(N_{ex}, N_{ey}) = 41.062 \ kN$$

c) Fator de redução total associado à flambagem local: Q

Conforme o Anexo F da NBR 8800:2008, em seu item F.2, para elementos comprimido AL, referentes ao grupo 3 da Tabela F.1:



Sendo que, se a seção possuir apenas elementos AL, conforme é o caso:

$$Q := Q_s = 0.836$$

### d) Índice de esbeltez reduzido

Conforme o item 5.3.3.2 da NBR 8800:2008, sendo:

$$\lambda_0 \! \coloneqq \! \sqrt{\frac{Q \boldsymbol{\cdot} A \boldsymbol{\cdot} f_y}{N_e}} \! = \! 5.665$$

#### e) Fator de redução associado à resistência global à compressão: X

Conforme o item 5.3.3.1 da NBR 8800:2008, sendo:  $\lambda_0 > 1.5$ 

Obtém-se o fator X através da seguinte equação:

$$X \coloneqq \frac{0.877}{\lambda_0^2} = 0.027$$

#### f) Força axial resistente de cálculo

Assim, obtém-se a força axial resistente de cálculo:

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.10$$

$$N_{c.Rd} \coloneqq \frac{X \cdot Q \cdot A \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 32.737 \text{ kN}$$

#### g) Verificação:

Folga (%):

$$i_a := \frac{N_d}{N_{c.Rd}} = 0.003$$
 OK!  $(1 - i_a) \cdot 100 = 99.712$ 

#### 4.10 Dimensionamento das correntes flexíveis (NBR 8800:2008) - B7854



A corrente mais solicitada está localizada na cumeeira e suporta seis terças:

$$N_d \coloneqq \frac{6 \cdot N_d}{\cos(\theta)} = 0.868 \ \mathbf{kN}$$

#### 4.10.2 Propriedades: Barra redonda 12.7 (1/2") - Aço ASTM A572 Gr. 50

Conforme o item 5.2.7 da NBR 8800:2008, a força resistente de cálculo será determinada considerando-se os estados limites-últimos de escoamento da seção bruta, disposto em 5.2.2a, assim como conforme o item 6.3.3.1 da referida norma.

Sendo:

- - -

$$\begin{aligned} f_{u} &\coloneqq 45 \; \frac{kN}{cm^{2}} & d_{b} &\coloneqq 1.27 \; cm & \gamma_{a1} &\coloneqq 1.1 \\ f_{y} &\coloneqq 34.5 \; \frac{kN}{cm^{2}} & A_{g} &\coloneqq \frac{\pi \cdot d_{b}^{2}}{4} &\equiv 1.267 \; cm^{2} & \gamma_{a2} &\coloneqq 1.35 \\ A_{be} &\coloneqq 0.75 \cdot A_{g} &\equiv 0.95 \; cm^{2} \end{aligned}$$

4.10.3 Análise ELU

#### a) Escoamento da seção bruta:

$$N_{t.Rd.1} \! \coloneqq \! \frac{f_y \! \cdot \! A_g}{\gamma_{a1}} \! = \! 39.73 \, \mathbf{kN}$$

b) Ruptura da seção líquida:

$$N_{t.Rd.2} \! \coloneqq \! \frac{f_u \! \cdot \! A_{be}}{\gamma_{a2}} \! = \! 31.669 \, \textit{kN}$$

c) Força resistente de cálculo:

$$N_{t.Rd} \coloneqq min\left(N_{t.Rd.1}, N_{t.Rd.2}\right) = 31.669 \ kN$$

d) Verificação:

$$i_a := \frac{N_d}{N_{t.Rd}} = 0.027$$
 OK! Folga (%):  
(1- $i_a$ ) • 100 = 97.258

#### 4.11 Dimensionamento das bases dos pilares

## 4.11.1 Cálculo das bases dos pórticos principais

Reações na base para cada combinação ELUN:

Combinação ELUN	Msd (kN.cm)	Nsd (kN)	Rh (kN)
C1	5445,65	60,26	22,9
C2	3433,02	21,1	10,76
C3	2552,57	19,7	11,3
C4	5637,98	52,51	24,27
C5	4192,13	47,29	18,17
C6	5016,18	44,35	22,4
C7	2681,24	35,85	12,48
C8	3476,13	20,87	10,94
C9	3736,9	19,28	17,2

Combinação mais crítica: C4.

 $N_{sd} = 52.51 \ kN$ 

$$M_{sd} = 5637.98 \ kN \cdot cm$$

$$R_h = 24.27 \ kN$$

# 4.11.1.1 Chapa de base

 $d \coloneqq 5 \ cm$  $A \coloneqq 45 \ cm$ *B* ≔ 45 *cm* 

*h* ≔ 24.6 *cm* 

HP 250 x 62,0 (H) PLACA DE BASE: ASTM A36

PERFIS:

Tensão de compressão no concreto:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{N_{sd}}{A \cdot B} + \frac{6 \cdot M_{sd}}{B \cdot A^2} = 0.397 \frac{kN}{cm^2}$$

Tensão de tração no concreto:

$$\sigma_t \coloneqq \frac{N_{sd}}{A \cdot B} - \frac{6 \cdot M_{sd}}{B \cdot A^2} = -0.345 \frac{kN}{cm^2}$$

Parâmetros geométricos:

$$c \coloneqq \frac{\sigma_c \cdot A}{\sigma_c + |\sigma_t|} = 24.072 \text{ cm}$$
  
$$a \coloneqq \frac{A}{2} - \frac{c}{3} = 14.476 \text{ cm}$$
  
$$Y \coloneqq A - d - \frac{c}{3} = 31.976 \text{ cm}$$

 $n_c\!\coloneqq\!3$ 

Esforço de tração na linha de chumbadores tracionados:

$$T \coloneqq \frac{M_{sd} - N_{sd} \cdot a}{Y} = 152.546 \ kN$$

Esforço por chumbador:

$$T_{ch} := \frac{T}{n_c} = 50.849 \ kN$$

Resistência do concreto a compressão:

Adotando a pior das hipóteses, tem-se que: 
$$\frac{A_1}{A_2} = 1 \qquad f_{ck} := 2.5 \frac{kN}{cm^2}$$
$$\sigma_{c.Rd} := \frac{f_{ck}}{1.4 \cdot 1.4} \cdot \sqrt{\frac{A_2}{A_1}} \qquad \sigma_{c.Rd} := \frac{f_{ck}}{1.4 \cdot 1.4} \cdot \sqrt{1} = 1.276 \frac{kN}{cm^2}$$
$$\sigma_c = 0.397 \frac{kN}{cm^2} \qquad \sigma_{c.Rd} > \sigma_c \qquad \text{OK!}$$

Momento fletor na chapa de base (método aproximado):

$$f := \frac{A}{2} - \frac{h}{2} = 10.2 \ \textit{cm}$$
  $M_{ch} := \frac{\sigma_c \cdot f^2}{2} = 20.66 \ \textit{kN}$ 

Espessura da chapa:

$$f_y \coloneqq 25 \frac{kN}{cm^2}$$

$$t := \sqrt{\frac{6 \cdot M_{ch}}{1.35 \cdot f_y}} = 19.165 \ mm \qquad \qquad t := 25 \ mm$$

MR 250:

Utilizar chapas de #25mm (1").



#### 4.11.1.2 Chumbadores

MR 250: 
$$F_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$$

Força cortante por chumbador:

$$V_{sd} := \frac{R_h}{2 \cdot n_c} = 4.045 \ kN$$

Diâmetro do chumbador:

$$d_{ch} \coloneqq \sqrt{1.27 \cdot \sqrt{\frac{11.39 \cdot V_{sd}^{2} + 3.24 \cdot T_{ch}^{2}}{F_{u}^{2}}}} = 17.141 \text{ mm} \qquad d_{ch} \coloneqq 19 \text{ mm}$$

Utilizar 6 chumbadores de 19mm(3/4").

#### 4.11.1.3 Comprimento de ancoragem dos chumbadores

Comprimento embutido mínimo:  $L_c := 12 \cdot d_{ch} = 22.8 \ cm$   $L_c := 23 \ cm$ 

$$X \coloneqq 16 \ \textit{cm}$$

$$A_{cone} \coloneqq \pi \cdot L_c^{2} - \left(\frac{\pi \cdot L_c^{2} \ \operatorname{acos}\left(\frac{X}{2 \cdot L_c}\right)}{180}\right) + \frac{X}{2} \cdot \sqrt{L_c^{2} - \frac{X^{2}}{4}} = 1823.191 \ \textit{cm}^{2}$$

$$A_{cone.nec} \coloneqq \frac{T_{ch}}{0.055 \cdot f_{ck}} = 369.809 \ cm^2$$

$$A_{cone} \ge A_{cone.nec}$$
 OK!

Comprimento de ancoragem de 23cm, com porca e arruela na extremidade.

### 4.11.2 Cálculo das bases dos pilares do oitão

Reações na base dos pilares de oitão:

$$N_{sd} := 5.46 \ kN$$
  $M_{sd} := 1608.73 \ kN \cdot cm$   $R_h := 11.82 \ kN$ 

PERFIS:

PLACA DE BASE: ASTM A36

# 4.11.2.1 Chapa de base

 $A \coloneqq 40 \ \mathbf{cm}$   $B \coloneqq 30 \ \mathbf{cm}$   $d \coloneqq 5 \ \mathbf{cm}$ 

 $h \coloneqq 20.1 \text{ cm}$ 

750 (mínimo)

Tensão de compressão no concreto:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{N_{sd}}{A \cdot B} + \frac{6 \cdot M_{sd}}{B \cdot A^2} = 0.206 \frac{kN}{cm^2}$$

Tensão de tração no concreto:

$$\sigma_t \coloneqq \frac{N_{sd}}{A \cdot B} - \frac{6 \cdot M_{sd}}{B \cdot A^2} = -0.197 \frac{kN}{cm^2}$$

Parâmetros geométricos:

$$c := \frac{\sigma_c \cdot A}{\sigma_c + |\sigma_t|} = 20.453 \text{ cm}$$
  
$$a := \frac{A}{2} - \frac{c}{3} = 13.182 \text{ cm}$$
  
$$Y := A - d - \frac{c}{3} = 28.182 \text{ cm}$$

 $n_c\!\coloneqq\!2$ 



Esforço de tração na linha de chumbadores tracionados:

$$T \coloneqq \frac{M_{sd} - N_{sd} \cdot a}{Y} = 54.529 \ kN$$

Esforço por chumbador:

$$T_{ch} := \frac{T}{n_c} = 27.264 \text{ kN}$$

Resistência do concreto a compressão:

$$f_{ck} \coloneqq 2.5 \; rac{kN}{cm^2}$$

Adotando a pior das hipóteses, tem-se que:

$$\frac{A_2}{A_1} = 1$$

$$\sigma_{c.Rd} \coloneqq \frac{f_{ck}}{1.4 \cdot 1.4} \cdot \sqrt{\frac{A_2}{A_1}} \qquad \sigma_{c.Rd} \coloneqq \frac{f_{ck}}{1.4 \cdot 1.4} \cdot \sqrt{1} = 1.276 \frac{kN}{cm^2}$$
$$\sigma_c = 0.206 \frac{kN}{cm^2} \qquad \sigma_{c.Rd} > \sigma_c \qquad \text{OK!}$$

Momento fletor na chapa de base (método aproximado):

$$f \coloneqq \frac{A}{2} - \frac{h}{2} = 9.95 \ cm$$
  
 $M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma_c \cdot f^2}{2} = 10.179 \ kN$ 

MR 250:

Espessura da chapa:

.

$$f_y \coloneqq 25 \ rac{kN}{cm^2}$$

$$t \coloneqq \sqrt{\frac{6 \cdot M_{ch}}{1.35 \cdot f_y}} = 13.452 \text{ mm}$$
 Utilizar chapas de #16mm (5/8").

### 4.11.2.2 Chumbadores

MR 250: 
$$F_u \coloneqq 40 \frac{kN}{cm^2}$$

Força cortante por chumbador:

$$V_{sd} \coloneqq \frac{R_h}{2 \cdot n_c} = 2.955 \ \mathbf{kN}$$

Diâmetro do chumbador:

$$d_{ch} \coloneqq \sqrt{1.27 \cdot \sqrt{\frac{11.39 \cdot V_{sd}^{2} + 3.24 \cdot T_{ch}^{2}}{F_{u}^{2}}}} = 12.61 \text{ mm} \qquad d_{ch} \coloneqq 16 \text{ mm}$$

Utilizar 4 chumbadores de 16mm (5/8").

#### 4.11.2.3 Comprimento de ancoragem dos chumbadores

Comprimento embutido mínimo:  $L_c \coloneqq 12 \cdot d_{ch} = 19.2 \ cm$   $L_c \coloneqq 20 \ cm$ 

 $X \coloneqq 16 \ \mathbf{cm}$ 

$$A_{cone} \coloneqq \pi \cdot L_c^2 - \left(\frac{\pi \cdot L_c^2 \operatorname{acos}\left(\frac{X}{2 \cdot L_c}\right)}{180}\right) + \frac{X}{2} \cdot \sqrt{L_c^2 - \frac{X^2}{4}} = 1395.186 \ \mathrm{cm}^2$$
$$A_{cone.nec} \coloneqq \frac{T_{ch}}{0.055 \cdot f_{ck}} = 198.286 \ \mathrm{cm}^2$$

 $A_{cone} \ge A_{cone.nec}$  OK!

Comprimento de ancoragem de 20cm, com porca e arruela na extremidade.

4.12 Ligação viga-pilar (pórticos principais) - rígida

Perfis: Viga: W360x32.9 - Aço ASTM572 Gr. 50

Pilar: W250x62 (HP) - Aço ASTM572 Gr. 50

#### Ligação com chapa de cabeça.

Esforços:

$M_{s.d} \! := \! 8291.62 \ \mathbf{kN} \cdot \mathbf{cm}$	$V_{s.d} \coloneqq 28.30$ kN	$N_{s.d}\!\coloneqq\!25.84~{\it kN}$
		(Compressão).





Chapa de ligação

Geometria:

MR 250: 
$$f_y := 25 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$ 

$$b := 15 \ cm$$
  $h := 48.9 \ cm$ 

$$W := \frac{b \cdot h^2}{6} = 5978.025 \ cm^3$$
$$A := b \cdot h = 733.5 \ cm^2$$

# 4.12.1 Ruptura da solda nas mesas

W360x32.9:  $W_x := 479 \ cm^3 \qquad A := 42.1 \ cm^2$ 

Tensão de tração na solda:

$$\sigma_t \! := \! \frac{M_{s.d}}{W_x} \! - \! \frac{N_{s.d}}{A} \! = \! 16.696 \; \frac{\textit{kN}}{\textit{cm}^2}$$

Tensão de compressão na solda:

$$\sigma_{c} \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W_{x}} + \frac{N_{s.d}}{A} = 17.924 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^{2}}$$

Será considerado que toda a mesa suporta totalmente a tração, ao passo que toda a alma suporta todo o esforço cortante.

Resistência da solda à tração:

Metal-Base:

ASTM A572 Gr. 50: 
$$f_y := 34.5 \frac{kN}{cm^2}$$
  $\gamma_{a1} := 1.1$ 

Solda na mesa de penetração total.

$$N_{w.Rd} = \frac{A_{MB} \cdot f_y}{\gamma_{a1}} \qquad \text{Para a solda em toda a mesa:} \qquad \frac{N_{w.Rd}}{A_{MB}} = \sigma_{MB} = \frac{f_y}{\gamma_{a1}}$$

Tensão resistente da solda:

$$\sigma_{MB} \coloneqq \frac{f_y}{\gamma_{a1}} = 31.364 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2} \qquad \sigma_t = 16.696 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2} \qquad \sigma_t < \sigma_{MB} \qquad \text{OK!}$$

### 4.12.2 Ruptura da solda nas alma

Comprimento do filete de solda por face:

$$d \coloneqq 34.9 \ \textit{cm}$$
  $t_f \coloneqq 0.85 \ \textit{cm}$   $d_r \coloneqq 2 \ \textit{cm}$   $L \coloneqq d - 2 \cdot t_f - 2 \cdot d_r = 29.2 \ \textit{cm}$ 

Espessura da alma: 
$$t_w \coloneqq 0.58 \ cm$$

Tensão de tração máxima atuante na solda da alma:

$$\sigma_{t.al} \coloneqq 14.87 \ \frac{kN}{cm^2}$$

Força cortante por filete de solda:

$$V_{w.s.d} \coloneqq \frac{V_{s.d}}{2} = 14.15 \text{ kN}$$

Força cortante por comprimento de filete:

$$V_{w.Sd} \coloneqq \frac{V_{w.s.d}}{L} = 0.485 \frac{kN}{cm}$$

Força de tração por comprimento de filete:

$$N_{w.t} \coloneqq \frac{\sigma_{t.al} \cdot t_w}{2} = 4.312 \frac{kN}{cm}$$

Força total atuante por comprimento de filete:

Tamanho mínimo da perna de solda:  $d_w \coloneqq 0.3 \ cm$ 

Menor espessura do metal-base na junta mm	Tamanho mínimo da perna da solda de filete, $d_{\rm w}$ <sup>a</sup> mm
Abaixo de 6,35 e até 6,35	3
Acima de 6,35 até 12,5	5
Acima de 12,5 até 19	6
Acima de 19	8
<sup>a</sup> Executadas somente com um passe.	



$$N_{V.w} \coloneqq \sqrt{{V_{w.Sd}}^2 + {N_{w.t}}^2} = 4.339 \; rac{kN}{cm}$$

Força resistente (metal da solda):

$$\gamma_{w2} := 1.35 \qquad A_w := d_w \cdot \sin(45) = 0.255 \frac{cm^2}{cm} \qquad \text{E-7018:} \qquad f_w := 48.5 \frac{kN}{cm^2}$$
$$N_{w.Rd} := \frac{0.6 \cdot A_w \cdot f_w}{\gamma_{w2}} = 5.503 \frac{kN}{cm}$$
$$N_{V.w} = 4.339 \frac{kN}{cm} \qquad N_{V.w} < N_{w.Rd} \qquad \text{OK!}$$

Força resistente (metal base):

$$N_{MB,Rd} \coloneqq \frac{2 \cdot d_w \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 18.818 \frac{kN}{cm}$$
$$N_{V,w} = 4.339 \frac{kN}{cm} \qquad N_{V,w} < N_{MB,Rd} \qquad \text{OK!}$$

Utilizar dois filetes de 3mm com 29.2cm em cada lado da alma.

### 4.12.3 Resistência dos parafusos

Para que haja equilíbrio, a soma dos momentos estáticos acima da linha neutra deve ser igual a dos momentos estáticos abaixo da linha neutra.

Para um retângulo:

$$M_x = \frac{b \cdot y^2}{2}$$

Para um círculo:

$$M_{x'} = \frac{\pi \cdot di^2}{4} \left( di - y \right)$$

Cálculo da altura da linha neutra, y:

$$\frac{b \cdot y^2}{2} = \sum \frac{\pi \cdot d^2}{4} \left( di - y \right)$$

Adotando:

$$d \coloneqq 12 \ mm$$

$$A_i \coloneqq \frac{\boldsymbol{\pi} \cdot \boldsymbol{d}^2}{4} = 1.131 \ \boldsymbol{cm}^2$$

Assim:

$$\frac{b \cdot y^2}{2} = 2 \cdot A_i \cdot (d_1 - y) + 2 \cdot A_i \cdot (d_2 - y) + 2 \cdot A_i \cdot (d_3 - y)$$



$b \coloneqq 15 \ cm$	
$d_1 \! \coloneqq \! 11.35$	cm

 $\begin{array}{l} d_2\!\coloneqq\!37.55 \,\, {\it cm} \\ d_3\!\coloneqq\!45.4 \,\, {\it cm} \end{array}$
Resolvendo:  $y \coloneqq 4.89 \ cm$ 

Momento de inércia da seção:

$$I \coloneqq \frac{b \cdot y^{3}}{3} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{1} - y)^{2} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{2} - y)^{2} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{3} - y)^{2} = 6803.799 \ cm^{4}$$

$$A := 6 \cdot A_i + y \cdot b = 80.136 \ cm^2$$

$$W = \frac{I}{d_i} \qquad \qquad \sigma_i = \frac{M_{s.d}}{W} - \frac{N_{s.d}}{A} \qquad \qquad \sigma_i = \frac{M_{s.d} \cdot d_i}{I} - \frac{N_{s.d}}{A}$$

Esforço de tração em cada linha de parafusos:

$$\sigma_{1} \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_{1} - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 7.55 \frac{kN}{cm^{2}} \qquad T_{1} \coloneqq \sigma_{1} \cdot A_{i} = 8.539 \ kN$$
$$\sigma_{2} \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_{2} - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 39.479 \frac{kN}{cm^{2}} \qquad T_{2} \coloneqq \sigma_{2} \cdot A_{i} = 44.65 \ kN$$

$$\sigma_3 \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_3 - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 49.046 \frac{kN}{cm^2} \qquad T_3 \coloneqq \sigma_3 \cdot A_i = 55.47 \ kN$$

Resistência dos parafusos a tração e cortante combinados:

Parafuso adotado: ASTM A325 de 12mm.

$$\begin{array}{ll} f_{u}\!\!:=\!72.5\,\frac{k\!N}{c\!m^{2}} & d\!:=\!1.2\,c\!m \\ \gamma_{a2}\!\!:=\!1.35 & A_{b}\!\!:=\!\frac{\pi\!\cdot\!d^{2}}{4}\!\!=\!1.131\,c\!m^{2} \end{array}$$

Esforço de tração resistente:

$$N_{t.Rd} \coloneqq \frac{0.75 \cdot A_b \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 45.553 \ \textbf{kN}$$

$$T_3 > N_{t.Rd}$$
 NÃO OK!:

Adotando:  $d \coloneqq 1.6 \ cm$ 

$$A_i\!\!:=\!\!\frac{\pmb{\pi}\!\cdot\!d^2}{4}\!\!=\!2.011\;\pmb{cm}^2$$

Assim:

$$\frac{b \cdot y^2}{2} = 2 \cdot A_i \cdot (d_1 - y) + 2 \cdot A_i \cdot (d_2 - y) + 2 \cdot A_i \cdot (d_3 - y)$$

#### Resolvendo: *y* ≔ 6.34 *cm*

Momento de inércia da seção:

$$I := \frac{b \cdot y^{3}}{3} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{1} - y)^{2} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{2} - y)^{2} + 2 \cdot A_{i} \cdot (d_{3} - y)^{2} = 11427.216 \ \text{cm}^{4}$$
$$A := 6 \cdot A_{i} + y \cdot b = 107.164 \ \text{cm}^{2}$$
$$W = \frac{I}{d_{i}} \qquad \sigma_{i} = \frac{M_{s.d}}{W} - \frac{N_{s.d}}{A} \qquad \sigma_{i} = \frac{M_{s.d} \cdot d_{i}}{I} - \frac{N_{s.d}}{A}$$

Esforço de tração em cada linha de parafusos:

$$\sigma_1 \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_1 - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 3.394 \frac{kN}{cm^2} \qquad T_1 \coloneqq \sigma_1 \cdot A_i = 6.824 \ kN$$

$$\sigma_2 \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_2 - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 22.405 \frac{kN}{cm^2} \qquad T_2 \coloneqq \sigma_2 \cdot A_i = 45.048 \ kN$$

$$\sigma_3 \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot (d_3 - y)}{I} - \frac{N_{s.d}}{A} = 28.101 \frac{kN}{cm^2} \qquad T_3 \coloneqq \sigma_3 \cdot A_i = 56.5 \ kN$$

Resistência dos parafusos a tração e cortante combinados:

 $\begin{array}{ll} f_{u} \coloneqq 72.5 \; \displaystyle \frac{kN}{cm^{2}} & d \coloneqq 1.6 \; cm \\ \gamma_{a2} \coloneqq 1.35 & A_{b} \coloneqq \displaystyle \frac{\pi \cdot d^{2}}{4} = 2.011 \; cm^{2} \end{array}$ Parafuso adotado: ASTM A325 de 16mm.

Esforço de tração resistente:

$$\begin{split} N_{t.Rd} \coloneqq & \frac{0.75 \cdot A_b \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 80.983 \ \textit{kN} \\ & T_3 \leq N_{t.Rd} \quad \text{OK!} \end{split}$$

Esforço cortante resistente:

$$V_{Rd} := \frac{0.4 \cdot A_b \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 43.191 \ \textbf{kN} \qquad n_p := 8 \qquad V_{sd} := \frac{V_{s.d}}{n_p} = 3.538 \ \textbf{kN}$$
$$V_{sd} \le V_{Rd} \qquad \text{OK!}$$

Esforços combinados:

$$\left(\!\frac{T_3}{N_{t.Rd}}\!\right)^2 + \!\left(\!\frac{V_{sd}}{V_{Rd}}\!\right)^2 = \! 0.493 \qquad 0.493 \! \le \! 1.0 \qquad \mathrm{OK!}$$

Utilizar oito parafusos ASTM A325 de 16mm (5/8").

#### 4.12.4 Chapa de extremidade

Esforços:

$$M_{s.d} \coloneqq 8291.62 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm} \qquad V_{s.d} \coloneqq 28.30 \ \textit{kN} \qquad N_{s.d} \coloneqq 25.84 \ \textit{kN} \qquad (Compressão).$$

Geometria:

*b* ≔ 15 *cm* 

MR 250:

$$f_y \coloneqq 25 \ \frac{kN}{cm^2} \qquad f_u \coloneqq 40 \ \frac{kN}{cm^2}$$

 $W := \frac{b \cdot h^2}{6} = 5978.025 \ cm^3$  $A := b \cdot h = 733.5 \ cm^2$ 

*h*≔48.9 *cm* 

Tensões atuantes:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W} + \frac{N_{s.d}}{A} = 1.422 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2}$$
$$\sigma_t \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W} - \frac{N_{s.d}}{A} = 1.352 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2}$$

#### 4.12.4.1 Região A

$$f \coloneqq 7 \ cm$$

$$M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma_c \cdot f^2}{2} = 34.845 \frac{kN \cdot cm}{cm}$$

Espessura da chapa na região A: 
$$t_A \coloneqq 2.10 \cdot \sqrt{\frac{M_{ch}}{f_y}} = 24.792 \ \textit{mm}$$

Adotar:  $t_A \coloneqq 25 \ mm$ 



#### 4.12.4.2 Região B

*f* ≔ 7.21 *cm* 

Distância do início da alma até a linha neutra, na região comprimida:

$$x \coloneqq \frac{\left(7 \text{ } \boldsymbol{cm} + 32.91 \text{ } \boldsymbol{cm}\right) \cdot \sigma_c - 7 \text{ } \boldsymbol{cm} \cdot \sigma_t}{\sigma_c + \sigma_t} = 17.051 \text{ } \boldsymbol{cm}$$

Determinação da tenção de compressão no início da região da alma:

$$\sigma \coloneqq \frac{x \cdot \sigma_c}{7 \ cm + x} = 1.008 \ \frac{kN}{cm^2} \qquad M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma \cdot f^2}{2} = 26.208 \ \frac{kN \cdot cm}{cm}$$

Espessura da chapa na região B:

$$t_B := 2.10 \cdot \sqrt{\frac{M_{ch}}{f_y}} = 21.501 \ \textit{mm}$$
  $t_B < t_A$  Adotar:  $t_B := t_A = 25 \ \textit{mm}$ 

Espessura da chapa de ligação: #25mm (1")

#### 4.12.4.3 Resistência à flexão da chapa de extremidade

- $e_1 \coloneqq 80 \ mm$  $b \coloneqq 35 \ mm$
- $e_2 \coloneqq 35 \ mm$

$$35 mm \qquad b' \coloneqq b - \frac{d}{2} = 27 mm$$

 $p := e_2 + \frac{e_1}{2} = 75 \ mm$   $a = 35 \ mm \le 1.25 \cdot b = 43.75 \ mm$ 

 $d' := d + 0.2 \ cm = 1.8 \ cm$   $a := 35 \ mm$ 

$$T_3 = 56.5 \ kN$$
  $a' := a + \frac{d}{2} = 43 \ mm$ 

*t* := 32 *mm* 

$$\frac{T_3 \cdot b' - \frac{p \cdot t^2 \cdot f_y}{5.33}}{\left(\frac{p - d'}{p}\right) \cdot \left(\frac{p \cdot t^2 \cdot f_y}{5.33}\right)} = -0.759$$

-0.759 < 0

OK! Não apresenta efeito alavanca.

#### 4.12.5 Verificação da mesa do pilar

Verificação da necessidade de enrijecedores:

Mesa tracionada:

$$t_f := 1.07 \ cm$$
  $f_y := 34.5 \ \frac{kN}{cm^2}$   $\gamma_{a1} := 1.1$ 

Esforço resistente:

$$F_{Rd} \coloneqq \frac{6.25 \cdot t_f^2 \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 224.426 \ kN$$

Esforço solicitante(simplificado, com 4 parafusos):

$$F_{Sd} \coloneqq 4 \cdot T_3 = 226.001 \ kN$$
  
 $F_{Sd} > F_{Rd}$  Necessário enrijecedores.

Regra prática: adotar a mesma espessura da mesa da viga para os enrijecedores: #8.5mm.

Mesa comprimida:

Esforço resistente:

$$k := 2 \cdot t_f = 2.14 \ cm$$
  $l := y = 6.34 \ cm$   $t_w := 1.05 \ cm$ 

$$F_{Rd} := \frac{1.1 \cdot (5 \cdot k + l) \cdot t_w \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 617.274 \ kN$$

Esforço atuante:

$$b := 15 \ cm$$
  $F_{Sd} := \frac{M_{s.d} \cdot y}{I} \cdot \frac{b \cdot y}{2} = 218.745 \ kN$ 

$$F_{Sd} \! < \! F_{Rd}$$
 OK! Não é necessário enrijecedor

4.13 Ligação viga-viga (cumeeira) - rígida

Perfil: W360x32.9

#### Ligação com chapa de cabeça.

Esforços na cumeeira:

$$M_{s.d} := 4793.445 \ \textit{kN} \cdot \textit{cm}$$
  $V_{s.d} := 2.26 \ \textit{kN}$   $N_{s.d} := 22.79 \ \textit{kN}$  (Compressão).

#### 4.13.1 Chapa de ligação

Geometria:

$$b \coloneqq 12.7 \ cm \qquad h \coloneqq 48.9 \ cm \qquad MR \ 250: \qquad f_y \coloneqq 25 \ \frac{kN}{cm^2} \qquad f_u \coloneqq 40 \ \frac{kN}{cm^2}$$
$$W \coloneqq \frac{b \cdot h^2}{6} = 5061.395 \ cm^3$$
$$A \coloneqq b \cdot h = 621.03 \ cm^2$$

Tensões atuantes:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W} + \frac{N_{s.d}}{A} = 0.984 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2}$$
$$\sigma_t \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W} - \frac{N_{s.d}}{A} = 0.91 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2}$$

4.13.1.1 Região A

• Sem erijecedores

$$f \coloneqq 7 \ \textbf{cm} \qquad M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma_c \cdot f^2}{2} = 24.102 \ \frac{\textbf{kN} \cdot \textbf{cm}}{\textbf{cm}}$$
  
Espessura da chapa na região A:  $t_A \coloneqq 2.10 \cdot \sqrt{\frac{M_{ch}}{f_y}} = 20.619 \ \textbf{mm}$ 

Adotar:  $t_A \coloneqq 25 \ mm$ 

.

• Com um erijecedor

$$a := \frac{b}{2} = 6.35 \ cm$$
  $b := 7 \ cm$   $\frac{a}{b} = 0.907$ 



Vincu	lacão E	

a/b	0,125	0,25	0,375	0,5	0,75	1
β	0,05	0,19	0,4	0,63	1,25	1,8

Interpolando:

$$\frac{1-0.75}{1.8-1.25} = \frac{0.907-0.75}{\beta-1.25} \qquad \beta \coloneqq 1.59$$

Espessura da chapa:



$$\sigma_c = 0.984 \frac{kN}{cm^2} \qquad b = 7 cm \qquad \gamma_{a2} := 1.35$$

$$t_A \coloneqq b \cdot \sqrt{\frac{\beta \cdot \sigma_c}{\gamma_{a2} \cdot f_y}} = 15.07 \ \textit{mm} \qquad \qquad t_A \coloneqq 16 \ \textit{mm}$$

Cálculo do enrijecedor:

 $h \coloneqq 100 \text{ mm}$   $b \coloneqq 127 \text{ mm}$   $f \coloneqq 7 \text{ cm}$ 

$$M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma_c \cdot b \cdot f^2}{2} = 306.096 \ kN \cdot cm$$

$$t_e := \frac{6.6 \cdot M_{ch}}{h^2 \cdot f_y} = 8.081 \ \textit{mm} \qquad t_e := 9.53 \ \textit{mm}$$

#### 4.13.1.2 Região B

#### • Sem erijecedores

Distância do início da alma até a linha neutra, na região comprimida:

$$x \coloneqq \frac{\left(7 \ \mathbf{cm} + 33.2 \ \mathbf{cm}\right) \cdot \sigma_c - 7 \ \mathbf{cm} \cdot \sigma_t}{\sigma_c + \sigma_t} = 17.514 \ \mathbf{cm}$$

Determinação da tenção de compressão no início da região da alma:

*f* ≔ 6.1 *cm* 

$$\sigma \coloneqq \frac{x \cdot \sigma_c}{7 \ \mathbf{cm} + x} = 0.703 \ \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2} \qquad M_{ch} \coloneqq \frac{\sigma \cdot f^2}{2} = 13.077 \ \frac{\mathbf{kN} \cdot \mathbf{cm}}{\mathbf{cm}}$$

Espessura da chapa na região B:

$$t_B \! \coloneqq \! 2.10 \boldsymbol{\cdot} \sqrt{\frac{M_{ch}}{f_y}} \! = \! 15.188 \, \, \boldsymbol{mm}$$

Adotar:

 $t_B \coloneqq t_A = 16 \ mm$ 

Espessura da chapa de ligação: #16mm (5/8") Utilizar um enrijecedor na região A: #9.53mm(3/8")

 $t_B \coloneqq 16 \ mm$ 





#### 4.13.2 Verificação dos parafusos

ASTM A325: 
$$f_{ub} \coloneqq 72.5 \frac{kN}{cm^2}$$

Número de parafusos:  $n_p \coloneqq 10$ 

Área da região tracionada:  $A_t = 7 \ cm \cdot 6.1 \ cm$ 

- - -

Força normal no parafuso na área da região mais solicitada a tração:

Força cortante por parafuso:  $V\!\coloneqq\!\frac{V_{s.d}}{n_p}\!=\!0.226~\textit{kN}$ 

Diâmetro necessário:

$$d \coloneqq \sqrt{1.27 \cdot \sqrt{\frac{11.39 \cdot V^2 + 3.24 \cdot T^2}{f_{ub}^2}}} = 11.071 \ \textit{mm}$$

 $d \coloneqq 12.5 \text{ mm}$ 

Utilizar dez parafusos ASTM A325 de 12.5mm (1/2")

#### 4.14 Ligação viga-pilar (fechamentos) - flexível

Cantoneira L 88,9x6.35 t := 6.35 mm

Esforços:

$$V_{s.d} = 15.18 \ kN$$

#### 4.14.1 Verificação dos parafusos

ASTM A325 
$$f_u := 72.5 \frac{kN}{cm^2}$$
  $\gamma_{a2} := 1.35$ 

Esforço cortante por parafuso:

$$\begin{split} V_{Sd} &\coloneqq \frac{V_{s.d}}{2} = 7.59 \ \textbf{kN} \\ V_{Rd} &= \frac{0.4 \cdot A_p \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = \frac{0.4 \cdot \left(\frac{\pi \cdot d^2}{4}\right) \cdot f_u}{\gamma_{a2}} \end{split}$$

Esforço resistente:

Diâmetro necessário:



Para: 
$$V_{Rd} \coloneqq V_{Sd}$$
  $d \coloneqq \sqrt{\frac{\gamma_{a2} \cdot V_{Rd} \cdot 4}{0.4 \cdot \pi \cdot f_u}} = 6.707 \text{ mm}$   
 $d \coloneqq 9.0 \text{ mm}$ 

#### Utilizar dois parafusos ASTM A325 de 9mm. (3/8").

#### 4.14.2 Verificação da pressão de contato nos furos da chapa

MR 250:

$$f_u \coloneqq 40 \ \frac{kN}{cm^2}$$

• Entre dois furos adjacentes:

$$l_f \coloneqq 6 \ \mathbf{cm}$$

$$F_{c.Rd} \coloneqq \frac{1.2 \cdot l_f \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 135.467 \ \textbf{kN}$$

$$F_{c.Rd} \coloneqq \frac{2.4 \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 40.64 \ \textbf{kN}$$

$$V_{Sd} {=} 7.59 \ \textit{kN}$$
 
$$V_{Sd} {<} F_{c.Rd} \qquad \text{OK!}$$

$$V_{Sd} < F_{c.Rd}$$
 OK!

• Entre um furo e a borda:

$$\begin{split} F_{c.Rd} &\coloneqq \frac{1.2 \cdot l_f \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 56.444 \ \textit{kN} \\ F_{c.Rd} &\coloneqq \frac{2.4 \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 40.64 \ \textit{kN} \end{split}$$

$$V_{Sd} \!=\! 7.59 \ \mathbf{kN}$$

$$V_{Sd} < F_{c.Rd}$$
 OK!

$$V_{Sd} < F_{c.Rd}$$
 OK!

#### 4.14.3 Verificação da pressão de contato na alma da viga

$$t_w \coloneqq 5.8 \ mm$$
 ASTM A572 Gr.50:  $f_u \coloneqq 45 \ \frac{kN}{cm^2}$ 



$$l_f = 2.5 \ cm$$



• Entre dois furos adjacentes:

 $V_{Sd} \!=\! 7.59 \ \mathbf{kN}$ 

$$l_f := 6 \ cm$$
  $F_{c.Rd} := \frac{1.2 \cdot l_f \cdot t_w \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 139.2 \ kN$   $V_{Sd} < F_{c.Rd}$  OK!

$$F_{c.Rd} \coloneqq \frac{2.4 \cdot d \cdot t_w \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 41.76 \ \textbf{kN} \qquad V_{Sd} < F_{c.Rd} \qquad \text{OK!}$$

• Entre um furo e a borda:

 $V_{Sd}\!=\!7.59~\textit{kN}$ 

$$l_{f} \coloneqq 6 \ \textit{cm} \qquad F_{c.Rd} \coloneqq \frac{1.2 \cdot l_{f} \cdot t_{w} \cdot f_{u}}{\gamma_{a2}} = 139.2 \ \textit{kN} \qquad V_{Sd} < F_{c.Rd} \qquad \text{OK!}$$

$$F_{c.Rd} \coloneqq \frac{2.4 \cdot d \cdot t_w \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 41.76 \text{ kN} \qquad \qquad V_{Sd} < F_{c.Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$

#### 4.14.4 Verificação do colapso por rasgamento da chapa

MR 250:  $f_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$   $f_y := 25 \frac{kN}{cm^2}$ 

$$C_{ts} := 1.0$$
  $h_c := 11 \ cm$   $L_c := 88.9 \ cm$   
 $n_f := 2.0$   $d := 0.9 \ cm$   $t := 0.635 \ cm$ 



 $V_{s.d} = 14.77 \ kN$ 

$$\begin{aligned} &\text{ Area líquida ao cisalhamento: } A_{nv} \coloneqq \left(h_c - n_f \cdot (d + 0.15 \ \textit{cm} + 0.2 \ \textit{cm})\right) \cdot t = 5.398 \ \textit{cm}^2 \\ &\text{ Area líquida a tração: } A_{nt} \coloneqq \left(\frac{L_c}{2} - 0.5 \cdot (d + 0.15 \ \textit{cm} + 0.2 \ \textit{cm})\right) \cdot t = 27.829 \ \textit{cm}^2 \\ &\text{ Area bruta: } A_{gv} \coloneqq h_c \cdot t = 6.985 \ \textit{cm}^2 \end{aligned}$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot f_u \cdot A_{nv} + C_{ts} \cdot f_u \cdot A_{nt}}{\gamma_{a2}} = 920.515 \ kN \qquad \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$

$$V_{Rd} := \frac{0.6 \cdot f_y \cdot A_{gv} + C_{ts} \cdot f_u \cdot A_{nt}}{\gamma_{a2}} = 902.17 \ kN \qquad \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$



ASTM A572 Gr.50: 
$$f_u := 45 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_y := 34.5 \frac{kN}{cm^2}$   
 $C_{ts} := 1.0$   $h_c := 12.1 \ cm$   $L_c := 88.9 \ cm$   
 $n_f := 1.5$   $d := 0.9 \ cm$   $t_w := 5.8 \ mm$ 



Área líquida ao cisalhamento:  $A_{nv} \coloneqq (h_c - n_f \cdot (d + 0.15 \ \textit{cm} + 0.2 \ \textit{cm})) \cdot t_w = 5.931 \ \textit{cm}^2$ 

Área líquida a tração:
 
$$A_{nt} \coloneqq \left( \left( \frac{L_c}{2} - 1 \ cm \right) - 0.5 \cdot (d + 0.15 \ cm + 0.2 \ cm) \right) \cdot t_w = 24.839 \ cm^2$$

 Área bruta:
  $A_{gv} \coloneqq h_c \cdot t_w = 7.018 \ cm^2$ 

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot f_u \cdot A_{nv} + C_{ts} \cdot f_u \cdot A_{nt}}{\gamma_{a2}} = 946.56 \ \textbf{kN} \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \text{OK!}$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot f_y \cdot A_{gv} + C_{ts} \cdot f_u \cdot A_{nt}}{\gamma_{a2}} = 935.559 \ \textbf{kN} \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \text{OK!}$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.5 V_{Jy} V_{gy} + C_{ts} V_{Ju} + A_{nt}}{\gamma_{a2}} = 935.559 \ kN \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad O$$

#### 4.14.6 Verificação do cisalhamento da chapa

MR 250: 
$$f_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_y := 25 \frac{kN}{cm^2}$ 

• Escoamento da seção bruta:

$$A_{gv} \coloneqq 5.44 \ cm^{2}$$

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot A_{gv} \cdot f_{y}}{\gamma_{a1}} = 74.182 \ kN$$

$$V_{s.d} < V_{Rd} \quad \text{OK!}$$

• Ruptura da seção líquida:

 $A_{nv} \coloneqq 3.84 \ \mathbf{cm}^2$ 

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot A_{nv} \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 68.267 \ kN \qquad \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$

#### 4.14.7 Verificação do cisalhamento da alma da viga

ASTM A572 Gr.50: 
$$f_u := 45 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_y := 34.5 \frac{kN}{cm^2}$ 

• Escoamento da seção bruta:

$$d' := 11.9 \ \textit{cm}$$
  $A_{gv} := d' \cdot t_w = 6.902 \ \textit{cm}^2$   $V_{s.d} = 14.77 \ \textit{kN}$ 

$$V_{Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot A_{gv} \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 129.883 \ \textbf{kN} \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \text{OK!}$$

• Ruptura da seção líquida:

$$n_{f} \coloneqq 2.0 \qquad A_{nv} \coloneqq \left( d' - n_{f} \cdot \left( d + 0.15 \ \textit{cm} + 0.2 \ \textit{cm} \right) \right) \cdot t_{w} = 5.452 \ \textit{cm}^{2}$$

$$V_{Rd} := \frac{0.6 \cdot A_{nv} \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 109.04 \ kN \qquad \qquad V_{s.d} < V_{Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$

#### 4.14.8 Verificação da solda na chapa

Filete de 5mm com eletrodo E-7018

$$f_w := 49.5 \frac{kN}{cm^2}$$
  $h_c := 8.9 \ cm$   $d_v$ 

$$A_w \coloneqq 0.707 \cdot d_w \cdot h_c = 3.146 \ cm^2$$

• Resistência ao cisalhamento:

$$V_{Rd} \! \coloneqq \! \frac{2 \cdot 0.6 \cdot A_w \cdot f_w}{\gamma_{a2}} \! = \! 138.431 \ \textit{kN}$$

#### 4.15 Suporte das terças de cobertura - rígida

Esforços:

$$M_{s.d} = 191.67 \ kN \cdot cm$$
  $V_{s.d} = 2.98 \ kN$ 



$$V_{s.d} = 14.77 \ kN$$

$$V_{s.d} < V_{Rd}$$
 OK!

Terças: Ue 100x50x17x3.0

Esforço cortante por parafuso:

$$n_p := 2$$
  $V_{Sd} := \frac{V_{s.d}}{n_p} = 1.49 \ kN$ 

Esforço cortante devido o momento fletor, por parafuso:

$$\begin{split} d_p \coloneqq 3.88 \ \textit{cm} \qquad & M_{s.d} = d_p \cdot V_{s.m} \\ & V_{s.m} \coloneqq \frac{M_{s.d}}{d_p} = 49.399 \ \textit{kN} \end{split}$$





Esforço cortante total por parafuso: 
$$V_{Sd} \coloneqq \sqrt{V_{Sd}^2 + V_{s.m}^2} = 49.422 \ kN$$

#### 4.15.1 Verificação dos parafusos

ASTM A325 
$$f_u \coloneqq 72.5 \frac{kN}{cm^2}$$

Esforço cortante por parafuso:

$$V_{Sd} \!=\! 49.422 \, \, k\! N$$

Esforço resistente:

$$V_{Rd} = \frac{0.4 \cdot A_p \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = \frac{0.4 \cdot \left(\frac{\pi \cdot d^2}{4}\right) \cdot f_u}{\gamma_{a2}}$$

Diâmetro necessário:

Para:

$$V_{Rd} \coloneqq V_{Sd} \qquad \qquad d \coloneqq \sqrt{\frac{\gamma_{a2} \cdot V_{Rd} \cdot 4}{0.4 \cdot \pi \cdot f_u}} = 17.115 \text{ mm}$$
$$d \coloneqq 18 \text{ mm}$$

#### Utilizar dois parafusos ASTM A325 de 18mm (11/16").

Direção da força nos parafusos:

$$V_{Sd} := 1.49 \ \mathbf{kN}$$
  $\theta := \operatorname{atan}\left(\frac{V_{Sd}}{V_{s.m}}\right) = 1.728 \ ^{\circ}$  Ångulo pequeno, adota-se  $\theta := 0 \ ^{\circ}$ 

#### 4.15.2 Verificação da pressão de contato nos furos da terça

Força resistente ao esmagamento:

Aço CF-26: 
$$f_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$$
  $t := 0.3 \ cm$   $d := 1.6 \ cm$   
 $\gamma := 1.55$   $\alpha_e := \frac{(0.183 \cdot t + 1.53 \ mm)}{1 \ mm} = 2.079$ 

$$F_{Rd} \coloneqq \frac{\alpha_e \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma} = 25.753 \text{ kN}$$

$$V_{Sd} \coloneqq 49.422 \text{ kN}$$

$$V_{Sd} \succ F_{Rd}$$
NÃO OK! É necessário adotar chapa de reforço.

Chapa de reforço:

Largura da barra chapa:  $l_{ch} := 3 \cdot d = 48 \text{ mm}$  Adotar de 2":  $l_{ch} := 50.8 \text{ mm}$ 

Força resistente de contato da chapa grossa:

Aço MR 250: 
$$f_u \coloneqq 40 \frac{kN}{cm^2} \qquad F_{Rd} = \frac{1.5 \cdot l_f \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} \le \frac{3 \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}}$$

$$\gamma_{a2} := 1.35$$
  $l_f := \left(\frac{l_{ch}}{2} - \frac{d}{2} - 0.15 \text{ cm}\right) = 1.59 \text{ cm}$ 

Espessura da chapa: Para:

$$F_{Rd} \coloneqq V_{Sd} = 49.422 \ kN$$

$$t := \frac{F_{Rd} \cdot \gamma_{a2}}{1.5 \cdot l_f \cdot f_u} = 6.994 \ mm \quad t := 7.94 \ mm$$

Força resistente para essa espessura:

$$F_{Rd} \! \coloneqq \! \frac{1.5 \cdot l_f \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} \! = \! 56.109 \ \textit{kN}$$

Força limitante:

$$F_{Rd.1} := \frac{3 \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} = 112.924 \ kN$$

$$F_{Rd} \coloneqq \min(F_{Rd}, F_{Rd.1}) = 56.109 \ \textbf{kN} \qquad V_{Sd} = 49.422 \ \textbf{kN} \qquad V_{Sd} < F_{Rd} \qquad \text{OK!}$$

#### Adotar chapa de reforço de 50.8mmx7.94mm (2"x5/16").

#### 4.15.3 Cálculo da solda na chapa de reforço

Força resistente:

$$F_{w.Rd} = \frac{0.6 \cdot d_w \cdot 2 \cdot L \cdot f_w}{\gamma_{a2}}$$

Para:  $F_{w.Rd} := V_{Sd} = 49.422 \ kN$ 

Considerando 80mm de chapa, tem-se um largura de influência de 40mm

$$L \coloneqq 4 \ cm$$

Para eletrodo E-7018:

$$f_w \coloneqq 48.5 \; rac{kN}{cm^2}$$

"Perna" do filete de solda:

$$d_w \coloneqq \frac{F_{w.Rd} \cdot \gamma_{a2}}{0.6 \cdot 2 \cdot L \cdot f_w} = 2.866 \text{ mm}$$
$$d_w \coloneqq 3.0 \text{ mm}$$

Adotar filetes de 3mm de cada lado.

#### 4.15.4 Verificação da pressão de contato nos furos do suporte

. . .

Força resistente ao esmagamento:

*b* := 8.89 *cm* 

Aço MR 250:
 
$$f_u := 40 \frac{kN}{cm^2}$$
 $t := 0.635 \ cm$ 
 $d := 1.6 \ cm$ 
 $\gamma := 1.55$ 
 $\alpha_e := \frac{(0.183 \cdot t + 1.53 \ mm)}{1 \ mm} = 2.692$ 
 $F_{Rd} := \frac{\alpha_e \cdot d \cdot t \cdot f_u}{\gamma} = 70.584 \ kN$ 
 $V_{Sd} = 49.422 \ kN$ 
 $V_{Sd} < F_{Rd}$ 

#### 4.15.5 Tensão na interface entre chapas devido o momento fletor (horizontal)

*h*≔11.7 *cm* 

 $W \coloneqq \frac{b \cdot h^2}{6} = 202.825 \ cm^3 \qquad M_{s.d} = 191.67 \ kN \cdot cm$  $\sigma_c \coloneqq \frac{M_{s.d}}{W} = 0.945 \ \frac{kN}{cm^2} \qquad f_y \coloneqq 25 \ \frac{kN}{cm^2}$ 







Suporte: L 88.9x88.9x6.35

OK!

Espessura necessária:

Suporte com enrijecedor central: vinculação E.

$$a := b = 8.89 \ cm$$
  
 $b := \frac{h}{2} = 5.85 \ cm$   $\frac{a}{b} = 1.52$ 

Interpolando:

   ь	E-Engastada 2 la	dos, 2 livres
Ь		
		b

$\frac{1.6 - 1.4}{$	$=\frac{1.52-1.4}{-1.4}$	Vinculação E	1						
0.52 - 0.45	$eta\!-\!0.45$	a/b	1	1,2	1,4	1,6	1,8	2	3
		β	0,29	0,38	0,45	0,52	0,57	0,61	0,71

 $\beta = 0.492$ 

$$t_1 \coloneqq b \cdot \sqrt{\frac{\beta \cdot \sigma_c}{\gamma_{a2} \cdot f_y}} = 6.866 \ \textit{mm} \qquad t \coloneqq 6.35 \ \textit{mm}$$
$$t < t_1 \qquad \text{NÃO OK!}$$

$$t \coloneqq 7.94 \text{ mm}$$

#### 4..15.6 Tensão máxima na aba de suporte devido o momento fletor (vertical)

 $b \coloneqq 8.89 \text{ cm} \qquad M_{s.d} \equiv 191.67 \text{ kN} \cdot \text{cm} \qquad f_y \coloneqq 25 \frac{\text{kN}}{\text{cm}^2} \qquad \gamma_{a1} \coloneqq 1.1$  $W \equiv \frac{b^2 \cdot t_2}{6} \qquad \sigma \equiv \frac{M_{s.d}}{W} \qquad \sigma \equiv \frac{6 \cdot M_{s.d}}{b^2 \cdot t_2}$ 

Tensão máxima admissível:

$$\sigma_{m\acute{a}x} \coloneqq \frac{f_y}{\gamma_{a1}} = 22.727 \ \frac{kN}{cm^2}$$

Para:  $\sigma \coloneqq \sigma_{m \acute{a} x}$ 

Espessura necessária: 
$$t_2 \coloneqq \frac{6 \cdot M_{s.d}}{b^2 \cdot \sigma} = 6.403 \text{ mm}$$
  $t \coloneqq 7.94 \text{ mm}$ 

 $t > t_2$  OK!

Utilizar L 88.9x88.9x7.94 (4"x4"x5/16")

#### 4.15.7 Cálculo da espessura do enrijecedor

Como o enrijecedor encontra-se na linha neutra do suporte, não sofrerá flexão significativa, sendo adotado como chapa compacta:

$$\frac{b'}{t} \le 0.56 \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}} \qquad E \coloneqq 20000 \frac{kN}{cm^2}$$

*b* := 8.89 *cm* 

$$t := \frac{0.707 \cdot b}{0.56} \cdot \sqrt{\frac{f_y}{E}} = 3.968 \ mm$$
$$t := 4.76 \ mm$$

Utilizar chapa de 4.76mm (3/16").



#### 4.15.8 Cálculo da solda na face inferior do suporte

Inércia formada pelas passes de solda:

solda de filete, d <sub>w</sub> <sup>a</sup> mm
3
5
6
8

 $A \coloneqq b \cdot d_w = 4.445 \ cm^2$ 

$$I_w := 2 \left( b \cdot \frac{d_w^{3}}{12} + A \cdot d^2 \right) = 330.982 \ cm^4$$

Sendo:

Força resistente:

$$F_{w.Rd} = \frac{0.6 \cdot 0.707 \cdot A_w \cdot f_w}{\gamma_{a1}} \qquad \qquad \frac{F_{w.Rd}}{A_w} = \sigma_{w.Rd} = \frac{0.6 \cdot 0.707 \cdot f_w}{\gamma_{a1}}$$

$$\sigma_{w.Rd} \coloneqq \frac{0.6 \cdot 0.707 \cdot f_w}{\gamma_{a1}} = 18.703 \frac{kN}{cm^2}$$

Tensão atuante:

 $y := d = 6.1 \ cm$ 

Tensão resistente:

$$\sigma_{Sd} \! \coloneqq \! \frac{M_{s.d} \! \cdot y}{1-\tau}$$

$$\sigma_{Sd} \coloneqq \frac{M_{s.d} \cdot y}{I_w} = 3.532 \frac{kN}{cm^2}$$

$$\sigma_{Sd} < \sigma_{w.Rd}$$
 OK

Utilizar filete de 5mm nas laterais do suporte.

#### 4.16 Contraventamento de parede - chapa Gousset

Esforços: 
$$V_{s.d} \coloneqq 12.7 \text{ kN}$$
 Perfil: L 100x4.25 - Aço CF26 (Tração).

 $V_{s.d} \ge 45 \ kN$   $V_{s.d} := 45 \ kN$ 

#### 4.16.1 Diâmetro dos parafusos

ASTM A-325 
$$f_{yb} := 56 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_{ub} := 72.5 \frac{kN}{cm^2}$   $\gamma_{a2} := 1.35$ 

Esforço resistente:

$$V_{Rd} = \frac{0.4 \cdot A_b \cdot f_{ub}}{\gamma_{a2}} \qquad \qquad A_b = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$$

Para dois parafusos:

$$V_{Rd} \! := \! \frac{V_{s.d}}{2} \! = \! 22.5 \ \mathbf{kN}$$

Diâmetro necessário:

$$d \coloneqq \sqrt{\frac{4 \cdot V_{Rd} \cdot \gamma_{a2}}{0.4 \cdot \pi \cdot f_{ub}}} = 11.548 \ mm$$

$$d \coloneqq 12.7 \ mm$$
 Utilizar dois parafusos de 12,7mm (1/2").

#### 4.16.2 Verificação da chapa de ligação

MR 250 
$$f_y \coloneqq 25 \frac{kN}{cm^2}$$
  $f_u \coloneqq 40 \frac{kN}{cm^2}$ 

$$\theta \coloneqq \operatorname{atan}\left(\frac{3}{5}\right) = 30.964 \,\,^{\circ}$$

Esforços atuantes.

 $F_H \coloneqq V_{s.d} \cdot \cos\left(\theta\right) = 38.587 \ \textbf{kN}$ 

$$F_V \coloneqq V_{s.d} \cdot \sin(\theta) = 23.152 \ kN$$

$$d_{ch} \coloneqq 7.0 \ cm$$

 $M_{sd}\!\coloneqq\!F_{H}\!\cdot\!d_{ch}\!=\!270.11\ \textit{kN}\!\cdot\!\textit{cm}$ 

• Espessura da chapa em função do momento fletor:



$$\sigma_t = \frac{M_{sd}}{W} + \frac{F_H}{A} \qquad \qquad W = \frac{t \cdot B^2}{6} \qquad \qquad A = B \cdot t$$

Para:  $\sigma_t = \sigma_{max} = \frac{f_y}{\gamma_{a1}}$ 

$$\frac{f_y}{\gamma_{a1}} = \frac{6 \cdot M_{sd}}{t \cdot B^2} + \frac{F_H}{B \cdot t} \qquad \frac{f_y}{\gamma_{a1}} = \left(\frac{6 \cdot M_{sd}}{B^2} + \frac{F_H}{B}\right) \cdot \frac{1}{t} \qquad t = \left(\frac{6 \cdot M_{sd}}{B^2} + \frac{F_H}{B}\right) \cdot \frac{\gamma_{a1}}{f_y}$$

Espessura necessária:  $\gamma_{a1} := 1.$ 

$$.1 \qquad B \coloneqq 18.1$$

cm

$$t \coloneqq \left(\frac{6 \cdot M_{sd}}{B^2} + \frac{F_H}{B}\right) \cdot \frac{\gamma_{a1}}{f_y} = 3.115 \text{ mm}$$

• Espessura da chapa em função da resistência ao esforço cortante:

Esforço solicitante:  $V_{s,d} = 45 \ kN$ 

Esforço resistente: 
$$V_{Rd} = \frac{0.6 \cdot A_g \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = \frac{0.6 \cdot B \cdot t \cdot f_y}{\gamma_{a1}}$$
  $t = \frac{V_{Rd} \cdot \gamma_{a1}}{0.6 \cdot B \cdot f_y}$ 

Para:  $V_{Rd} \coloneqq V_{s.d} = 45 \ \mathbf{kN}$ 

Espessura necessária:

$$t \coloneqq \frac{V_{Rd} \cdot \gamma_{a1}}{0.6 \cdot B \cdot f_y} = 1.823 \text{ mm}$$

• Espessura da chapa em função da pressão de contato no furo:

Esforço solicitante:

$$V_{s.d} := \frac{V_{s.d}}{2} = 22.5 \text{ kN}$$

Esforço resistente:

$$F_{Rd} = \frac{1.5 \cdot l_f \cdot t \cdot f_u}{\gamma_{a2}} \qquad t = \frac{F_{Rd} \cdot \gamma_{a2}}{1.5 \cdot l_f \cdot f_u}$$

Para:  $F_{Rd} := V_{s.d} = 22.5 \ kN$ 

Espessura necessária:

$$f := 3 \ \textit{cm} \qquad l_f := f - \frac{d + 1.5 \ \textit{cm} + 0.2 \ \textit{cm}}{2} = 1.515 \ \textit{cm}$$
$$t := \frac{F_{Rd} \cdot \gamma_{a2}}{1.5 \cdot l_f \cdot f_u} = 3.342 \ \textit{mm}$$

Adota-se a maior espessura dentre as três: t := 3.342 mm

• Resistência a compressão:

Carga crítica de flambagem:

Vinculação: engastado - livre: k := 2.0  $L_y := 7.0$  cm

$$N_{e} = \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot I_{y}}{\left(k \cdot L_{y}\right)^{2}} \qquad I_{y} = \frac{B \cdot t^{3}}{12} \implies \qquad N_{e} = \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot B \cdot t^{3}}{12 \cdot \left(k \cdot L_{y}\right)^{2}}$$

$$N_{e} = \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot B \cdot t^{3}}{12 \cdot \left(k \cdot L_{y}\right)^{2}} \qquad \qquad N_{e} = \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot B \cdot t^{3}}{12 \cdot \left(k \cdot L_{y}\right)^{2}}$$

$$N_e \coloneqq \frac{\pi \cdot E \cdot B \cdot t}{12 \cdot \left(k \cdot L_y\right)^2} = 56.701 \ kN$$

Índice de esbeltez reduzido:

$$A_g := B \cdot t = 6.049 \ cm^2$$
  $\lambda_0 := \sqrt{\frac{A_g \cdot f_y}{N_e}} = 1.633$ 

Fator de redução associado a resistência à compressão:

$$\lambda_0 > 1.5$$
  $X \coloneqq \frac{0.877}{{\lambda_0}^2} = 0.329$ 

Tensão resistente:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{X \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 7.473 \frac{\mathbf{kN}}{\mathbf{cm}^2}$$

Tensão atuante:

$$t \coloneqq 3.342 \ mm$$
  $W \coloneqq \frac{B^2 \cdot t}{6} = 18.248 \ cm^3$   $A \coloneqq B \cdot t = 6.049 \ cm^2$ 

$$\sigma_{atuante} \coloneqq \frac{M_{sd}}{W} - \frac{F_V}{A} = 10.975 \frac{kN}{cm^2}$$

 $\sigma_{atuante} < \sigma_c$  NÃO OK!

Adotar:  $t \coloneqq 4.76 \ mm$ 

#### • Resistência a compressão:

Carga crítica de flambagem:

Vinculação: engastado - livre:  $k \coloneqq 2.0$   $L_y \coloneqq 7.0$  cm

$$N_e = \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_y}{\left(k \cdot L_y\right)^2} \qquad I_y = \frac{B \cdot t^3}{12} \implies N_e = \frac{\pi^2 \cdot E \cdot B \cdot t^3}{12 \cdot \left(k \cdot L_y\right)^2}$$

\_

$$N_{e} \coloneqq \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot B \cdot t^{3}}{12 \cdot \left(k \cdot L_{y}\right)^{2}} = 163.829 \ \textbf{kN}$$

Índice de esbeltez reduzido:

$$A_g := B \cdot t = 8.616 \ cm^2$$
  $\lambda_0 := \sqrt{\frac{A_g \cdot f_y}{N_e}} = 1.147$ 

Fator de redução associado a resistência à compressão:

$$\lambda_0 < 1.5$$
  $X \coloneqq 0.658^{\lambda_0^2} = 0.577$ 

Tensão resistente:

$$\sigma_c \coloneqq \frac{X \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 13.109 \frac{kN}{cm^2}$$

Tensão atuante:

$$t \coloneqq 4.76 \ \textbf{mm} \qquad \qquad W \coloneqq \frac{B^2 \cdot t}{6} = 25.99 \ \textbf{cm}^3 \qquad A \coloneqq B \cdot t = 8.616 \ \textbf{cm}^2$$
$$\sigma_{atuante} \coloneqq \frac{M_{sd}}{W} - \frac{F_V}{A} = 7.705 \ \frac{\textbf{kN}}{\textbf{cm}^2}$$
$$\sigma_{atuante} < \sigma_c \qquad \text{OK!}$$

Adotar:  $t \coloneqq 4.76 \ mm$ 

Utilizar chapa de 4.76mm (3/16").

#### 4.16.3 Verificação da solda

Máxima força horizontal atuante no ponto mais extremo da solda:

$$B \coloneqq 15.3 \ \textbf{cm} \qquad W \coloneqq \frac{B^2 \cdot t}{6} = 18.571 \ \textbf{cm}^3 \qquad A \coloneqq B \cdot t = 7.283 \ \textbf{cm}^2$$
$$\sigma_t \coloneqq \frac{M_{sd}}{W} + \frac{F_H}{A} = 19.843 \ \frac{\textbf{kN}}{\textbf{cm}^2}$$

Para uma largura de 1cm:

$$F_h\!\coloneqq\!\frac{\sigma_t\!\cdot\!t}{2}\!=\!4.723\;\frac{\textit{kN}}{\textit{cm}}$$

Para a força vertical (para uma largura de 1cm): B = 15.3 cm

$$F_v \coloneqq \frac{F_V}{2 \cdot B} = 0.757 \frac{kN}{cm}$$

Força total atuante por cordão de solda para uma largura de 1cm:

$$F_R := \sqrt{F_h^2 + F_v^2} = 4.783 \frac{kN}{cm}$$

Força resistente:

Para: 
$$F_{w.Rd} := F_R = 4.783 \frac{kN}{cm}$$
 Eletrodo E-7018:  $f_w := 48.5 \frac{kN}{cm^2}$   
 $d_w := \frac{F_{w.Rd} \cdot \gamma_{a2}}{cm^2} = 3.138 mm$ 

$$d_w \coloneqq \frac{1}{0.6 \cdot 0.707 \cdot f_w} = 3.138 \ m$$

Adotar:  $d_w \coloneqq 3 \ mm$ 

#### Utilizar filete de solda de 3 mm E-7018 em cada lado.

Verificação do metal base:

Aço MR 250: 
$$f_y \coloneqq 25 \frac{kN}{cm^2}$$

Esforço resistente:

$$F_{Rd} = \frac{A_{mb} \cdot f_y}{\gamma_{a1}} \qquad \qquad A_{mb} = 2 \cdot d_w$$

$$\gamma_{a1} \coloneqq 1.1$$

$$F_{Rd} \coloneqq \frac{2 \cdot d_w \cdot f_y}{\gamma_{a1}} = 13.636 \frac{kN}{cm}$$

Esforço atuante:

$$F_{Sd} \coloneqq F_R \cdot 2 = 9.566 \frac{kN}{cm} \qquad \qquad F_{Sd} < F_{Rd} \qquad \qquad \text{OK!}$$

#### 4.17 Dimensionamento das calhas e dutos de queda

• Calha Lateral

$$A_{inf} = 10 \cdot 10 = 100 \ m^2$$
  $A_{inf} \coloneqq 100 \ m^2$ 

$$A_{calha} = 2 \cdot A_{inf} = 200 \ cm^2 \qquad \qquad A_{calha} \coloneqq 200 \ cm^2$$

Altura da lâmina de água:

Para 
$$l \coloneqq 250 \ mm$$

$$h \coloneqq \frac{A_{calha}}{l} = 80 \ mm$$

com comprimento de 10 m.

Utilizar calha de 250 mm x 100 mm

Inclinação:  $i \coloneqq 0.5\%$ 

• Duto de queda

$$A_{duto} \coloneqq 200 \ \text{cm}^2 \qquad \text{Sendo:} \qquad \frac{\pi \cdot d^2}{4} = A_{duto} \qquad d = \sqrt{\frac{4 \cdot A_{duto}}{\pi}} \qquad d \coloneqq \sqrt{\frac{4 \cdot A_{duto}}{\pi}} = 159.577 \ \text{mm}$$

Diâmetro mínimo:  $d \coloneqq 200 \ mm$ 

Utilizar duto de 200 mm a cada 10 m.

• Calha Central

$$A_{inf} = 2 \cdot 10 \cdot 10 = 200 \ m^2$$
  $A_{inf} = 200 \ m^2$ 

$$A_{calha} = 2 \cdot A_{inf} = 400 \ cm^2 \qquad \qquad A_{calha} \coloneqq 400 \ cm^2$$

Para  $l \coloneqq 354 \ mm$ 

Inclinação: i = 0.5%

$$A_{duto} \coloneqq 400 \ \textit{cm}^2 \qquad \text{Sendo:} \qquad \frac{\pi \cdot d^2}{4} = A_{duto} \qquad d = \sqrt{\frac{4 \cdot A_{duto}}{\pi}} \qquad d \coloneqq \sqrt{\frac{4 \cdot A_{duto}}{\pi}} = 225.676 \ \textit{mm}$$

Diâmetro mínimo:

 $h \coloneqq \frac{A_{calha}}{l} = 112.994 \ \textit{mm}$ 

com comprimento de 10 m.

Utilizar calha de 354 mm x 200 mm

Utilizar duto de 250 mm a cada 10 m.

APÊNDICE C - MEMORIAL DE CÁLCULO DOS PRINCIPAIS PERFIS FORNECIDO PELO SCIA ENGINEER

#### Verificação pela Norma Brasileira de Aço

Cálculo linear Classe: /ELU\_C Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B6640 Filtro: Seção Transversal = CS32 - Ue100x50x17x3,00

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-14762:2010

Dados da barra					
Barra	Posição[m]	Perfil			
B6640	0	Ue(NBRf)100x50x17x3,00			

#### Seção:

Seção: Ue(NBRf)100x50x17x3,00	
	OBS: $Y-Y(SCIA) = X-X (NBR)$
U	Z-Z(SCIA) = Y-Y(NBR)
Л	

	Dados do aço						
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]			
A36	24.8	40	20000	7692			

$\square$	60	Esforços*			
Nd[kN]	Mdx[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	
(1.13	379		0.05	-2.87	

Combinação: 1.25\*LC1+1.25\*LC2+1.50\*LC3

### Item 9.7 - Resistência à compressão

Item 9.7.4 - Verificação da esbeltez

λχ	λ <sub>y</sub>	Status
127	90.9	ОК

Carga de flambagem elástica

Ne <sub>x</sub>	Ney	Nez	Ne <sub>xz</sub>	Ne <sub>yz</sub>	Ne	
78.4	154	147	59.4	0	59.4	

#### Item 9.7.2 - Cálculo da esbeltez reduzida

$$\lambda_0 = \sqrt{\frac{A_g \cdot fy}{Ne}} = 1.64$$

Definição do fator de redução à flambagem global  $\chi$ 

$$\chi = \frac{0.877}{\lambda_0^2} = \frac{0.877}{1.64^2} = 0.327$$
Versão estudanti

#### Cálculo da largura efetiva

## Verificação do enrijecedor das mesas - seção 9.2.12 Flambagem Local - tabela 6

 $\sigma = \chi \cdot iy = 0.327 \cdot 24.8 = 81$  MPa

caso a - compressão uniforme: k = 0.43

Enrijecedores - Seção 9.2.2.1:

Esbeltez reduzida:

$$\lambda_{p} = \frac{\frac{dsg}{t}}{0.95 \cdot \sqrt{\frac{k \cdot E}{\sigma}}} = \frac{\frac{0.011}{3 \cdot 10^{-3}}}{0.95 \cdot \sqrt{\frac{0.43 \cdot 200 \cdot 10^{9}}{81 \cdot 10^{6}}}} = 0.119$$

 $Ae = A_g = 6.43 \text{ cm}^2$ def = dsg = 0.011

Enrijecedor totalmente efetivo

#### Verificação da mesa - seção 9.2.2 Flambagem Local - tabela 6

Seção 9.2.3 - Largura efetiva de elementos com bordas enrijecidas

Seção 9.2.2.1:

Esbeltez reduzida:

$$\lambda_{p0} = \frac{\frac{bf}{t}}{0.623 \cdot \sqrt{\frac{E}{\sigma}}} = \frac{\frac{0.038}{3 \cdot 10^{-3}}}{0.623 \cdot \sqrt{\frac{200 \cdot 10^9}{81 \cdot 10^6}}} = 0.409$$

$$Ae = 6.43 \text{ cm}^2$$

$$O = nrijecedor não é necessário$$

Verificação da alma - seção 9.2.2 Flambagem Local - tabela 5

#### caso a - compressão uniforme: k = 4

Seção 9.2.2.1:

Esbeltez reduzida:

$$\lambda_{p} = \frac{\frac{d}{t}}{0.95 \cdot \sqrt{\frac{k \cdot E}{\sigma}}} = \frac{\frac{0.088}{3 \cdot 10^{-3}}}{0.95 \cdot \sqrt{\frac{4 \cdot 200 \cdot 10^{9}}{81 \cdot 10^{6}}}} = 0.311$$

bef = d = 88 mm

Versão estudantil

Item 9.7.2 - Cálculo da esbeltez reduzida com a área efetiva

$$Ae = 6.43cm^{2}$$

$$Ae = 6.43cm^{2}$$

$$Ae = 6.43cm^{2}$$

$$Ae = 6.43cm^{2}$$

Definição do fator de redução à flambagem global  $\chi$ 

$$\chi = \frac{0.877}{{\lambda_0}^2} = 0.327$$

Compressão resistente

$$N_{cRd} = \frac{\chi \cdot Ae \cdot fy}{\gamma_{a1}} = 43.4 \text{ kN}$$

Resultados de compressão

N <sub>d</sub> (kN)	N <sub>Rd</sub> (kN)	Verificação	Status
1.13	43.4	0.03	ОК

studanti

#### Item 9.7.3 - Flambagem distorcional

1 - Propriedades geométricas da mesa

A <sub>f</sub>	J <sub>f</sub>	<b>I</b> <sub>xf</sub>	l <sub>yf</sub>	<b>I</b> <sub>xyf</sub>	<b>X</b> 0	<b>y</b> 0	hx	C <sub>wf</sub>
1.88	0.056	0.306	<mark>4.5</mark> 3	0.637	1.77	-0.192	-2.93	0



## Versão estudantil





#### 3 - Definição da tensão de flambagem distorcional

OBS: Valores de acordo com o AISI-2007 item C4.2 b)

$$F_{d} = \frac{k_{\phi fe} + k_{\phi we} + k_{\phi}}{k_{\phi fg} + k_{\phi wg}} = 87 \text{ kN/cm}^{2}$$

#### 4 - Resistência à flambagem distorcional

 $N_{dRd} = \frac{\chi_{dist} \cdot A \cdot fy}{\gamma} = \frac{1 \cdot 6.43 \cdot 24.8}{1.2} = 133 \text{ kN}$ 

λ <sub>dist</sub>	<b>X</b> dist	N <sub>d</sub>	<b>N</b> <sub>cRd</sub>
0.534	1	-1.13	133

## Verificação da flexão (X-X)

Escoamento da seção efetiva

#### 1 - Verificação da flambagem local

#### 1.1 - Verificação dos enrijecedores

Enrijecedor totalmente efetivo!

$\square$	$\sim$				[	
Parte	(	σ2			bef	
Enrijecedor	-21.8	-16.4	0.75	0.53	0.5	

Item 9.8

Item 9.2

Item 9.8.2.1

#### 1.2 - Verificação das mesas

Mesa totalmente efetiva!

Parte	σ1	σ2	Ψ	k	bef	
Mesa	-24.8	-24.8	0	3.69	3.8	

Verificação da redução do enrijecedor

verificação da redução de borda: Nenhuma redução é necessária

#### 1.3 - Verificação da alma

Alma totalmente efetiva!

Parte	σ1	σ2	Ψ	k	bef
Alma	-21.8	21.8	-1	24	8.8

Wef =  $19.2 \text{ cm}^{3}$ 

MRd1 = 
$$\frac{\text{Wef} \cdot \text{fy}}{\gamma} = \frac{19.2 \cdot 10^{-6} \cdot 248 \cdot 10^{6}}{1.1} = 433 \text{ kN} \cdot \text{cm}$$

Versão estudantil

# Libx Lby Lbz LbTop LbBottom Comprimento 500 167 167 167 167 500

h = 10 cm

Parâmetros de cálculo:

Cb	Ме	Wc	λ0	<b>X</b> FLT	M <sub>Rd,FLT</sub>
1.76	1574	19.8	0.559	1	433

Resultados da flexão (X-X):

M <sub>dx</sub>	M <sub>Rdx</sub>	Verificação	Status
379	433	0.87	ОК

#### Item 9.7.3 - Flambagem distorcional

1 - Propriedades geométricas da mesa

A <sub>f</sub>	J <sub>f</sub>	I <sub>xf</sub>	l <sub>yf</sub>	<b>I</b> <sub>xyf</sub>	<b>X</b> 0	<b>y</b> 0	hx	C <sub>wf</sub>
1.88	0.056	0.306	4.53	0.637	1.77	-0.192	-2.93	0



3 - Definição da tensão de flambagem distorcional

OBS: Valores de acordo com o AISI-2007 item C3.1.4 b)

$$F_{d} = \frac{\beta \cdot \left(k_{\phi f e} + k_{\phi w e} + k_{\phi}\right)}{k_{\phi f g} + k_{\phi w g}} = \frac{1.12 \cdot \left(20.2 + 16.8 + 0\right)}{0.278 + 0.0106} = 144 \text{ kN/cm}^{2}$$

4 - Resistência à flambagem distorcional

$$M_{dRd} = \frac{\chi_{dist} \cdot W \cdot fy}{\gamma} = \frac{1 \cdot 19.8 \cdot 24.8}{1.1} = 447 \text{ kN} \cdot \text{cm}$$

Wf	M <sub>dist</sub>	λ <sub>dist</sub>	<b>X</b> dist	M <sub>dRd</sub>
19.8	2849	0.416	1	447

#### Verificação do cisalhamento - Eixo Y

Parâmetros para o cisalhamento	o esti	udani	
a (mm)	λ		
5000	56.8	5	

Resultados para o cisalhamento:

Vd <sub>y</sub> (kN)	V <sub>Rdy</sub> (kN)	Verificação	Status
2.87	35.7	0.08	ОК

#### Verificação do cisalhamento - Eixo X

Parâmetros para o cisalhamento:

a (mm)	λ	k <sub>v</sub>
5000	65.8	5

Resultados para o cisalhamento:

Vd <sub>x</sub> (kN)	V <sub>Rdx</sub> (kN)	Verificação	Status
0.055	61.7	0	ОК



Ned Mdy Mdy

 $\frac{Nsd}{Nrd} + \frac{Mdx}{Mrdx} + \frac{Mdy}{Mrdy} = 0.03 + 0.87 + 0 = 0.9 \text{ OK}$ 

#### Flexão e tração combinadas

 $\frac{\text{Tsd}}{\text{Nrd}} + \frac{\text{Mdx}}{\text{Mrdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{Mrdy}} = 0 + 0.87 + 0 = 0.87 \text{ OK}$ 

#### Resumo de resultados:

Fator de verificação máx.: 0.9

Verificação	Fator de verificação	Status
Tração	0	ОК
Compressão	0.03	ОК
Flexão X-X	0.87	ОК
Flexão Y-Y	0	ОК
Cisalhamento X	0	ОК
Cisalhamento Y	0.08	ОК
Mx + Vy	0.87	ОК
My + Vx	0	ОК
T + Mx + My	0.87	ОК
N + Mx + My	0.9	OK

item 9.9

#### Verificação pela Norma Brasileira de Aço

Cálculo linear Classe: Todos ELU Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B6700 Filtro: Seção Transversal = CS19 - W360x32.9

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

	Dados da barra	
Barra	Posição[m]	Perfil
B6700	0	W(GERD)360x32.9

#### Seção:

Seção: W(GERD)360x32.9



OBS: Y-Y(SCIA)	=	X-X	(NBR)
Z-Z(SCIA)	=	Y-Y	(NBR)

2006

		Dados do aço		
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154

$//(\triangle)$	Hab	( Esfor	ços*	11/015	> I h h	
Nd[kN]	Max[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]	
-23	-7403	0.51		23.3		

Combinação: 1.25\*LC1+1.25\*LC2+1.50\*LC3

## Verificação ao Esforço Normal

		Verificação da esbeltez	*	
Lbf <sub>x</sub> [m]	Lbf <sub>y</sub> [m]	λχ	λ <sub>y</sub>	Status
10	1.95	71	74.1	ОК

\*ltem 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

Anexo E - Força axial de flambagem elástica

Item E.1.1 - Seções com dupla simetria

	Carg	a de flambagem elást	ica*	
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Neyz[kN]	Ne[kN]
1317	1209	1974	N/A	1209

		Flambagem local*	
11011	lesas — / / /		Classificação
λρ	$(\Delta   U)$		
12.1	7.47	32.1 53.1	Semicompacta

		Res	istência à compre	essão		
λ <sub>0</sub>	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
1.1	0.605	1	42.1	799	0.03	ОК

## Verificação ao Momento Fletor

## Verificação ao momento: Maior inércia (X-X)

Mesa inferior em compressão

		Parâmetros	de cálculo		
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wx[cm <sup>3</sup> ]	Zx[cm <sup>3</sup> ]
1.95	1.32	84111	8358	479	548

	Classificação da seção	
Mesa	Alma	Classificação
$\lambda_{p}$ $\lambda_{r}$ $\lambda_{r}$	$\lambda_{p}$ $\lambda_{r}$ $\lambda$	
8.18 (21.4 7.47)		Compacta

Resultados							
FLA[kN.cm]	FLT[kN.cm]	FLM[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	M <sub>Rd</sub> [kN.cm]	Sd/Rd	Status	
17175	17175	17175	18893	17175	0.43	ОК	

## Verificação ao momento: Menor inércia (Y-Y)

Parâmetros de cálculo						
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wy[cm <sup>3</sup> ]	Zy[cm <sup>3</sup> ]	
N/A	3	N/A	291	45.9	72	

Classificação da seção							
Mesa Alma					Classificação		
$\lambda_{p}$	λ <sub>r</sub>	λ	$\lambda_{p}$	λ <sub>r</sub>	λ	Commente	
8.18	21.4	7.47	0	0	0	Compacta	

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLM[kN.cm]	FLT[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	Status		
2259	2157	2259	2485	2157	0	ОК
$\pi$		20	00			
/orificent	a de Cart	anto Mor			IUR	

Parâmetros de cálculo						
		Ky				
	(1001p) (1					

Verificação da esbeltez					
λ <sub>ρ</sub>	λ	λ			
53	66	53.1			

Resultados					
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status		
419	380	0.06	ОК		

## Esforços combinados - Normal e Momento - seção 5.5.1.2

Caso b)

 $\frac{\text{Nd}}{2 \cdot \text{NRd}} + \frac{\text{Md}}{\text{MRdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{MRdy}} = 0.4457$ 

## **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal Momento X-X Momento Y-Y	0.03	OK OK
Cisalhamento X-X	0	ОК
Cisalhamento Y-Y	0.06	ОК
Torção	0	ОК
Esforços combinados	0.45	ок

Fator máximo = 0.45



#### Verificação pela Norma Brasileira de Aço

Cálculo não linear Classe: Todas\_LNU\_NL Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B214 Filtro: Seção Transversal = CS20 - HP250x62.0

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

Dados da barra					
Barra	Posição[m]	Perfil			
B214	6	HP(GERD)250x62.0			

#### Seção:



OBS: Y-Y(SCIA) = X-X (NBR) Z-Z(SCIA) = Y-Y (NBR)

Dados do aço							
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]			
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154			

	7	$\sim$					1
1	Ndį́kinj	Mdx[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]	
	-27.9	7531	-0.93	-0.12	20.5	0.15	

Combinação: NC\_LUN\_C\_1

## Verificação ao Esforço Normal

Verificação da esbeltez*							
Lbf <sub>x</sub> [m]	Lbf <sub>y</sub> [m]	λ <sub>×</sub>	λ <sub>y</sub>	Status			
6	3	57.3	48.9	ОК			

\*ltem 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

Anexo E - Força axial de flambagem elástica

Item E.1.1 - Seções com dupla simetria

	Carg	a de flambagem elást	ica*	
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Neyz[kN]	Ne[kN]
3829	5255	6438	N/A	3829

Flambagem local*				
Mesas O		Classificação		
$(\lambda p)$ $(\Delta p)$				
12.1 12	32.1 19.1			

Resistência à compressão						
<b>λ</b> 0	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
0.847	0.741	1	79.6	1849	0.02	ок

## Verificação ao Momento Fletor

## Verificação ao momento: Maior inércia (X-X)

Mesa superior em compressão

Parâmetros de cálculo					
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wx[cm <sup>3</sup> ]	Zx[cm <sup>3</sup> ]
3	1.95	414130	8728	710	791

		Classificação da seção	
	Mesa	Alma	Classificação
$\sqrt{\lambda_p}$	$P(\mathbf{x} \rightarrow \mathbf{x})$	$(\Delta_{A_p})$ $(\Lambda_r)$ $(\Lambda$	20.01
8,18	21.4)(0 12	81 ) 123 ( 19.1	Semicompacta

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLT[kN.cm]	FLM[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	M <sub>Rd</sub> [kN.cm]	Sd/Rd	Status
24794	22153	24794	27273	22153	0.34	ОК

## Verificação ao momento: Menor inércia (Y-Y)

Parâmetros de cálculo						
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wy[cm <sup>3</sup> ]	Zy[cm <sup>3</sup> ]	
N/A	1.39	N/A	2995	234	358	

Classificação da seção							
	Mesa			Alma		Classificação	
$\lambda_{p}$	λ <sub>r</sub>	λ	λ <sub>p</sub>	$\lambda_r$	λ	Comisonnosto	
8.18	21.4	12	0	0	0	Semicompacta	

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLM[kN.cm]	FLT[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	Status		
11222	9477	11222	12344	9477	0	ОК
7 B	rsc		(HS	juu		JUU

ersa	ID ASI	
	Parâmetros de cálculo	
Lv[m]	a[m]	Kv
0	6000	5

Verificação da esbeltez				
λ <sub>ρ</sub>	λ	λ		
53	66	19.1		

	Result	tados	
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status
535	486	0.04	ОК

## Verificação de Cortante: Maior inércia (X-X)

Parâmetros de cálculo					
Lv[m]	a[m]	Kv			
0	6000	1.2			

Verificação da esbeltez				
λ <sub>p</sub>	λ	λ		
25.9	32.3	12 01		
<u>/ GI DA</u>	V BDGUU		4	

Resultados					
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status		
1134	1031	0	ОК		

## Esforços combinados - Normal e Momento - seção 5.5.1.2

Caso b)

 $\frac{\text{Nd}}{2 \cdot \text{NRd}} + \frac{\text{Md}}{\text{MRdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{MRdy}} = 0.3476$ 

Versão estudantil
## **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

$V(\underline{a})$		
	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal	0.02	ок
Momento X-X	0.34	ок
Momento Y-Y	0	ок
Cisalhamento X-X	0	ок
Cisalhamento Y-Y	0.04	ок
Torção	0	ок
Esforços combinados	0.35	ок

## Fator máximo = 0.35



Cálculo linear Classe: Todos ELU Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B2071 Filtro: Seção Transversal = CS1 - W200x35.9

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

Dados da barra					
Barra Posição[m] Perfil					
B2071	5	W(GERD)200x35.9			

#### Seção:

Seção: W(GERD)200x35.9



OBS: Y-Y(SCIA) = X-X (NBR)
Z-Z(SCIA) = Y-Y (NBR)

Dados do aço					
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]	
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154	

$\square$ $\frown$ $\neg$					
$\left \left( \boldsymbol{\Theta} \right) \right $	2(0)	Esfor	ç05* 📉 🗖	$  /\alpha  $	
Nd[kN]	Max[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]
-3.69	-1443	-26.6	-0.06	-18.1	0.27

Combinação: 1.25\*LC1+1.40\*LC6+1.25\*LC8

## Verificação ao Esforço Normal

Verificação da esbeltez*					
Lbf <sub>x</sub> [m] Lbf <sub>y</sub> [m] $\lambda_x$ $\lambda_y$ Sta					
5	5	57.7	122	ОК	

\*ltem 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

Anexo E - Força axial de flambagem elástica

Item E.1.1 - Seções com dupla simetria

	Care	ga de flambagem elás	tica*	
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Neyz[kN]	Ne[kN]
217 <mark>1</mark>	483	1449	N/A	483

Flambagem local*						
Mesas		/ 🛆 / 📿 Alima		Classificação		
λρ	$(\alpha   U)$	$(\lambda p)$				
12.1	8.09	32.1	25.9		-	

Resistência à compressão						
λ <sub>0</sub>	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
1.81	0.268	1	45.7	385	0.01	ОК

## Verificação ao Momento Fletor

## Verificação ao momento: Maior inércia (X-X)

Mesa inferior em compressão

Parâmetros de cálculo							
Lb[m]	Lb[m] Cb Cw[cm <sup>6</sup> ] Ix[cm <sup>4</sup> ] Wx[cm <sup>3</sup> ] Zx[cm						
5	1.44	69502	3437	342	379		

Classificação da seção						
Mesa Alma Classificação						
λρ	A A	$\lambda_{p}$ $\lambda_{r}$	λ			
8.18	21.4 8.09		25.9 Compacta			
TIM						

Resultados						
FLA[kN.cm]	FLT[kN.cm]	FLM[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	M <sub>Rd</sub> [kN.cm]	Sd/Rd	Status
11895	11895	10515	13084	10515	0.14	ОК

## Verificação ao momento: Menor inércia (Y-Y)

Parâmetros de cálculo					
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wy[cm <sup>3</sup> ]	Zy[cm <sup>3</sup> ]
N/A	1.72	N/A	764	92.6	141

		Cla	ssificação da se	ção		
	Mesa			Alma		Classificação
λ <sub>p</sub>	λ <sub>r</sub>	λ	$\lambda_{\rm p}$	λ <sub>r</sub>	λ	Commente
8.18	21.4	8.09	0	0	0	Compacta

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLM[kN.cm]	FLT[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	Status		
4424	4358	4424	4866	4358	0.01	ОК
110	PQE	20		i - n r	165	
Verificaci	ão do Cort	ante: Mer	nor inércia	$(\mathbf{Y}_{\mathbf{Y}})$	$   \cup    ( o$	

Parâmetros de cálculo		
	Ky	

	Verificação da esbeltez	
<b>λ</b> <sub>p</sub>	λ	λ
53	66	25.9

	Result	tados	
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status
258	235	0.08	ОК

## Verificação de Cortante: Maior inércia (X-X)

	Parâmetros de cálculo	
Lv[m]	a[m]	Kv
0	5000	1.2



## Esforços combinados - Normal e Momento - seção 5.5.1.2

Caso b)

 $\frac{\text{Nd}}{2 \cdot \text{NRd}} + \frac{\text{Md}}{\text{MRdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{MRdy}} = 0.1481$ 

## **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal	0.01	ОК
Momento X-X	0.14	ОК
Momento Y-Y	0.01	ОК
Cisalhamento X-X	0	ок
Cisalhamento Y-Y	0.08	ОК
Torção	0	ОК
Esforços combinados	0.15	ОК
ator máximo		Ulgini

Cálculo linear Classe: Todos ELU Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B3544 Filtro: Seção Transversal = CS1 - W200x35.9

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

	Dados da barra	
Barra	Posição[m]	Perfil
B3544	2.91	W(GERD)200x35.9

#### Seção:

Seção: W(GERD)200x35.9



OBS: Y-Y(SCIA)	= X-X (NBR)
Z-Z(SCIA)	= Y-Y (NBR)

		Dados do aço		
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154

$\square$ $\frown$ $=$						
$I(\alpha)$	H(db)	Esfor	ços*			-
Nd[kN]	Max[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	[] [d[kN.cm]	-1
-0.28	226	-229	-0.03	p	0.11	

Combinação: 1.25\*LC1+1.40\*LC5+1.25\*LC9

## Verificação ao Esforço Normal

Verificação da esbeltez*						
Lbf <sub>x</sub> [m]	Lbf <sub>y</sub> [m]	λχ	λ <sub>y</sub>	Status		
5.82	5.82	67.1	142	ОК		

\*ltem 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

Anexo E - Força axial de flambagem elástica

Item E.1.1 - Seções com dupla simetria

	Car	ga de flambagem elás	tica*	
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Neyz[kN]	Ne[kN]
1602	356	1324	N/A	356

Flambagem local*					
Mesas		/ 🛆 / 📿 Alima		Classificação	
λρ	$(\alpha   U)$	(Ap)			
12.1	8.09	32.1	25.9		-

Resistência à compressão						
<b>λ</b> 0	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
2.1	0.198	1	45.7	284	0	ОК

## Verificação ao Momento Fletor

## Verificação ao momento: Maior inércia (X-X)

Mesa superior em compressão

Parâmetros de cálculo							
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wx[cm <sup>3</sup> ]	Zx[cm <sup>3</sup> ]		
5.82	1.14	69502	3437	342	379		

		Cl	lassificação da seção	
$\Pi \sim \neg$	Mesa		Alma	Classificação
$\sqrt{\lambda_p}$	$\neg(\mathbf{x}, \mathbf{y})$	$(\lambda)$	$(\Delta_{p})$	
8,18	21.4 )(	8.09	81 ) 123	25.9 Compacta

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLT[kN.cm]	FLM[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	M <sub>Rd</sub> [kN.cm]	Sd/Rd	Status
11895	11895	6817	13084	6817	0.03	ОК

## Verificação ao momento: Menor inércia (Y-Y)

Parâmetros de cálculo							
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wy[cm <sup>3</sup> ]	Zy[cm <sup>3</sup> ]		
N/A	1.13	N/A	764	92.6	141		

Classificação da seção							
	Mesa			Alma		Classificação	
$\lambda_{p}$	λ <sub>r</sub>	λ	λ <sub>p</sub>	$\lambda_r$	λ	Composto	
8.18	21.4	8.09	0	0	0	Compacta	

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLM[kN.cm]	FLT[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	Status		
4424	4358	4424	4866	4358	0.05	OK
	rsc			jCU		

Verificação de Cortan	<u>te: Maior inércia (X-X)</u>	
VARSE		udanti
	Parâmetros de cáiculo	ل والالالة الحك الحك الح
Lv[m]	a[m]	Kv
0	5821	1.2

Verificação da esbeltez					
λ <sub>p</sub>	λ,	λ			
25.9	32.3	8.09			

	Resu	Itados	
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status
697	633	0	ОК

### Esforços combinados - Normal e Momento - seção 5.5.1.2

Caso b)

 $\frac{\mathrm{Nd}}{2 \cdot \mathrm{NRd}} + \frac{\mathrm{Md}}{\mathrm{MRdx}} + \frac{\mathrm{Mdy}}{\mathrm{MRdy}} = 86.34 \cdot 10^{-3}$ 

### **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

	Desume des resultados	
Tipo de verivicação	Sd/Rd	Status
Força Normal		
Momento X-X	0.03	ОК
Momento Y-Y	0.05	ОК
Cisalhamento X-X	0	ОК
Cisalhamento Y-Y	0	ОК
Torção	0	ОК
Esforços combinados	0.09	ок

Fator máximo

= 0.09

Cálculo linear Classe: Todos ELU Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B3551 Filtro: Seção Transversal = CS1 - W200x35.9

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

	Dados da barra	
Barra	Posição[m]	Perfil
B3551	0	W(GERD)200x35.9

#### Seção:

Seção: W(GERD)200x35.9



OBS: Y-Y(SCIA)	= X-X (NBR)
Z-Z(SCIA)	= Y - Y (NBR)

		Dados do aço		
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154

$\square$ $\frown$ $\neg$						
$H(\Delta)$	100	( Esfor	rços* 📉 🗖	11/015	>) hh	
Nd[kN]	Max[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]	
-13.9	1415	-76.6	0.29	-8.85		

Combinação: 1.25\*LC1+1.25\*LC2+1.05\*LC3 +1.40\*LC4

## Verificação ao Esforço Normal

		Verificação da esbeltez	*	
Lbf <sub>x</sub> [m]	Lbf <sub>y</sub> [m]	λ <sub>x</sub>	λ <sub>y</sub>	Status
6.6	1.67	76.1	40.8	ОК

\*ltem 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

Anexo E - Força axial de flambagem elástica

Item E.1.1 - Seções com dupla simetria

Carga de flambagem elástica*					
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Neyz[kN]	Ne[kN]	
1246	4328	5254	N/A	1246	
/er:	520	es	tud	ant	

		Flambagem local*		
Mesa	221/01	Aima Aima		Classificação
λρ	(a U)	$(\lambda p)$		
12.1	8.09	32.1	25.9	

		Res	sistência à compre	essão		
<b>λ</b> <sub>0</sub>	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
1.13	0.589	1	45.7	844	0.02	ОК

## Verificação ao Momento Fletor

## Verificação ao momento: Maior inércia (X-X)

Mesa superior em compressão

		Parâmetros	de cálculo		
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wx[cm <sup>3</sup> ]	Zx[cm <sup>3</sup> ]
1.67	1.72	69502	3437	342	379

		Cla	assificação da seção	
$\Pi \sim \tau$	Mesa		Alma	Classificação
$\sqrt{\frac{\lambda_p}{\lambda_p}}$	-(x	$(\lambda)$	$(\Delta_p)$	
8,18	21.4 )( 0	8.09	81 ) 123	25.9 Compacta

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLT[kN.cm]	FLM[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	M <sub>Rd</sub> [kN.cm]	Sd/Rd	Status
11895	11895	11895	13084	11895	0.12	ОК

## Verificação ao momento: Menor inércia (Y-Y)

Parâmetros de cálculo					
Lb[m]	Cb	Cw[cm <sup>6</sup> ]	lx[cm <sup>4</sup> ]	Wy[cm <sup>3</sup> ]	Zy[cm <sup>3</sup> ]
N/A	3	N/A	764	92.6	141

Classificação da seção							
	Mesa			Alma		Classificação	
$\lambda_{p}$	λ <sub>r</sub>	λ	λ <sub>p</sub>	$\lambda_r$	λ	Composto	
8.18	21.4	8.09	0	0	0	Compacta	

			Resultados			
FLA[kN.cm]	FLM[kN.cm]	FLT[kN.cm]	Mpl [kN.cm]	Status		
4424	4358	4424	4866	4358	0.02	OK
	rsc			jCU		

ersa	0 est	Indami
	Parâmetros de cálculo	
Lv[m]	a[m]	Kv
0	6600	5

Verificação da esbeltez					
λ <sub>ρ</sub>	λ	λ			
53	66	25.9			

Resultados				
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status	
258	235	0.04	ОК	

## Verificação de Cortante: Maior inércia (X-X)

Parâmetros de cálculo					
Lv[m]	a[m]	Kv			
0	6600	1.2			

Verificação da esbeltez				
λρ	λ	<b>Ι - λ</b>		
25.9	<u>()</u> (32.3) ( ) [ ] ( (	8.09		
7 GI DA	O GDGUG			

Resultados					
Vpl[kN]	VRd[kN]	Sd/Rd	Status		
697	633	0	ОК		

## Esforços combinados - Normal e Momento - seção 5.5.1.2

Caso b)

 $\frac{\text{Nd}}{2 \cdot \text{NRd}} + \frac{\text{Md}}{\text{MRdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{MRdy}} = 0.1448$ 

## **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

V(A) 7(52)(						
Resumo dos resuitados						
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status				
Força Normal	0.02	ок				
Momento X-X	0.12	ок				
Momento Y-Y	0.02	ОК				
Cisalhamento X-X	0	ОК				
Cisalhamento Y-Y	0.04	ОК				
Torção	0	ок				
Esforços combinados	0.14	ок				

Fator máximo = 0.14



Cálculo não linear Classe: Todas\_LNU\_NL Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B7329 Filtro: Seção Transversal = CS33 - L100x4,25

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-14762:2010

Dados da barra					
Barra	Posição[m]	Perfil			
B7329	1.25	L(NBRf)100x4,25			

#### Seção:

Secão: L(NBRf)100x4,25	
Π	OBS: Y-Y(SCIA) = X-X (NBR)
	Z-Z(SCIA) = Y-Y (NBR)

Dados do aço						
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]		
A36	24.8	40	20000	7692		

		Esforços*		
Nd[kN]	Mdx[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]
3.17	5.02	2.39	-0.01	0.01
ombinação:	NC_LUN_C_2		SICU	

#### Verificação de tração

Limite de esbeltez ( $\lambda \le 300$ )

Item 9.6.3

Item 9.6

λχ	λ <sub>y</sub>	Status
91.8	184	ОК

Resistência à tração

a) Escoamento da seção bruta

$$\gamma = 1.1$$
  
N<sub>tRdy</sub> =  $\frac{A_g \cdot fy}{v} = \frac{8.2 \cdot 24.8}{1.1} = 185 \text{ kN}$ 

b) Ruptura da seção líquida

 $A_n = 8.2 \text{ cm}^2$ 

 $A_e = Ct \cdot A_n = 1 \cdot 8.2 = 8.2 \text{ cm}^2$ 

N<sub>to th</sub> = 
$$\frac{A_e \cdot fu}{A_e \cdot fu} = \frac{8.2 \cdot 40}{243 \text{ kN}}$$

$$\gamma = 1.35$$

 $N_{tRd} = min(N_{tRdy}; N_{tRdr}) = min(185; 243) = 185 \text{ kN}$ 

Resistência à tração

N <sub>d</sub>	NtRd	Verificação	Status
3.17	185	0.02	OK C
	56(0)		JUGI
	JAU	GEGU	

## Verificação da flexão (X-X)

1 - Verificação da flambagem local



1.1 - Verificação da aba 1

Escoamento da seção efetiva

Parte	σ1	σ2	Ψ	k	bef
Aba1	-41.3	15.3	-0.369	0.657	5.27

1.2 - Verificação da aba 2

Aba tracionada. Totalmente efetiva.

 $Wef = 6.39 \text{ cm}^{3}$ 

MRd1 =  $\frac{\text{Wef} \cdot \text{fy}}{\gamma} = \frac{6.39 \cdot 10^{-6} \cdot 248 \cdot 10^{6}}{1.1} = 144 \text{ kN} \cdot \text{cm}$ 

Item 9.8.2.2

2 - Flambagem Lateral com Torção

Parâmetros de travamento lateral:

Lbx	Lby	Lbz	LbTop	LbBottom	Comprimento
291	582	582	582	582	582

h = 10 cm

Parâmetros de cálculo:

	M <sub>Rd,FLT</sub>
1.45 387 11.3 0.85 0.887	131

Resultados da flexão (X-X):

M <sub>dx</sub>	M <sub>Rdx</sub>	Verificação	Status
5.02	131	0.04	OK



A flambagem distorcional não está definida para essa seção

Escoamento da seção efetiva

#### 1 - Verificação da flambagem local

B = CS.Geometry.b = 0.1 = 10 cm

H = CS.Geometry.h = 0.1 = 10 cm

#### 1.1 - Verificação da aba 1

Aba tracionada. Totalmente efetiva.

#### 1.2 - Verificação da aba 2

$$\sigma 2 = \frac{abs(\sigma \cdot Wy)}{\frac{ly}{abs(Coord.Xmin)}} = \frac{abs(248 \cdot 10^{6} \cdot 8.93 \cdot 10^{-6})}{\frac{823 \cdot 10^{-9}}{abs(-0.027)}} = 7.25 \text{ kN/cm}^{2}$$

Parte	σ1	σ2	Ψ	k	bef
Aba2	-19.6	7.25	-0.369	0.657	5.27

Wef =  $5.7 \text{ cm}^3$ 

$$\mathsf{MRd1} = \frac{\mathsf{Wef} \cdot \mathsf{fy}}{\gamma} = \frac{5.7 \cdot 24.8}{1.1} = 129 \; \mathsf{kN} \cdot \mathsf{cm}$$

# Lox Loy Lbz LbTop LbBottom Comprimentc 291 582 582 N/A N/A 582

Parâmetros de cálculo:

Cb	Me	Wc	λ0	XFLT	M <sub>Rd,FLT</sub>
2.18	1092	11.3	0.506	1	129

Resultados da flexão (Y-Y):

M <sub>dy</sub>	M <sub>Rdy</sub>	Verificação	Status
2.39	129	0.02	ОК

A flambagem distorcional não está definida para essa seção

#### Verificação do cisalhamento - Eixo Y

Parâmetros para o cisalhamento:

a (mm)	λ	k <sub>v</sub>
5816	63.6	5

Resultados para o cisalhamento:



ltem 9.8.2.1

Item 9.8

Item 9.2

#### Verificação do cisalhamento - Eixo X



Resultados para o cisalhamento:

Vd <sub>x</sub> (kN)	V <sub>Rdx</sub> (kN)	Verificação	Status
0.01	52.6	0	ОК

#### Flexão e cisalhamento combinados (Mx + Vy)

$$\sqrt{\left(\frac{Mdx}{Mrdx}\right)^2 + \left(\frac{Vdy}{Vdry}\right)^2} = \sqrt{0.04^2 + 201 \cdot 10^{-6^2}} = 0.04$$
 OK

$$\sqrt{\left(\frac{Mdy}{Mrdy}\right)^2 + \left(\frac{Vdx}{Vdrx}\right)^2} = \sqrt{0.02^2 + 193 \cdot 10^{-6^2}} = 0.02 \text{ OK}$$

#### Flexão e compressão combinadas

 $\frac{\text{Nsd}}{\text{Nrd}} + \frac{\text{Mdx}}{\text{Mrdx}} + \frac{\text{Mdy}}{\text{Mrdy}} = 0 + 0.04 + 0.02 = 0.06 \text{ OK}$ 

#### Flexão e tração combinadas

## item 9.9 Tsd + Mdx + Mdy =0.02 + 0.04 + 0.02 = 0.08 OK Resumo de resultados:

Fator de verificação máx.: 0.08

Verificação	Fator de verificação	Status
Tração	0.02	ОК
Compressão	0	ОК
Flexão X-X	0.04	OK
Flexão Y-Y	0.02	ОК
Cisalhamento X	0	OK
Cisalhamento Y	0	ОК
Mx + Vy	0.04	ОК
My + Vx	0.02	ОК
T + Mx + My	0.08	ОК
N + Mx + My	0.06	ОК

\* 0

7116

item 9.8.4

item 9.8.4

item 9.9

Cálculo não linear Classe: Todas\_LNU\_NL Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B6651 Filtro: Seção Transversal = CS22 - BR1/2"

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

Dados da barra					
Barra	Posição[m]	Perfil			
B6651	0	BR(GERD)1/2"			

#### Seção:



$\square$		Ø	Esforços*			
NdikN	Mdx[kN.c	cm] Mdy[kN.c	m] Vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]	nt br
5.91		0		0	0	
	31 27	CH C		GGN	y cy f	-1 GL

Combinação: NC\_LUN\_F\_13

### Verificação ao Esforço Normal

Item 6.3.3.1 - Ruptura para barras redondas e parafusos

Item 5.2.8.1 - Verificação da esbeltez desnecessária - use pré-tensão durante a instalação - barras redondas.

Verificação para tração								
Escoamento d	da seção bruta	Rup	otura da seção ef	fetiva	Sta	atus		
Ag[cm <sup>2</sup> ]	Nd <sub>Rd</sub> [kN]	Ct	Ae[cm <sup>2</sup> ]	Nd <sub>Rd</sub> [kN]	Sd/Rd			
1.27	39.7	1	127·10 <sup>-6</sup>	31.5	0.19	OK		

### **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

ARS	o ed	hidam
	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal	0.19	ок
Momento X-X	0	ок
Momento Y-Y	0	ок
Cisalhamento X-X	0	ок
Cisalhamento Y-Y	0	ок
Torção	0	ок
Esforços combinados	0	ок

Fator máximo = 0.19



Cálculo não linear Classe: Todas\_LNU\_NL Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B6682 Filtro: Seção Transversal = CS27 - L51x3,2

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

Dados da barra					
Barra Posição[m] Perfil					
B6682	0	L(NBR)51x3,2			

#### Seção:

Seção: L(NBR)51x3,2



OBS: Y-Y(SCIA)	=	X-X (NBR)
Z-Z(SCIA)	=	Y-Y (NBR)

7006

Dados do aço							
Aço	Fy[kN/cm2]	Fu[kN/cm2]	E[kN/cm2]	G[kN/cm2]			
A572 grade 50	34.5	44.8	16000	6154			

$\square$						
$//(\triangle)$	Hab	( Esfor	rç05* 🦳 🗖	11/012	>1001	
Nd[kN]	Max[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	[d[kN.cm]	
-0.05		0				

Combinação: NC\_LUN\_C\_1

## Verificação ao Esforço Normal

Verificação da esbeltez*						
Lbf <sub>x</sub> [m] Lbf <sub>y</sub> [m] $\lambda_x$ $\lambda_y$ Status						
1.95	1.95	97.6	195	ОК		

\*Item 5.3.4 - Verificação da esbeltez

#### Definição da carga de flambagem elástica - ANEXO E

	Car	ga de flambagem elás	tica*		
Nex[kN]	Ney[kN]	Nez[kN]	Nexz[kN]	Ne[kN]	
52.5	13.2	82.5	39.2	13.2	

o estud

11		Flambagem local*	
$1/(\Delta M)$	Mesas		Classificação
λρ	(a U)		
9.69	15.9	9.69 15	.9 Semicompacta

Verificação da flambagem local

Resistência à compressão						
λο	х	Q	Ag[cm <sup>2</sup> ]	NRd[kN]	Sd/Rd	Status
2.55	0.135	0.78	3.17	10.5	0	ОК

## **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal	0	ОК
Momento X-X	0	ОК
Momento Y-Y	0	ОК
Cisalhamento X-X	0	ОК
Cisalhamento Y-Y	0	ОК
Torção	0	ОК
Esforços combinados		OK
<u>7 GI DA</u>		JULEER
Fator máximo	= 0	

Cálculo não linear Classe: Todas\_LNU\_NL Sistema de coordenadas: Principal Extremo 1D: Global Seleção: B7854 Filtro: Seção Transversal = CS22 - BR1/2"

## Verificação pela Norma Brasileira de Aço - ABNT - NBR-8800:2008

	Dados da barra	
Barra	Posição[m]	Perfil
B7854	0	BR(GERD)1/2"

#### Seção:



		Esfor	rços*			
Nd[kN]	Mdx[kN.cm]	Mdy[kN.cm]	Vdx[kN]	Vdy[kN]	Td[kN.cm]	
0.38	r o G	0		0	0	
	T D CL		YYY	JUU		IJGL

Combinação: NC\_LUN\_C\_1

### Verificação ao Esforço Normal

Item 6.3.3.1 - Ruptura para barras redondas e parafusos

Item 5.2.8.1 - Verificação da esbeltez desnecessária - use pré-tensão durante a instalação - barras redondas.

		Ve	rificação para tra	ição		
Escoamento	oamento da seção bruta Ruptura da seção efetiva			Sta	atus	
Ag[cm <sup>2</sup> ]	Nd <sub>Rd</sub> [kN]	Ct	Ae[cm <sup>2</sup> ]	Nd <sub>Rd</sub> [kN]	Sd/Rd	
1.27	39.7	1	127·10 <sup>-6</sup>	31.5	0.01	OK

### **RESUMO DAS VERIFICAÇÕES**

APRE		hidar
	Resumo dos resultados	
Tipo de verificação	Sd/Rd	Status
Força Normal	0.01	ок
Momento X-X	0	ок
Momento Y-Y	0	ок
Cisalhamento X-X	0	ок
Cisalhamento Y-Y	0	ок
Torção	0	ок
Esforços combinados	0	ОК

Fator máximo = 0.01



#### JOÃO VICTOR CORDEIRO BARROS

### PROJETO ESTRUTURAL DE UM GALPÃO EM AÇO COMPOSTO POR PÓRTICOS FORMADOS POR PERFIS LAMINADOS

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado à Coordenação do Curso de Engenharia Civil do Campus Agreste da Universidade Federal de Pernambuco – UFPE, na modalidade de artigo científico, como requisito parcial para obtenção do grau de Bacharel em Engenharia Civil. Defesa realizada por videoconferência.

Área de concentração: Estruturas

Aprovado em 08 de maio de 2023.

#### **BANCA EXAMINADORA**

Prof. Dr. Douglas Mateus de Lima (Orientador) Universidade Federal de Pernambuco

Prof. Dr. Humberto Correia Lima Júnior (Avaliador) Universidade Federal de Pernambuco

Eng<sup>o</sup>. Civil Henrique Tavares Lima (Avaliador) Universidade Federal de Pernambuco

Eng<sup>o</sup>. Civil Luccas André Felix Silva (Avaliador) Universidade Federal de Pernambuco